

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

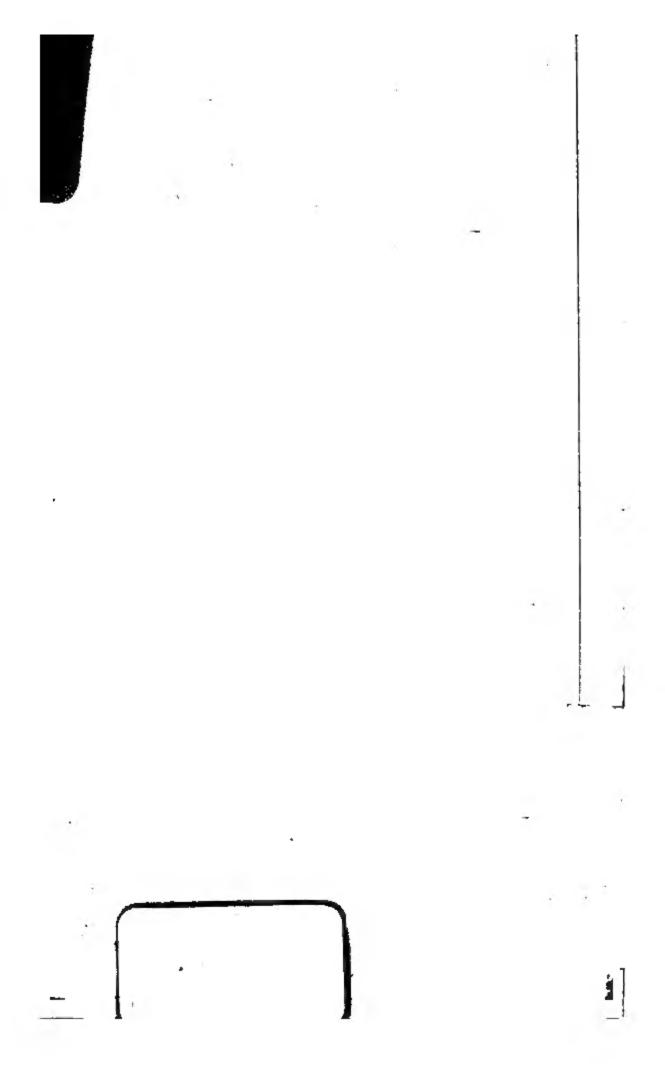
Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden,
- + Keine automatisierten Abfragen Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.



TA 544 'K11

• . • ...

Unmerkungen

über bie

Markscheidekunst.

Nebst einer Abhandlung von Höhenmessungen durch das Barometer.

Von

Abraham Gotthelf Kästner

Königl. Grosbr. Hofrath, und Professor der Mathematik und Physik

> Gbttingen, im Verlag ver Wictwe Vandenhoeck 1775.

>

, ..

ý

1

ام الم

Dem

Hochwohlgebohrnen Herrn

Herrn,

Carl Eugen

Pabst von Shain

Churfürstlich. Sächsischen Berghauptmanne

i > 漢 ٠; •

Ew. Hodwohlgebohrnen

Sibrary coa.
Perelle
5-22-29

haben mir schon auf der Leipziger Universität eine Freundschaft gegönnt, die sich auf gemeinschaftliche Neigung, zu gleich nüplichen, und erhabenen Wissenschaften gründete.

Ich genoß davon ausnehmende Vortheile ben meinem Aufenthalte in Frenderg 1747. den Ew. Hochwohlgeb. durch Unterricht und Anführung, mir so lehrreich als möglich zu machen, eifrigst bemüht waren.

Ich bin immer auf einen solchen Lehrer so stolz gewesen, daß ich mir Gelegenheit gewünscht habe, Ihn des sattlich zu bekennen.

Wor.

Bornahmlich dieser Eitelkeit haben Ew. Hochwohlgeb. es zuzuschreiben, daß ich Sie ersuche, gegenwärtiges Buch, als ein Merkmahl der dankbaren Erinnerung eines alten Schülers, geneigt anzunehmen.

Ich verharre mit vollkommenster Hochachtung

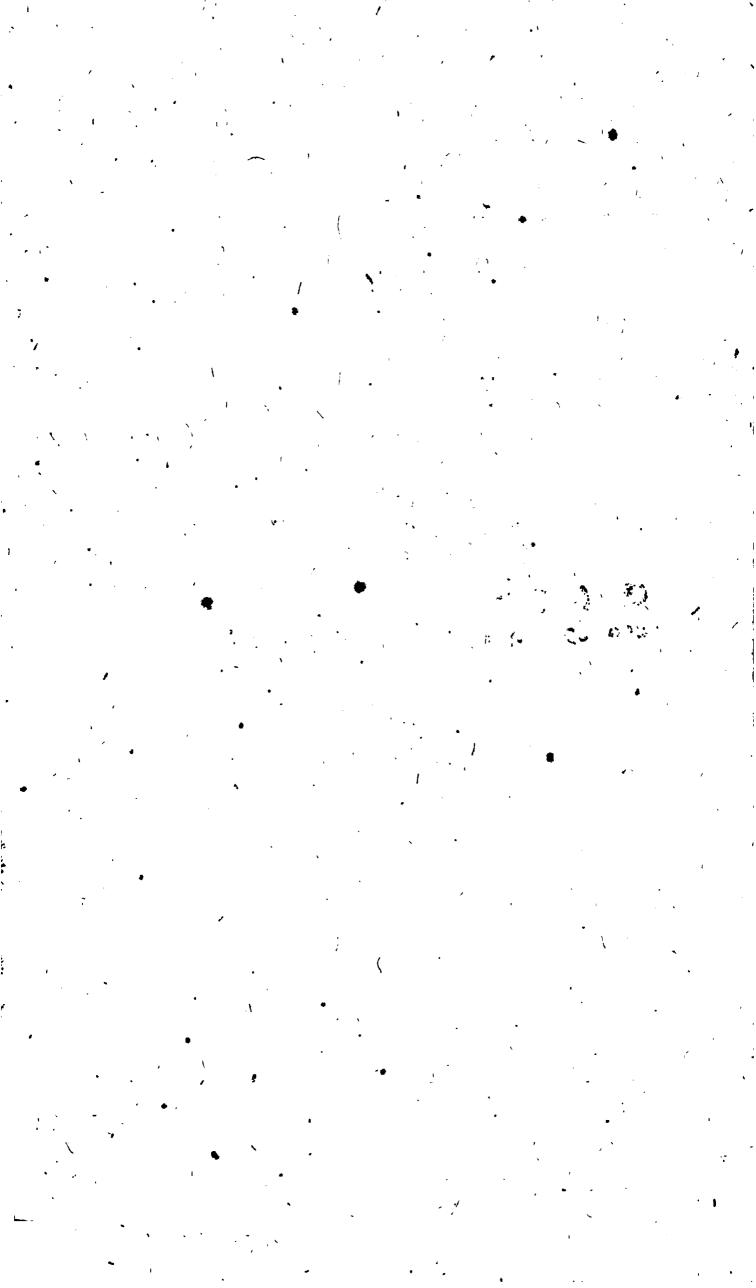
Ew. Hochwohlgeb.

Söttingen Im August 1775.

> gehorsamkerzebenster Diener : Abraham Gotthelf Kästner.

Druckfehler.

6. f. Zeise **45.** f9 4 nach 10891 stze man: k



Borrede

Dies der Universität eines Landes, das ben viel andern Vorzügen auch so berühmte Bergwerke besitzt, kann man wohl erwarten, auch Gelegenheit zu Erlernung der Markscheidekunst zu haben. Mir ist nicht bekannt, ob dergleichen Unterricht vordem hie ist ertheilt worden. Der seel. Rath Penther würde wenigstens dazu mit Kenntnissen und Werkzeugen seyn versehen gewesen.

An den letten ging mir einiges ab, als ich den Entschluß faßte, diese Kunst vorzustragen. Ich war für mich nur mit einigen versorgt, die ich gelegentlich noch in Leipzig bekommen hatte, ich glaube aber, wenn man Ausübungen lehren will, muß man die Wertzeuge dazu; in einer Vollständigkeit, auch nicht ganz unentbehrliche,zeigen können.

Kin. Regierung verordnete auf die gutige Fürsprache des Hrn. Hofr. Brandes, daß die Markscheiderwerkzeuge dem zahlreichen Vorrathe von andern, der ben hiesiger Universität zum Gebrauche benm Unterrich-

te vorhanden ist, bengefügt wurden.

Ich habe zu den Vorlesungen Weidlers Institutiones geometriae subterraneae gebraucht, die auch durch des Hrn. P. Fuchsthaler deutsche Uebersetzung noch gemeiner geworden sind. Wollständigere Anleitungen, wie des Hr. v. Oppel und Beners, sind nicht für akademische Borlesungen. Unter denen, die zu dieser Absicht verfaßt sind, ist meines Wissens Weidlers seine die einzie ge, die man besonders haben kann, die übris gen sind grossern Buchern einverleibt, ich will die nennen die mir bekannt sind.

Ben Hrn. Prof. Andr. Bohms zu Gief sen grundlicher Anleitung zur Meßkunst auf dem Felde (Frankf. u. Leipz. 1759.) ist der

II. Anhang die Markscheidekunst.

In Hrn. Prof. Joh. Pet. Eberhards zu Halle Neuen Beyträgen zur Mathesi applicata (Halle 1773) macht die Markscheides kunst den ersten Theil ver darinnen vorgetragenen Bergwerkswissenschaften aus. Des

Des vormahligen Hochf. Badendursachischen Kirchenraths Jac. Friedr. Malers Geometrie und Markscheidekunst ist zum zwentenmahle zu Carlsruhe 1767 herausgek. wo ich einiges verbessert und vermehrt habe, aber nicht in der Markscheidekunst.

Noch nenne ich hie ein paar Auffäße, die ich zu sehen bekam, als die Anmerkungen, ben denen ich sie angeführt hätte, schon ab

gedruckt waren.

leber Grubenprosile, und derselben Versertigung, hat Hr. Franz Dembscher; Kon. Markscheider zu Cremniß in Ungarn, nüteliche Betrachtungen mitgetheilt, in dent Abhandlungen einer Privatgesellschaft in Böhmen zur Aufnahme der Mathematik, vaterland. Geschichte und Naturgeschichte; zum Druck besordert von Ignaß Edlen v. Born. (Prag 1775) 6. Abhandl.

In eben den Abhandlungen, enthält die 7. Hrn. Lorenz Siegel, Kais. Kon. Markscheider und Probierer zu Schladming in Stepermark, Vorschläge zur Verbesserung des Gradbogens. Der Faden mit dem Gewichte spielt wie er bemerkt zu lange, ehe er an seiner gehörigen Stelle zur Nuhe kömmt. Hr. S. empsiehlt statt dessen ein Meßingblech, Mech, das sich um des Halbkreises Mittelspunkt dreht, und die Donlegen vermittelsk

eines gespannten Fadens abschneidet.

Gegenwärtige Anmerkungen sind ben Gelegenheit der Vorlesungen entstanden, die ich vor einigen Jahren über Weidlers Buch gehalten habe, daher folgen sie einigermaßen den Ordnung dieses Buches. Die Pastagraphen sind nach dem Grundterte angessührt. Der Uebersetzung 35; ist des Oris

ginals 34 und so fort in der Folge.

Man wird leicht sehen, daß es nicht blosse Erläuterungen sind, die gehören meist für den mundlichen Vortrag, sondern, Berichtigungen, Zusäße, und andere Untersuchungen, die auch ohne Absicht auf die Stellen vom Weidler, die mich dazu veranlaßten, brauchbar sind. Einen Commenta. rius über Weidlers Compendium, aus grossern Systemen zusammen zu schreiben, mar auch nicht meine Absicht, da ich vielmehr Die Lernenden allemahl anführe, wie sie ausführlichere Werke zu Erweiterung ihrer Kenntnisse zu brauchen haben, sondern eigentlich suchte ich Anwendungen der Arithmetik, Geometrie und Analysis auf die Markscheidekunst zu machen, die noch nicht gemacht

gemacht waren. Daß sich hieben Vorschläsge gaben, Markscheiderarbeiten bequemer oder richtiger zu bewerkstelligen, davon wird man Proben selbst benmkachtermaasse, benm Gradbogen, ben der Berechnung der Sohlen und Seigerteufen, ben der Bestimmung der Winkel ohne Compaß und Eisenscheiben u. s. w. finden.

Einige andere meiner Anmerkungen bestreffen Aufgaben, die, besonders in v. Oppels und Beners Büchern nicht deutlich genug, ohne Beweis, oder auch gar nicht, aufgelöset sind. Vollständige und gründliche Auslösungen davon beruhen auf den Lehren von Lagen der Ebenen und sphärische

scher Trigonometrie.

Die Abhandlung, von Messung der Hoshen mit dem Barometer, sollte ansangs die letzte Anmerkung werden. So habe ich sie auch in der 9. Anm. 24; angesührt. Sie ward mir aber so weitläuftig, daß ich ihr eis ne andere Ueberschrift geben mußte. Ohne Zweisel kann es dienlich senn, was in der Theorie dieser Messungen gethan ist, gessammlet, verglichen, und beurtheilt zu seshen. Man erkennt so, daß die disher gegesbene vielsältig scheinende Regeln, nur wense

ge ausgenommen, auf einem gemeinschaftlichen Grunde beruhen. Daß aber eine kurze, bequeme und allgemeine Regel, wegen der Wirkungen der Wärme, und anderer Ursachen, die wir vielleicht noch weniger kennen, nicht möglich ist, sobald man von ihr sodert, die Sohe mit einer ziemlichen Genausgkeit anzugeben. Begnügt man sich, wie ohnedem wohl vor Hrn. de Luc immer gesichehen ist, mit einer nur ohngefähr richtigen Bestimmung, so hat der Göttingische Naper dazu ein sehr kurzes und bequemes Verfahren gelehrt. Den Anlaß zu dessen Bekanntsmachung habe ich unserm Herrn Prof. der Oekon. Beckmann zu danken.

Aus dem Gesetz, wie die Dichte der Lust in der Hohe abnimmt, Barometerstand und Hohe zu vergleichen, gehört Rechnung des Unendlichen, Gebrauch logarithmischer Integralen; dadurch erhält man bequem und richtig, was die, welche etwa einzelne Hohen vieler Lustschichten, addiren wollen, wie Mariotte, und zum Theil Hr. de Luc, mit unausstehlicher Arbeit, und geringerer

Richtigkeit erhalten.

Wer sich einbildet ein Naturforscher zu senn, ohne daß er von der Rechnung des Unendli-

Unendlichen was mehr weiß als dieses: Es sen ein Ding von dem er vor seinen Schulern als von was ganz Unnüßen reden muß, versichert. Manche werden doch tumm genug senn, es ihm zu glauben; Der ift ganz unfähig einen Begriff davon zu haben, wie Hohe aus Barometerstande bestimmt wird. Er nimmt also die erste beste Tafel, die ihm in die Hande gegeben wird, und schreibt daraus die Höhe ab, die seinem Barometerstande gehört. Oder, es noch besser zu mas chen, schreibt er die Hohen aus ein paar sole chen Tafeln, neben einander, unbekummert, ob einmahl bende Tafeln ihre Höhen von eis nersen Horizonte rechnen. Dadurch giebt er sich ben Einfältigen das Ansehen eines Mannes, der auch Höhen mit dem Barometerzu messen wisse, ben Leuten aber, die eben so wenig Mathematik verstehen als er, doch übrigens ihren natürlichen Verstand besser brauchen, erregt er einen Verdacht gegen die Mathematikverständigen, die in ihren Rechnungen so weit von einander abgehen.

Die Rechtfertigung der Mathematikversskändigen ist folgende: Sie stimmen in einer wahren Theorie überein; Aber ben Anwens dung

Grunde, der eine vielleicht nicht so richtige als der andere; oder jeder solche, die unter für ihn besondern Umständen richtig waren, aber unter andern Umständen nicht so wür-

den erfolgt senn.

Wie verzeihlich es ist, ben solchen Erfahrungen zu sehlen, erhellt daraus, daß man
so geringe Grössen beobachten muß. Zu einer Linie Quecksiber gehören immer vielmehr als 60 Fuß Höhe. Also giebt ein Fehler in Bemerkung des Barometerstandes
immer einen viel mehr als achttausend mahl
grössern in der Höhe. In dieser Betrachtung, wenn auch alle Erfahrungen unter
einerlen Umständen angestellt wären, dürste
man wohl den Regeln noch grössere Uneinigkeit zu gute halten.

Ohne die Markscheidekunst hat man keine richtigen Vorstellungen von dem was ben Gebürgen auf Grössen, Raum und Lagen ankömmt, noch vielweniger versteht man etwas von dem Gange der unterirrdischen Arbeiten in ihnen. Hieven allgemeine Begrisse zu haben, ist doch wohl anständig, da das was aus Gebürgen hervorgebracht wird, in den Zustand der menschlichen Gesellschaft

so viel Einstuß hat. Von der natürlichen Beschassenheit unserer Erdsläche machen solche Kenntnisse einen beträchtlichen Theil, man sieht auch den Mangel derselben eind gebildeten Natursorschern gar bald an. Wer das Wasser aus dem Meere unter der Erde auf die Gipfel der Berge steigen läßt, um von da wieder herabzurinnen, muß nie gehört haben, daß man in Bergwerken nur von oben hereinfallende Wasser kennt, daß dem Bergmanne wohl Wasser auf den Schachthuth tropfelt, aber nie von unten auf ins Gesicht sprüßet, er müßte denn in ein Pfüße treten.

Lissabon und Lima hat jemand gemeynt, stünden noch, wenn in den Gegenden um diese Städte, wären tiese Schächte gegraben worden, den unteriredischen Dünsten unschädlichere Auswege zu verschaffen, als sie aus Mangel solcher Vorsichtigkeit genommen haben: Und so entstand ben ihm ein Vorschlag, um Städte herum Präser-

vativschächte zu graben.

Der Ersinder dieses Vorschlages bedache te nicht, daß Schächte abzusinken, eine langweilige kostbare Arbeit ist, die sich nicht weit fortsesen läßt, wenn man ihr nicht durch

durch Zimmerung, Wetterwechsel, Künste und Stollen zu Hulfe kommt, und daß sein Re-. cept also jeder Stadt ein Praservativberg. werk verordnet; unbesorgt ob das Mittel einmahl könnte angebracht werden, weil sich nicht an allen Stellen der Erde Bergwerke anlegen lassen. Und diese Arbeiten müßten blos auf ein gerathewohl unternommen werden, denn bisher kennt man doch noch keis ne Anzeigungen, wo Dunfte unter der Erde Ruthenganger mochten eingesperrt sind. die anständigsten Personen senn, ben eis nem solchen Unternehmen befragt zu werden, nur daß ihnen, soviel man weiß, die Ruthen wohl auf unterirrdische Wasser, aber noch nicht auf unterirrdische Dunste geschlagen haben. Die Bergleute kennen manche Arsen unteriredischer Dunste schon so, daß sie sich schwerlich wurden bewegen lassen, ge rade in der Absicht zu arbeiten, um auf unkerirrdische Dunste durchschlägig zu werden. Man müßte also welche dazu nehmen, die das Leben verwirkt hatten.

Wenn solche Einfalle einmahl im Vorbengehen waren gesagt worden, so könnte man sie belachen und vergessen. Wenn sie aber, als wichtige Rathschläge, einer Societät cietät der Wissenschaften vorgetragen werden, wenn das Ungereimte darinnen deuts lich, obgleich lachend gezeigt wird (*), und sie doch immer wieder denen vorgeschwast werden, denen versprochen wird, man wolle sie Physik lehren, so hat, wenigstens ein berufener und verordneter Lehrer der Physik, nicht nur Recht, sondern auch Verbindlichsteit, zu sagen, daß solch Geschwäß den Nahmen der Physik mishandelt.

Ich muß mich anklagen, daß ich diese Psicht bisher viel zu nachläßig beobachtet habe, und kann zu meiner Entschuldigung nur das vorbringen, daß ich doch nichts hierüber würde gesagt haben, was nicht. Leute von mäßigem natürlichem Verstande schon ohne meine Erinnerung gewußt hätten. Meine Unterlassungssünde also hat, Menschen die nur mit gemeiner Vernunst versehen sind, nichts geschadet, und Menschengesichter abzuhalten, daß sie sich nicht Ungereimt.

^{(*) &}quot;Senbschreiben, an einen Prosessor ber Weltweisheit, ben Gelegenheit der Erdbes ben 1755. im Monat März 1756 von einem deutschen Officier autworfen." Man häte den seel. Pros. Mayer sur den Verfasser.

Ungereimtheiten bereden lassen, dazu habe

ich weder Pflicht noch Reigung.

Meine Gelassenheit hat aber nur den Pank erhalten, daß ein in seiner Maasse ver-Dienter und berühmter Gelehrter, in einer Worrede wo er von seiner Bemühung mit Petrefacten redet, mich unter die gerechnet hat; ich führe seine eignen Worte an: die

pro ingenii sui luxuriantis procacitate inter res ludicras illa referre, ludicrisue hominum eircumforaneorum agyrtarum crepundiis impudentissime nonnunguam annumerare non verentur.

Daß er mich hiemit gemennt hat, deßwegen überlasse ich mich sicher seinem eiges nen Geständnisse. Er ist ein aufrichtiger, ehrlicher Mann, der, wo ihn Vorurtheile nicht verleiten, rechtschaffene, oft edle Gefinnungen hat, die ich allemahl an ihm ehre, was ich auch von seinen Einsichten und Mennungen urtheilen muß.

Petrefacten ju betrachten, zu sammien, Folgerungen aus ihnen herzuleiten, habe ich nie für Taschenspieleren erklärt. Ich habe mich selbst damit beschäfftiget, und sogar einie Sammlung davon schon vor 1754 in Leipzig besessen. Weil ich auf sie keinen groß

fen Aufwand hatte machen konnen, und sie nur aus eignem Zusammentragen und Geschenken guter Freunde entstanden war, so glaubte ich nicht, daran was besonders zu bes figen, bis ich im genannten Jahre nach meinem damaligen Aufenthalte, Leipzig, die Schriften einer Königlichen Societät der Wissenschaften vom vorigen Jahre bekant, wo ich allerlen Steine mit Schnecken und Muscheln in Aupfer gestochen fand, dergleichen ich in Menge, und viel noch bessere Stucken besaß. Auch in der Sandgrube und in der Thongrube ben Leipzig hatte ich gesehen, daß die Materien da schichtenweise übereinander lagen, allerlen andere, nicht so sehr gemeine Bemerkungen, als die ist, daß Materien schichtenweise liegen, gemacht, und wenn ich hatte einem Leipziger Zeichner und Kupferstecher einem Verdienst daben versprechen konnen, sollten sich diese Gruben so gut ausgenommen haben, als das Bild einer Steingrube.

Ich hatte auch schon vorlängst in Olearius Persiamscher Reisebeschreibung von den Mauren zu Derbent gelesen: "Und waren alle Steine, welches uns verwunderlich vorkam, von lauter klein zerbrochenen Muschel-

schalen

schalen gleich als zusammengeschmolzen gemachsen." (*) An den Gebäuden der Stadt, wohin ich 1756 kam, hätte ich vielleicht die se Aehnlichkeit zwischen Göttingen und Derbent bemerkt, wenn ich davon zu reden Beranlassung gehabt hatte, aber ich hatte schwere lich der Kon. Soc. der Wiss. erzählt, daß mich Mauern aus Muschelsteinen, mit eis ner grossen Verwunderung, wie neue und ungewöhnliche Sachen zu thun pflegen, überrascht hatten; weil ich darinnen, daß man ein paar Hundert Jahre, ehe Petrefactensammler entstanden, aus Muschelsteinen gebaut hatte, nichts neuers und ungewöhnlichers gesehen hatte, als daß man aus

(*) In 6. B. 10 C. 719. S. Der franzosische Sche Ueberseker (Voyages par le Sr. Olearius Amsterd. 1727.) druckt dieses col. 1040 so aus: ces pierres sont kaites de coquilles de moules, et de grez, battus et fondus.— Er hat sich also eingebildet, die Steine wären aus gestossenen Muschelschalen durch die Runst gebacken, welches Dl. gewiß nicht sagt, sondern sie Quadersteine nennt, so vier und sechs Eubicsuß halten, welches der Ueberseßer nicht hat, sondern sagt, die Mauern wären sins die sechs Fuß diet; doch die Stels se ist vollkommen à la françoise überseßt.

blätter macht, daß man Kalk aus Dendristen brennt, und kupferhaltige Fische einschmelzt. Frenlich aber hätten auch die Muschhelsteine in den Göttingischen Mauern nicht erst ben mir die Begierde solche natürliche Spectakel zu sammlen und dieser Körper ihre Matur und Beschaffenheit zu untersuchen wunderbarlich vergrößsern dürsen, denn ich brachte schon davon mehr als vnum alterumue specimen mit hieher.

Hieraus wird man sehen, daß ich sür meine Person die Petresacten gar nicht für crepundia halte. Wer aber aus einer Societätsabhandlung von einem halben Alphabete, sür das Resultat seiner Untersuchungen über die Petresacten, selbst nichts weister anzugeben weiß, als: Die Petresacten müssen entweder durch eine allgemeine Versänderung unserer Erde an die Oerter, wo wir sie sinden, sehn gebracht worden, oder zuvor schon da gewesen seyn, der denkt doch wenigstens über diese Dinge nicht tieser als jedes siebenjährige Kind über seine Puppe denkt: Die Puppe ist entweder bepm Aufräumen

räumen auf den Tisch gesetzt worden, oder

sie hat zuvor schon da gestanden.

So sind die Petrefacten an sich keine Kleinigkeiten; aber was manche Leute das von wissen, und amplissimis verbis (die Autorität zu dieser Phrasis kommt weiter unten vor,) nicht etwa Anfängern zum Unsterrichte, sondern als gelehrte Entdeckung vortragen, das ist eine Kleinigkeit.

Vergleichungsweise würde ich auch von dem, der die Känntniß der Petrefacten als das Hauptwerk unserer Känntniß der Sachen, welche aus der Erde gegraben werden, ansähe, sagen: Er bliebe ben Kleinigkeiten stehen; Und darinnen hätte ich sicherlich alle Vergwerksverständigen auf meiner Seite.

Betrachtet man die Petrefacten als Urkunden des ältesten Zustandes der Erde, so sind die höchsten Alpen, selbst die Ganggedürge, zuverläßig viel älter als die Petrefactenhügel. Dasür kann ich nichts, daß den Grund von dieser Behauptung manche Petrefactensammler nicht verstehen werden, unter andern manche für welche der Hainberg ein Berg ist, und die von der Grösse der Geister eben solche Zwergbegriffe haben, als von der Grosse der Berge.

Det

Der Rugen, den die Petrefacten bisher der menschlichen Gesellschaft gebracht haben, ist auch eine Kleinigkeit; die man gar nicht ben dem Rußen der eigentlichen Mineralien nennen darf.

Der Bergrath Borlach, der vor etlis chen zwanzig Jahren über das Salzwerk zu Kosen ben Naumburg die Aufsicht hatte (ich habe seiner Freundschaft und seinem Unterrichte sehr viel zu danken), sahe die Petres facten als bergmannische Anweisungen auf Salz, oder Steinkohlen an. Dieser Gedanke, den viel Erfahrungen bestätigen, ist auch der Natur nicht ungemäß. Aber hat ihn, oder was gleichgültiges oder besseres, einer der Petrefactenmanner gedacht?

Ueber die Vergleichung zwischen mancher sogenannten Physik, und der Taschen. spieleren, muß ich mich so erklaren: Diejes nigen, die ben Jemanden, der keine Mathematik versteht, Experimentalphysik zu sehen glauben, (weiter als sehen wollen sie nichts), lernen nichts weiter als wenn sie einem Taschenspieler zusähen. Denn ohne Mathematik begreift man nichts vollständig und richtig, von den Ursachen der meisten Experimente. Man bewundert sie nur, eben so

wie die Künste eines Taschenspielers, lernt sie auch vielleicht eben so, ohne Verstand

nachmachen.

Daß sich Experimentalphysik ohne Mathematik, und ohne viel Mathematik, nicht denken läßt, ist nicht meine Erfindung, alle Leute, die wahre Physik verstehen, haben es vorlängst und unzählichemahl gesagt. also, sich bewußt daß er gar keine Mathemas tik versteht, sich zum Lehrer der Physik auf wirft, der handelt vollkommen so, wie eis ner der ohne Grundsprachen und Philologie sich zum Bibelerklarer aufwürfe. Dorfschulmeister verstattet man, ohne gelehrte Kenntnisse, den kleinen Catechismus vorzutragen; Daben muß aber auch der Schulmeister bleiben, sich für keinen Theologen ausgeben, noch vielweniger vor seiner' Jugend von angesehenen Theologen verächts lich reden, und die Wissenschaften welche dieselben für nothig halten, für unnütz erklären. Thate er das, so würde das Consistorium ihn zur Verantwortung ziehen, und doch wären seine Irrsehren seinen Schülern sehr unschädlich; denn im Himmel und in der Welt wird wohl wenig dars auf ankommen, mas die Bauern eines ganzen Amtes von Hrn. Or. Semlern, oder von der orientalischen Litteratur haben urs

theilen gelernt.

Kann sich jener akademische Lehrer nicht auch so vertheidigen, so darf er nicht erwarten, daß er zum Taschenspieler gesetzt werde. Der, vertreibt doch nur Mußiggangern die Zeit; Er aber, nimmt Jünglingen, von der kurzen Zeit welche sie anwenden sollen sich zum kunftigen Dienste des gemeinen Wesens vorzubereiten, noch einen Theil weg, da er ihnen, unrichtige Begriffe, unvollständige, oder nur halbwahre, und aus jeder dieser Ursachen unbrauchbare Lehren, mit groben Irrthumern untermengt, vorträgt und sie verleitet, mahre und nügliche Kennt. nisse zu verabsäumen, so, daß Diejenigen, die ihm ganzlich trauen, in der stolzen Einbildung die Natur kennen gelernt zu haben, zeitlebens tumm bleiben.

Unmathematische Experimental: Physiker, (es giebt ihrer bekanntlich vielmehr als einnen,) werden hieraus sehen, daß ich noch sehr gelinde von ihnen urtheilen wurde, wenn ich sie nur mit Taschenspielen vergliche; denn gegen blosse Zeitvertreiber, nicht gerade Zeitverderber, (ob ich gleich ihrer gar nicht

nicht für meine Person bedarf), könnte ich doch ohnmöglich so strenge senn, als Hr. Prof. Hollmann, gegen die armen Komd. dianten ist. In einer gelehrten Vorlesung d. 9. Febr. 1754; erzählt Er der Kon. Soc. der Wissenschaften allerley aus den neuen Zeitungen, von Regen, Blig Donner und Hagel, grossen Winden u. d. g. in eben der Ordnung, und eben so lehrreich, wie es die Zeitungen erzählt hatten. Darunter ist auch die Geschichte: Ein ganz Schiff voll Acteurs, die der Marquis von Cursay nach Corsica verschrieben hatte, sen im Sturme unterge. gangen; die ist ohne Zweifel manchem gemeinen Zeitungsleser traurig vorgekommen; Hr. Prof. Hollmann aber wünscht, ben der Gelegenheit: Es mochten doch alle Komd-Dianten mit ersoffen senn. Seit jenem kaiserlichen Wunsche Vtinam vna ceruix! hat man wohl keine solche Sentenz gehört. Die Worte in der Grundsprache lauten folgendergestalt: Non male cum genere humano ageretur, si iisdem vndis, omnes eiusdem generis perissent homines, qui non meliores illis, ipsisque Graecorum et Romanorum comicis morum inter homines doctores fuerint. Commentar. Soc. R. Sc. Gottingens. Tomus III. pag. 19. Das

Das bisherige hatte ich meistens nicht geschrieben, und einem Manne der sich für beleidiget halt, weil er es nach Beschaffenheit seiner Seele nicht einsehen kann, das ihm nur Wahrheit, und die, viel zu gelind und selten ist gesagt worden, gern die mir unschädliche Freude ungestört gelassen, daß er sich einbildete auf mich gestichelt zu haben, wenn Er es ben mir allein hatte bewenden lassen. Ich muß aber noch Etwas aus seiner Vorrede herseßen. Es ist eine Note, bald nach vorhin angesührter Stelle:

Quodsi de nugis et ineptiis eiusmodi sermo esset, quales, nostra adhuc aetate a Doctore quodam Lipsiensi, co-DOFR. RVD. POMMER (non Pomerano nec re nec nomine) in lucem publicam productae, et amplissimis verbis praedicatae, atque venum expositae sunt, im Verzeichnis der vornehmsten Figuren, welche die Natur in einem kostbaren roethlichen Marmortische, dessen Længe 1 Leipziger Elle 3 Zoll und die Breite 1 Elle ist, entworfen hat: (cui ex opposito latere Gallica etiam descriptio iuncta est.) Lipsiae m. Aprili 1749. pl. 2. in solio; summo certe iure, isthaec cum nuga-

rum istarum praecone et venditore risui et contemtui omnium mererentur exponi, laetiorisque spectaculi causa, iisdem, illi ipsi simul iungi, qui a nostris isthaec discernere, aut nosimt, aut nequeant—

Dieser Doctor ist meiner Mutter Bru-Er sahe freylich auf dem Tische Figus ven, die sonst niemand sah als Er, und glaubte deswegen, der Tisch würde für einen Liebhaber einen beträchtlichen Werth haben. Daß er sich in seiner Hoffnung geirrt hat, wird man leicht erachten. Ich habe meine Gefälligkeit nie weiter getrieben, als ihm nicht gerade zu zu widersprechen; Hindern konnte ich ihn nicht, diese Bogen drucken zu lassen, noch weniger als ich irgend einen Mann in Gottingen, dem ich keinen Gehorsam schuldig bin, hindern kann, da, Ungereimtheiten drucken zu lassen. Daß ich aber irgend einmahl etwas von dem Inhalte dieser Bogen gebilliget hatte, davon wird nies mand die geringste Nachricht geben konnen. Also konnte ich ben der angezeigten Stelle für meine Person ganz ruhig senn, denn niemand wird doch wegen eines Vergehens von seiner Mutter Bruder gestraft. Aber der Mann wird meinetwegen gestraft; Und also ist es noch vielmehr meine Pflicht, mich seiner anzunehmen, als wenn er nur wegen eines andern Angriffes mir zurufte

Exoriare aliquis, nostris ex ossibus vstor!

Es ist selbst aus der lateinischen Stelle zu ersehen, daß die Rede von keinem Buche ist, sondern von zween Foliobogen. Der Verfasser ließ sie auf seine Kosten drucken, in den Buchhandel sind sie nie gekommen; Er schickte sie dem seel. Gesner, mit dem er bekannt war, und ersuchte ihn, solche in den hiesigen gelehrten Zeitungen zu erwähnen. Ein Zeichen, daß sein obgleich irrendes Gewissen, doch ruhiger war, als das Gewissen eines Mannes, der unlängst gebeten hat, sein Zuch hie nicht zu recensiren.

Gesner äuserte ben der Anzeige, daß er das Angeben dieser Bogen nicht glaubte, und

äuserte es mit ernstlichen Anstande.

Bald sind die meisten Exemplare dieses Aufsases zu dem mannichfaltigen Gebrauche, zu dem sich einzelne Foliobogen schießen, ansgewandt worden, und niemand wüßte jeso von ihnen etwas, ohne die angezogene litterarische Nachrich:, ben deren Anfange ich im Vorbengehen die Bemerkung mache: wie herrlich

herrlich ein Physikus seinen Schülern die neuen Entdeckungen bekannt machen mag, ben dem 1749, in 1775, nostra adhuc ae-

tate iff.

Doctor Pommer hatte Fehler an sich, wie alle Menschen haben, und ich glaubte bisher, ich wüßte das meiste von denfelben. Aber wirklich hatte ich noch nie den großen Kehler an ihm bemerkt, daß er ganz und gar kein Vommeraner ist. Die Pommeraner sind brave Leute, doch dachte ich, wir Meißner hatten uns unsers Vaterlandes auch nicht zu schämen. Und gleich jego leitet, ich weiß nicht was für ein Schicksaal meine Hand, aus meinen philosophischen Buchern, eins ohne Wahl, nur weil ich ein Buch haben wollte darinnen zu blättern, heraus zu ziehen. Vielleicht sollte mich die Philosophie über das Unglück trosten: daß unser einer, weder aus dem schwedischen, noch aus dem brandenburgischen Pommern ift. Nun; das Buch heißt: Commentatio de Deo Mundo Homine atque Fato (1726) dem sind angehenkt: Sam. Christ. Hollmanni Phil. Prof. Viteb. Observationes elencticae in Controuersia Wolfiana. Diese Observationen sind einer hab lischen

lischen Disputation entgegengesett, die unter dem seel. Langen, Friedrich Theophilus Casscord, Treptoa Pomeranus vertheidiget, der der Angabe nach observationes aliquot eleneticas wider eine vorige Disputation Jrn. Prof. Hollmanns bengesügt hat. Hr. Prof. Hollmann erinnert. Die Angabe könne ganz wohl wahr senn, sine imbecillitatem argumentorum, sudicisque vim, sine responsionis ipsius, totiusque desensionis opus respicias, denn das alles gehe nicht über mäßige philosophische Kräste und Känntnisse. So sahe ich doch, daß nicht nothwendig alle Pommeraner große Geister sind, so wenig als alle Leipziger.

Dieser, ja nicht pommerische! Pommer, was hat er denn nun also gesündiget? Hat er, wie der Herr Verfasser einer Anleitung zur Naturgeschichte, die 1767 also nostra adhuc aetate herausgekommen ist, gelehrt: Wan sinde Versteinerungen auch auf den höchsten Bergen; Silber oder Goldglette (lithargyrium) werde aus einer Vermischung von Blen und Silber bereitet; Ein gewisser Theil des Blumenblattes, heise: die Platte, zu Latein Lamen; Und, um kein Naturreich zu vergessen, der, insge-

mein sogenannte Hippopotamus, dem v. Linne in des Naturspstems X. Ausgabe, magnitudinem Vri, giebt, sey so groß als ein Bar. (*).

Nichts dergleichen hat der Doctor Juris versehen; einzig und allein sich auf einem Steine Dinge eingebilvet, die andere nicht darauf sahen. Wieviel Leute die keine Doctores Juris, sondern zum Theil Liebhaber der Naturkunde waren, haben das nicht ihrer Ehre unbeschadet gethan? In Lessers Lithotheologie erzählt des V. B. III: Abth. I. Cap. eine Menge von Steinen, an denen man sich allerlen eingebildet hat. Kircher hat noch mehr dergleichen Mund. Subt. Lib. VIII. cap. 9. Bruckmanns, D'Argenvilles u. a. zugeschweigen. Man hat den Leuten die sich solche Einbildungen machten, nicht geglaubt, aber, wenn ihre Einbildung weiter keinen Schaden that, als ihnen was merkwürdig machte, das andern nicht so merkwürdig war, so ließ man ihnen dieses Bergnügen, ohne daran Theil zu nehmen, und

(*) Der Ritter-hat ohne Zweisel aus Menschens liebe, um solchen Ueberseßern Steine des Anstosses aus dem Wege zu räumen, in der XII. Ausgabe, Pauri statt Vri geseßt. und ohne auf sie zu schimpfen. Vielleicht waren auch zu manchen solchen Bildern Züse de da, denen die Einbildungskraft Erganzungen benfügte. Ob es sich nicht etwa mit einem und dem andern auf dem Tische auch so verhielt, kann ja der nicht urtheilen, der ihn nie gesehen hat.

Man hat sogar, in die Naturgeschichte, Benennungen aufgenommen, die sich nur auf solche Einbildungen gründen, und zwar nicht eben auf die saubersten, z. E. Priapo-

lithen, Hysterolithen.

Gleich nach der lateinischen Stelle, die ich hergesetzt habe, wird Behringers Litho-

graphia Wirceburgensis erwähnt.

Behringers Fall war nicht völlig der vorige. Er war Doctor der Arzneykunst, hatete-folglich mehr Gelegenheit, selbst Pflicht, natürliche Sachen zu kennen, als ein Doctor der Rechte. Behringer ließ sich von Spottvögeln oder Schurken, durch gemachte Pestrefacte betrügen; Das zeigt Unwissenheit der Merkmahle an, durch die sich Natur und ihre Nachahmung unterscheiden lassen, und möchte das Zutrauen zu einem Arzte, dem estin der Materie seiner Kunst-auch so gehen könnte, etwas schwächen. Aber, sich ben Klecken,

Plecken, die wirklich auf einem Tische sind, gewisse Gestalten vorstellen, das heißt nur: Man giebt einer lebhaften Einbildungstraft

zuviel nach.

Den größten Unterschied macht allemahl freylich das aus: Behringer hatte keinen Schwestersohn, der gesagt hatte: Man musse Mathematik verstehen, wenn man vernünftige Experimentalphysik lehren wolle.

Behringer kam zur Erkanntniß seines Irrthums, und kaufte die Exemplare seines Buche wieder auf, um es zu unterdrücken.

Ob mein Verwandter auch zur Erkanntniß gekommen ware, weiß ich nicht; Er war wenigstens nichtso hartnäckig, als sonst mancher Mannist; Bielleicht aber hatte er nicht Zeit dazu, denn er starb im Februar 1750.

Nun wird bedauret, daß Behringers nugae atque ineptiae pueriles, die der rechtschaffene Mann unterdrucken wollte, a sordidi quodam lucri cupido bibliopola, damno publico 1767 wieder hervorgezogen sind.

Vermuthlich hat der Buchhändler mit diesem unvorsichtigen Abdrucke sich mehr Schaden gethan, als dem gemeinen Wesen.

Ist es nun aber so sündlich, daß ein Buchhandler ein Buch, das sein Verfasser unter drücken Briefen wollte, aus Gewinsucht wieder auslegt. Was ist denn das für eine Handlung: Ein paar Bogen, die nie eigentlich für das Licht der Welt bestimmt waren, aus dem Abgrunde, in den sie vor einem Viertheilsjahrhunderte gesunken waren, hervor zu ziehen, nicht aus Gewinnsucht, — werugstens nicht unmittelbar aus dieser Absicht, sondern aus der viel unedlern: von ihrem, längst vermoderten und von dem größten Theile der Welt vergessenen, Versasser, ehrenrührig zu reden, damit man dadurch seinem noch lesbenden Verwandten wehe thun möge?

Leichen, werden wohl von hungrigen Wolfen und Baren aufgegraben; aber, versrottete Knochen, nur aus Grimm, auszusscharren; So tief erniedrigt sich kein unvers

nunftiges Thier!

Derjenige, der mich nothiget, dieses zu schreiben, hatte vermuthlich Todte ruhen lassen, wenn er Fehler aus meinen Schriften anzusühren gewußt hätte. Ich habe doch sowiel geschrieben, daß ich mehr als ein Menschssenn müßte, wenn mir dergleichen nicht in einusger Menge entwischt wären. Manche verbessere ich selbst, wenn es die Gelegenheit giebt, meinen Zuhdrern. Ich wollte dem Auswühler meines Verwandten, gern ein paar Fehler

Fehler von mir herseßen, damit seine Zähne les bendiges Fleisch bekämen, nicht an alten Knochen nagen müßten; Aber, sie würden Ihm zu seiner Absicht doch unbrauchbar seyn, wenn ich sie Ihm auch gleich, aus der algebraischen Sprache in mathematisches Deutsch übersetze.

Ofterwähnter Gelehrte unterhalt auch noch seine Leser mit Geschichten unserer Sostietat der Wissenschaften, so wie er damit seine Schüler zu unterhalten gewohnt ist, ganz unbesorgt, ob das anständig ist, oder nicht. Er ist nicht mehr in der Gesellschaft, und das gereicht ihr zum Vortheile, wie ich allenfalls, wenn es verlangt wird, beweisen will. Die Art wie er sie verließ war folgende: Er sollte von Gesnern das Directorium übernehmen; und ließ sich die dazu nöthigen. Sachen von Gesnern ins Haus schicken, und schickte sie ihm zurück, mit der Nachricht: Er wolle nicht mehr in der Societät sepn.

Die Mitglieder der Societät, hatten gegen ihn wenigstens allemahl die Regeln der Höhlichkeit beobachtet, über die er sich die ganz und gar gegen sie, wegsetzte. Soloche alte Geschichte vergässe man, wenn sie nicht der immer aufwärmte, der wünschen sollte das man sie rergässe.

34

Ich bin noch nicht in Göttingen gewer sen, als der Proces zwischen der Socie tat und Hrn. Luzac entstand, ich bin allemal mit Hr. Luzac gut Freund gewesen, also gea hen diese Geschichte mich nichts an. Desto unparthenischer in dieser Absicht, kann der Bentrag zur Geschichte der Societät senn,

den ich hie liefern will.

Ich war nur hergekommen und in die mathematische Classe der Societät gesetzt worden, als die Societat eine physische Preisfrage aufgeben sollte. Der Vorschlag dieser Frage, war das Amt des obersten Mitglies des der physischen Classe. Gesner, damaliger Director der Societat (das Directorium wechselte unter den benden altesten Dit gliedern ab) verlangte meine Gedanken, über die beyden vorgeschlagenen Fragen zu wiss sen, aus denen eine sollte gewählt werden. Sie waren 1) Die Gesetze fallender Korper zu bestimmen. 2) Zu erklaren, warum der Heber im Bacuo fliesse.

Ich sagte Gesnern: Die euste Frage has be Galilaus vor mehr als hundert Jahren beantwortet, und alle Mathematikverständigen senen mit ihm eins; die galiläischen Gesetze sepen der Grund alles dessen, was wir

von der Bewegung der Korper wissen. Auf die zwente Frage sen auch eine bekannte Antwort: Der Heber sliesse, wenn das Vacuum kein rechtschaffenes Vacuum sen, z. E. ben einer schlechten Luftpumpe, oder wenn man es mit einer guten, vorsäßlich nicht recht macht. Mein Lehrer, Hausen, fragte uns ob der Heber sliessen sollte oder nicht? und machte es, wie wir es verlangten.

Gesners Auftrage gemäß, sprach ich mit dem, welcher die Vorschläge gethan hatte, und brachte Ihn doch von dem ersten ab. Wegen des andern, versicherte er mich sehr ernstlich, der Heber siesse ihm absque omni kallacia im Vacuo, und die Sache sep einer

genauen Untersuchung sehr wurdig.

Es hatte eine Art von Grobheit, deven ich nicht fähig bin, dazu gehört, Ihm durchaus zu wiedersprechen. Ich dachte, der damalige jüngste Professor in Göttingen müsse einen der ältesten, seinen Weg gehen lassen, zumahl da ich nun ben der Frage nichts zu verantworten hatte. Die Frage ward alsso in einer öffentlichen Versammlung der Societät angekündiget. Mayer, der in der Societät über mir war, hätte wohl auch ein Wort dagegen sagen können; Er wußte aber vermuths

vermuthlich künstige Begebenheiten zum dors aus; nicht aus himmlischen Aspecten, sondern aus irrdischen Conjunctionen, und machte sich so, die mathwillige Freude, zu schweigen.

Bald darauf wies Herr Prof. Lowisder Societat Versuche, ben denen er frensich die gar nicht entbehrliche Formalität vergesfen hatte, von ihrem Gegenstande zuvor denjenigen zu unterrichten, den sie angingen. Denn sie zeigten, auf unterschiedene Manieren, daß Heber von gehöriger Grösse, die in freyer Luft flossen, im Baeuo nicht flossen. Es war ein grosses Gedränge um die Luftpumpe herum; Ich machte mich daraus, und ließ die hin, die sehen wollten, was ich aus Demonstration schon långst gewußt hatte. Die Mitglieder der Societat, deren Hauptgeschäfft die Physik nicht war (der Herr Mitter Michaelis ist von ihnen noch vorhanden,) und eine Menge anderer Zuichauer fanden, Lowis habe seinen Sat vollkommen durch seine Wersuche dargethan.

Gegentheil vertheidigte eine Zeit dars auf, seine Meynung, amplillimis verbis; Er zeigte auch einige Experimentchen. Mit

bepden.

benden aber ging es ihm noch schlimmer, als dem Dr. Pommer, der kein Pommeraner war, mit seinem Tische. Denn das Mar= morblatt fanden doch die Leute immer noch schön; Dort aber lachten viel über das Hes berchen auf einer alten Luftpumpe, und über das Wasser, das; wie es aus des Hebers niedriger hinabgehendem Schenkel herausläuft, propter aliqualem cohaesionem, anderes Wasser hinten nach sich, in dem höhern Schenkel empor ziehen sollte. Derjenige, der dieses vortrug, schimpft auf Newton und auf die Attraction, deren Wirkungen sich mathematisch darthun lassen: Und Er schloß: weil die Wassertheilchen in Tropschen zusammenhangen, so machte diese Cohasion auch, daß sich eine dicke Wassersäule in die Höhe ziehen liesse; deutsch: Er flochte Stricke aus Wasser. Seine meisten Zuhörer waren weder Logiker noch Mathematikverständige; Aber, was von diesem Schlusse zu halten sen, zeigte ihnen der gemeine Menschenverstand, und das natürliche Vermögen Grössen zu schäßen und zu vergleichen.

Der Erfolg war, daß die Societät eine Frage, wo die Schuld eines einzigen Mitgliedes sie in Gefahr gesetzt hatte, sich zu

prostituiren, zurücknahm.

In

In den Gottingischen gelehrten Anzeigen; 1757; 147 Stuck, ben 8. December 1 380 S. steht die Aufgabe der Frage vom Deber; und in 1758; 89 Stuck, den 27. Julius 843 Seite; wird statt derselben eine

andere aufgegeben.

So nachdrücklich und so überführend, ward Behringer gewiß nicht, von dem kleinern Irrthume unterrichtet, in den ihn wohl größtentheils Leichtgläubigkeit, und etwas Eitelkeit verführten. Der Fluß des Hebers im Bacuo, wegen der Cohasson, der nicht wieder Physik, sondern wieder Menschenverstand ist, wird immer noch den Schülern der Physik vorgeschwaßt, denn, wie Haller Sagt:

Die Stimme der Matur, ruft allzuschwach dem

Wenn aber ein Tauber sich in Posses setzte, Concerte zu geben, weil er Leute findet, die, ein Theil aus Leichtsinnigkeit oder Gutherzigkeit, ein andrer Theil, weil sie Midasohren haben, ihm dafür Geld zuwenden; Und es sprache jemand: Der Mann kann ohnmöglich was erträgliches spielen; Der Taube aber finge an: "Was? Ihr unverschämtester, geschwätziger, Wißling! Ihr sprecht, ich ware so gut als ein Bierfied.

Biersiedler? Wist Ihr wohl? eurer Mutter Bruder, hat nur kurzlich vor 25 Jahren einmahl einen gar erschrecklich falschen Griff gethan. Ich will ihn, und euch dazu zum lustigen Spectakel aufstellen! Und darnach lasse ich Euch, und alle Lustigmacher Eures gleichen zusammen: Griechen, Romer, Spanier, Italianer, Franzosen, Engellander und Deutsche; Alle zusammen! ins Wasser wersen!

Würde man da nicht lachen, daß es selbst

der Taube hören müßte?

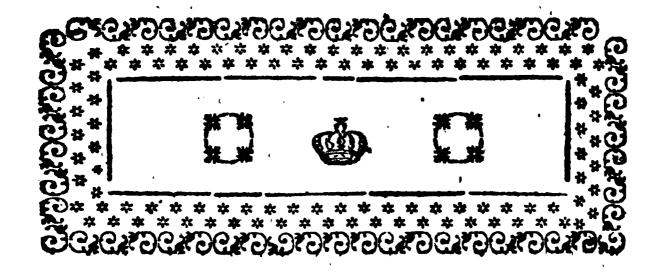
Das bisherige betrachte man als ein Stuckeines Commentarius über den Spruch: De mortuis non nisi bene; collato tit. If. Quod quisque iuris in alterum statuerit, vt

ipse eodem vtatur.

Ist es daran nicht genug, so kann noch, laetioris speckaculi caussa, hinzukommen: Verzeichniß der vornehmsten Schniker, welche die Ignoranz der Mathematik, in einer, noch nicht 300 Octavs. skarken, sogenannten Physik, gemacht hat. Obes nur 2 Vogen werden wird, kann ich nicht voraussagen. Söttingen; im August 1775.

Abraham Gotthelf Raffner.

Berzeich-



Verzeichniß, und Innhalt der Anmerkungen

1) Meber die Abtheilung des Markscheider-Compasses in Stunden.

Verwandlung der Stunden in Grade XII.

Benennung der Stunden nach den Welt-Gegenden XVI.

e) Vom Lachtermaasse.

Bethaltnisse unterschiedner Lachter

Frenbergische Lachter in rheinl. Fuß zu ver- wandeln

Oberharzisches Lachter mit rheink. Maasse. verglichen

Ein paar merkwürdige Teufen von Grubeh 7; 36

Schwedische Famme und Freyberg. Lachter 38

21us-

Verzeichniß, und Innhale

L. vorkommen, am bequemsten einzurichten	40
Voigtels Eintheilung	44
Vorschlag alles in Achttheilen auszubrucken	46
3) Von der Krümmung einer Schnur (Rette.	dec
4) Sehler und Prüfungen des Gradbog	ens.
5) Theorie von des Irn. v. Oppel Gi bogen, der Sohlen und Seigerteusen an	
6) Vorschlag eines Gradbogens mit ein Vernier.	nem
7) Markscheidercompasse und beren Gebra	uch
Cepcompag	2
Grubencompag	5
Desselben Gebrauch die Lagen sohliger Linien zu bestimmen	. 2
Aus ber Abweichung ber Madel, folcher	
Linien Lage gegen die wahre Mittagslinie	
şu finden	30
Aus den Stunden, in den zwo Linien strei-	
chen, ihren Winkel zu finden	32
Hängecompaß	50
8) Ueber die Lisenscheiben.	
Vornehmste Unbequemlichkeit ben derselben	,
Gebrauche	20
60 _:	هادده

der Anmerkungen,

Voigtels Vorrichtung	34
Theorie von des Hrn. v. Oppel Eisenscheibe wo nur eine Linie sohlig ist	- 43
Irrthum dem sie ausgesetzt ift, viel beträcht- licher als ihr Erfinder glaubte	60
9) Ueber die Berechnung des rechewinkl Dreyecks.	ichten
Die Multiplication der Sinusse, durch Hr. Lamberts Abacus erleichtert	. 13
Wie weit die Logarithmen zulänglich sind	16
Wie man die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen ben ben Logarithmen	.00
brauchen könnte	20
Pitiscus Thesaurus hiezu angewandt	3Q
Ueber des Hen. v. Oppel Tafel der natürli- chen kinien	34
10) Ueber die Tafeln der Sohlen und Steusen.	leiger-
Weiblers Tafeln	. 7
Beyers .	27.
v. Oppel	94
Solche Tafeln sind bey groffen logarithmi-schen entbehrlich	44
11) Winkel von gezogenen Schnürer	blos
durch Messung gerader Linien geben.	anzu-
Durch Zeichnung	2
*** 4	Wenn

Verzeichniß, und Innhalt

messen man nicht aus des Winkels Spize	lo
Durch Trigonometrie	15
19) Winkel mit donlegigen Schenkeln schlige zu brungen.	auf
Durch Zeichnung	* 34
Durch ebene Trigonometrie	23
Durch sphärische Trigonomettie	. 45
Fünf unterschiedene Fälle, alle in einer For- mel enthalten	60
Boigtels hieher gehöriges Verfahren	- 74
Weidlers seines	75
13) Ueber das Verrichten der Gruben: mit dem Compasse.	រូបិg e
14) Ueber die Berechnung eines Juges dem Hängecompasse.	mit
15) Vom Abziehen auf Lisengruben.	
16) Von Grubenrissen.	•
Sohliger Riß	1
Seigerriß	3
Aus ihnen die Gröffe bonkegiger Linien zu finden	27
17) Von Werkzeugen, schliger Linien B kel-zu zeichnen.	Dinu
Zuleginstrument	, 5 nden:

der Anmerkungen.

Senden Entbehrlichkeit	10
8) Verschngter Lachtermaaßstab.	, •,
9) Erempel eines Grubenrisses.	
0) Ueber Weidlers Erempel von Zügen	l.
1) Wenn die Summen von Soblen u Seigerteufen ein Drepeck geben, des Spporbenuse die Summe der Spport nusen ist.	Tens
2) Auf einem Berge einen Punkt anzug ben, von dem eine seigere Linie ein gebenes Stück einer söhligen abschneid	qes
3) Allgemeine Renntnisse zu Anwendu der Geometrie auf Kluste und Gäng	ng e.
4) Lines Ganges Streichen abzunehmer	
5) Sein Fallen anzugeben, ohne daß m sein Streichen weiß.	an
Durch die Schnur am Sange die das größte Fallen hat	' 6
Durch ein paar Schnuren, deren Fallen und Winkel man weiß	11
Durch ein paar Schnuren, die gleichviel fal- len und ihren Winkel	20
Das Fallen am Liegenben zu finden	27,
*** ¿	مند

Verzeichniß, und Innhalt

Die Linie am Liegenden anzugeben bie bes Ganges Fallen hat. 32
26) Des Ganges Fallen anzugeben, wenn man sein Streichen har.
Heißt eigentlich: den Hängecompaß statt ei- nes Winkelhakens brauchen
27) Das Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus anzugeben.
28) Wenn zweene Gange, die einerley Strei- chen und Kallen haben, einer sind?
29) Vergleichungen zwischen dem Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus, seinem Streichen und Fallen.
Die Linie, in der er ausstreicht, ist gegeben, und sein Streichen; Man sucht sein Fallen Eben die Linie ist gegeben, und des Sanges Fallen, man sucht sein Streichen
Eines Sanges, der über einen seigern, abge- bauten setzt, Fallen zu finden 22
30) Die Lage von ein Paar Ebenen ist geges ben, man sucht die Lage ihres Durch- schnittes.
Ober: Von Sängen, deren Streichen und Fal- len gegeben ist, die Lage der Linie in der sie einander schneiden
Ihr Streichen, und die Lage ihres Durch. schnitts ist gegeben, man sucht ihr Fallen 44 Ueber

der Unmerkungen.

Ueber das Ausstreichen wenn das Ansteigen des Gebürges gegeben ist	48
31) Ueber die krummen Linien, in denen Gang fällt und zu Tage ausstreicht	ein :.
Er fällt in ber logarithmischen Spirale	. u
Etreicht in einer Loxodromie aus	19
32) Von des Ikn. v. Oppel Anhange Markscheidekunst.	3UC
Aus allen Seiten einer Figur bis auf eine, und allen Winkeln bis auf zween, diese Seite und Winkel zu finden	5
Einen Punkt durch dren Perpendikel vom ihm, auf dren Sbenen die auf einander senkrecht	
stehen, anzugeben	11

Abhandl. von Sohenmessungen

Abhandlung

Von Höhenmessungen durchs Barometer.

Ulgemeine Voraussetzung daben	4
Prüfung berfelben ben verdunnter Luft	' Ž
· Wergleichung zwischen Sohe und Barometers	11
Briggische Logarithmen baben zu brauchen	28
Halley	32
Die Dichte der Luft durch das Barometer selbst zu finden	37
Die Sohe aus dem Barometerstande zu finden, wenn man den Barometerstand an zwo gegebenen Stellen beobachtet hat	39
Mariotte	40
Er fest sehr bichte Lust jum voraus	151
Unvollfommenheit seines Verfahrens, Schichten ju abbiren	59
Wie hoch man steigen muß, baf des Barome- ter um eine gegebene Groffe fallt	60
Horrebow	62
Hallen und Mariotte verglichen	63
Berechnungen nach einer Formel auf eine and bere zu bringen	,
Einrichtung ber Formel, wenn ber eine Baro.	79
meterstand nicht am User des Meares ist	79
Joh, Jac, Scheuchzer	84
1,	Dr.
•	

der Anmerkungen.

St. Sulzer will bessen Erfahrung aus einer	
Hypothese beurtheilen	101
Bouguer .	102
Unfängliche Vermuthung wie er seine Regel tonnte gefunden haben	113
B. genauere Anzeige, wie seine Regel zu brau- chen ist	1
Auf was für Abmessungen Bouguer eigentlich	7
seine Regel gegründet hat	129
Wölliger Zusammenhang seiner Regel	132
Was aus ihr für ein Barometerstand am Mee-	
re folgt	134
Needham	136
Hat die Grunde von B. Megel nicht aufge-	
sucht und doch Zusässe zu ihr machen wollen	137
Moch eigne Erinnerungen vom B.	140
Lufttheilchen von unterschiedener Federkrast	150
Wergleichungen zwischen Barometerhöhen, Dichten, und specifischen Elasticitäten	160
B. Regel in Europa nur auf ben bochsten	
Alpen brauchbar	164
Daniel Bernoulli	165
Safel die er vom Condamine befommen	176
Ralte im obern Theile der Utmosphäre	177
Bep hrn. Bernoullis Regel, den mittlern	- 67,
Barometerftand an einem Orte zu finden	179
Hrn. Sulzers Tafel nach biefer Regel	180
Hrn. Sulzers Versuche	182
Seine Vergleichung der Grade der Barme ift	. •
weber neu, noch sehr lehrreich	195
	eine

Abhandl. von Söhenmessungen

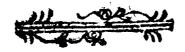
Seine ganze Untersuchung, zu Meffungen mit	
dem Barometer unbrauchbar	198
Maralvi, Feuillee, Cassini	202
Caffinis Regel Bernoullis seiner abnlich	203
Db sich die Dichte der Luft in volliger Scharfe	
wie der Druck verhalten konne?	204
Fontana .	210
Dichte der Luft, wenn sich die Schwere ver- fehrt wie das Quadrat der Entfernung ver-	
halt	213
Tobias Mayers Tafeln	214
Sind nur jede über einen andern Horizont	225
Sind nicht nach. Bouguers Angabe berechnet	231
Eine kann Bouguers Regel nicht näher kom- men als die andere	236
Eine giebt, einen und benfelben Ort, nicht noch einmahl so hoch an als die andere	238
Celsius Erfahrungen .	248
Folgen von wärmerer und kälterer Luft	253
Schobers Erfahrungen ,	259
Formeln aus ihnen, für Toisen berechnet	27[
Das tiefste einer Grube in Pohlen, konnte vielleicht unter dem Horizonte des Meers	•
fenn	275
Berhaltniß det Sohen zweenet Derter über ei- nen britten, aus ben Barometerständen	276
Hr. de Luc	
Bon seiner Tafel nach unterschiedenen Regeln	277
perechnet Taler unich unterlichteneuest Stellern	282

durchs Barometer.

Wie jede Regel des Coraçon Hohe giebt	285
Etwas von hrn. de L. Worschriften wegen	•
der Barometer .	286
Einfluß der Warme, auf bas Quecffilber im	•
Barometer	295
Scale des Thermometers das Dr. de L. baju	
braucht, auf die fahrenheitische gebracht	304
Hr. de L. Vergleichung zwischen Batometer, fand und Hohe für eine gewisse Tempera-	
tur der Euft	310
Einerlen mit Maners Regel	311
Hr. be L. Regel nach der Warme, die berech-	,
neten Sohen zu verbeffern	324
Drn. be g. Borfchriften jusammen	330
Seine Beobachtungen nahe am Meere	333
Wie hoch man am Meere steigen muß, daß	273
das Barometer eine Linie fällt	336
Schwörigkeiten ben Messung der Soben mit	
dem Barometer	339
Ar. be L. Vergleichung seiner Regel mit Bou-	
guers seiner	342
Wie er die eigne Schwere der Luft findet	344
Ueber die Hohe der Atmosphäre	347
Das eigne von hrn. de g. Bemühungen	349
hrn. Prof. Zimmermanns Beobachtungen ju	
Braunschweig	351
Er befürchtet, es werbe unglaublich scheinen,	
daß es Ignoranten giebt, die Physik und	,
Mathematik auf ansehnlichen Akademien	
lehren 351;	Vill
•	las fai

Abh. von Söhenmess. durche Barometer.

Unleitung, zu berechnen, wieviel ohngefähr Hrn. de L. Werbesserungen betragen konnen	352
Hr. Mastelnne Anmerkungen über Hrn. de Luc Vorschriften	356
Dergleichen von Hr. Horsley	357
Hr. Lamberts Untersuchungen	365
Mayers Regel mochte wohl dienlich seyn, die Hohen ohngefähr zu berechnen	374
Won einigen Vorrichtungen der Barometer	375
Won Anwendung solcher Meffungen auf bie	
physische Geographie	376
Mittlerer Barometerstand zu Clausthal	377
Man ist zu Clausthal im Tiessten noch über bem Horizonte des Meeres	383
In melcher Bedeutung Bergwerke uns bas	
Innere der Erbe kennen lehren	384
Hr. Prof. Hollmanns Regel	385
Wiederspricht der Matur	987
Hrn. Prof. Zimmermanns Beobachtungen auf dem Brocken, und in Gruben des	
Harzes u. s. w.	396



1. Anmerkung.

Ueber die Abtheilung des Markscheidercompasses in Stunden.

Beibler 5. 6.

I. Finen Kreis welcher dient horizontale Winkel zu messen, theilt der Markscheider in 24 Theile ein die er Stunden nennt. Wenn, und warum diese Abtheisung aufgekommen ist, davon wissen die Schriftsteller keine Nachricht zu geben. Der Hr. v. Oppel muthmaußt, als sie solche eingestührt haben, ware ihnen die Eintheilung in Grade noch unbekannt gewesen. Gegen diese Muthmaassung würde ich solgenden Zweisel haben: Der Markscheider, kann sich fast nie mit horizontalen linien begnügen, wie der Feldmesser oft thut. Alle

Augenblicke kommen ihm schiefe Linien vor, berent Meigung gegen den Horizont er bestimmt. Dieses Steigen und Fallen, hat er, altemahl in Graden angegeben, und also Grade sehr wohl gekannt. Ueberhaupt, haben ja die Markscheiber die Geomestrie nicht ersunden, sondern gelernt, und ihre lehrmeister kannten ohnstreitig die Eintheilung in Grade.

II. Die Stunden werden in den Markscheidercompaß so verzeichnet! Auf der Mittagslinie (es
sep nun die wahre, oder die welche die Magnetnas
del angiebt) schreibt man an SE und MER; jedesmahl 12. Nun wachsen die Zahlen der Stunden'
von SE durch OR bis MER; von 12 oder eigentlich o bis 12 und eben so, von 12 oder eigentlich o bis 12 und eben so, von 12 oder eigentlich
s ben MER; durch OCC bis 12 ben SEP. Man
s. Weidlers 14 Fig.

III. Go geht jeder Durchmesser des Kreises mit seinen benden Enden durch einerlen Stunde. Z. E. der. mit der Mittagslinie einen Winkel von 30 Gr. von Mitternacht gegen Morgen macht, macht eben den Winkel von Mittag gegen Abend, und hat an diesen seinen entgegengesetzen. Euden, die Stunde 2.

flart werden, sind zuweilen die Stellen OR. u. OCC. verwechselt, so daß Or. auf die Westseite zu liegen kömmt wenn S gegen Norden gekehrt wird, Weidlers & Fig. stellt dergleichen vot. Aber das in II. angegebene Geses, wie die Zahlen wachsen, wird auch da beobachtet.

V. Db man nun ben biefer Abtheilung an bie Stunden des Tag's gedacht, etwa das Streichen eines Ganges so bestimmt bag ber Schatten eines Baumes ihm zu einer gewissen Stunde parallel ges legen; wie Hr. b. D. a. a. D. muthmaaßt, bas scheint mir alles viel zu unsicher. Ein Baum, ober ein anderer verticalstehender Körper, wirft zu einer Stunde bes Tages ben Mittag ausgenoms men; seinen Schatten auf bein Horizonte anbers ju dieser Jährszeit, anders ju jeher, der Schatten. einer gewissen Stunde, biente also nicht bas Streithen eines Ganges anzugeben.

Auf einer gerade gegen einen Weltpol gerichteten Bonnenugr fährt Br. v. D. fort, wurden die Stunden eben so gejählt. Ich weiß nicht ob er Aequinoctial. sber Polarufir mehnt, und ob die Markscheiber Die lette, die schon zu ben kunstlichern gehört solls ten nachgeahmt haben. Ueberhaupt aber, sese ich Brifchen den Stunden ber Markscheiber, und irgens einer Sonnenubr, weiter feine Uebereinstimmung, als daß bende; von Mittage und Mitternacht ge-

aahlt werden.

VI. Wenn die Markscheiber aus irgend einek Ursache die Eintheilung in 24 beliebten; so war es naturlich; daß ihnen baben Stunden einfielen; da schon die vier Weltgegenden, mit den vier Haupte · abeheilungen bes Tages einerlen Benetmungen has ben. Wären biese Geometern, nicht frehe Deutsche, sondern romische servi poenae gewesen, p beri. hatten sie vielleicht allem in viicias getheilt. A 2

VIÍ.

VII. Der Halbmesser des Kreises giebt den sechsten Theil; und aus dem, giebt eine wiederhohlte Halbirung den vierundzwanzigsten. Diese Absheistung läßt sich also blos mit dem Zirkel machen, und ist in so weit einfacher und leichter als die in Grade. Könnsen ihre Ersinder nicht diese Besquemlichkeit gesucht haben, um destomehr, da ihnen die Vortheile den Kreis in Grade abzutheilen, welche etwa die Trigonometrie darbietet, ansangstenigstens nicht so bekannt senn mochten?

VIII. Es ist doch allerdings sonderbar daß man jezo, da die Eintheilung in Grade bekannt genug ist, astronomische Quadranten in 96 Theile zu theisten pflegt, wie besonders die englischen Künstler zu thun gewohnt sind. Man hat dazu eben die nur angesührte Ursache, diese Eintheilung läßt sich durch Halbirungen des Bogens von 60 Graden bewerktelligen. Die erste Halbirung giebt den Bogen von 30 Graden oder z des Quadranten; und sorte

gesetzte geben == = od des Quadrani

ten. Man s. meiner astron. Abhandlungen 2: Samml. 5. Abh. 16.

Ein solcher Theil des Quadranten ist also

 $=\frac{360}{4.96}$ Grad $= 0^{\circ} 56' 15''$

VIII. Die Markscheiber Stunde theilt man auf den Compassen in Achttheile ein, deren einer also

= \freises beträge; folge

folglich noch einmahl so graß ist als ein Sechsund

neunzigtheil des Quadranten (VIII.)

VIIII. Der Schiffer befriedigt sich mit ber 26. theilung des Horizonts nach 32 Winden, welches Winkel von 11½ Graden giebt. Riccioli Geoge. reformat. L. X. cap. 16. erwähnt daß einige wieder in vier theilten, wodurch Vogen von 2 Gr 48 MR 45 S kommen, immer noch größer als das Acht-theil der Markscheiderstunde. Es verdient indessen doch wohl bemerkt zu werden, daß die benden Arten von leuten, Die den Compag brauchen, Scha-He, aus der Tiefe der Etde; oder über das Meer zu hohlen, ohne es mit einander abgeredet zu haben, eine sind, den Horizont nicht in Grade sondern nach Halbirungen zu theilen. Der Schiffer braucht fogar nicht einmahl ben Bogen ben ber Halbmester abschneibet, sondern halbirt von Unfange ben Quabranten.

Rach genauer stimmt mit ben Markscheiberstützt. den die alte Adtheilung des Horizonts. in vier und zwanzig, Winde iderein, die man benn Witruv 1. B. 6. Cap. und seinen Auslegern findet.

X. Dieses alles, nur zu zeigen: daß die 26theilung des Horizonts in Stunden, den Mark-

scheibern gar leicht zu verzeihen ist. Ob sie solche benbehalten, oder mit der in Grade verwechseln sollen, darüber wage ich nicht ihnen etwas zu rathen. Es giebt genug alte Gebrauche beren Unbequemlichkeit man beständig empfindet, und doch befürchtet, ihre Abschaffung möchte noch grösse zo zur Rechnung bequemer ware den Kreis in Der eimaltheile und nicht nach Sechszigen einzutheilen, darüber sind alle Mathematikverständigen eins : oh aber gleich Gellibrand trigonometrische Tafeln sir Hunderttheile des Grades geliesert hat, so behält man doch immer noch durchgängig die Eintheitung in Minuten und Secunden.

XI. Will also auch der Markscheider seine Stungen ben behbehalten, aber, wie er oft nöthig hat die Winkel die auf diese Art angegeben werden zu triz zonometrischen Berechnungen brauchen, so ist ihm eine Zakel mislich, welche ihm die Verwandlung

der Stunden in Grade erleichtert,

Für ganze Stunden, ist die Verwandlung völlig To, wie man in der Astronomie Sternzeit in Vogen Des Acquators verwandelt, jede Stunde giebt 15Cirad.

Theilte also der Markscheider seine Stunden in Winuten, so könnte er sich ber aftronomischen La-

Feln ohne einige Aenberung bedienen.

Weil er aber im Abtheilen nicht so weit geht, so bient ihm eine kürzere Tafel. Ich süge der gleichen hier bew, wo ich zum kleinsten Gliede, zweichen hier bew, wo ich zum kleinsten Gliede, zweichen habe. Daß die Winkel wohl in so kleinen Theilen angegeben werden, ist selbst aus der Beschreibung des Zuges, benm Weidler s. 58 lat 59 D. zu sehen.

XII. Tafel; Markscheiberstunden in Grade zu

·perwanbeln,

Stund.

Stund.	Grabe	Achttheile	Gr.	1992.	S.
ţ	15	4	d	28	7,5
. 2	30		استهنمت	56	15
3 . 4	60	3	In	24	22,5
5	75	1	1	52	30
6	20	8	3	45	71
7	130 102	3	5	37	30
9	132	4	7	30	
10	150		9	22	30
13 11	180	6	11	15	
· · · · · · · · · · · · · · · · · ·		7	13	7	30

XIII. Exempel. Ben Weidlern a. a. D. steht ein Winkel 3 St 7½ Achttheis

Der Winkel = .59 31 52, 5':

Diesen Winkel macht die Linie, wilt der Mitztagslinie, von Morden gegen Osten, voer von Suden gegen Westen.

Ein ander Exempel, eines stumpfen Winkels. Er sen 9 St 5\frac{3}{2} \A.

Die

Diesen Winkel, macht die Linie mit der Mittags. finie von R gegen D; oder von S gegen W.

Und 340 41' 15" seine Erfüllung jum Halbfrei-

se von N gegen W ober S gegen D.

XIIII. Der kleinste Theil in der Tafel ist zu eis ner Stunde; die benden nachst grössern sind zu und zu der Stunde. Es erhellt daß der kleinste doch noch bennahe einen halben Grad beträgt, und wenn der Markscheider so weit geht, so ist er wenigstens dem gemeinen Feldmesser gleich, der sich

auch mit halben Graben befriedigt.

Kleinere Abtheilungen, lassen sich auch wohl, unmittelbar auf dem Rande der gewöhnlichen Compasse nicht angeben. Hr. Prof. Zeiher in Wittensberg, verfertiget so viel ich weiß Compasse, wo ein so genannter Nonius oder eigentlich Vernier, Misnuten angiebt. Diese zwar nicht zum Gebrauche der Markscheider, ich glaube aber, Er würde densselben leicht, wenigstens eine merklich kleinere Absteilung als die gewöhnliche ist verschaffen können.

XV. Blos zur Vergleichung mit den gewöhnlichen Arten Winkel zu messen, will ich noch benfügen, wie sich fortgesetzte Halbirungen des Achttheils in Minuten Secunden und Peeimaltheilen der letzern, ausdrücken liessen, die auf die welche zuerst

fleiner als eine Minute wird.

Bom Achttheile $\frac{1}{8} = 14' 3'', 75$ $\frac{1}{10} = 7 1, 875$ $\frac{1}{12} = 3 3^{\circ}, 9375$ $\frac{1}{04} = 1 45, 46875$ $\frac{1}{128} = 0 52, 734375$

Der kleinste Theil ist hie 102x der Stunde, wo der Nenner die zehnte Potenz der 2 ist.

Ueber die Benennung der Stunden nach als len vier Weltgegenden.

2B. J. 8.

XVI. Aus der in II. angegebenen Ordnung wie bie Stunden gezählt werden, erhellet folgendes :

Eine Linie die mit Se Mer, Winkel von o bis 45 Grab macht, geht durch Stunden von 12 bis 3, wenn die Winkel von So ostwarts, oder von Mer westwarts liegen.

Aber durch Stunden von 9 bis 12, wenn die Winkel von So westwarts oder von Mer ostwarts

liegen.

Eine Linie die mit Se Mer Winkel von 45 Ge bis 90 Gr von Se ostwärts macht, geht durch Stunden zwischen 3 bis 6.

Und die welche eben solche Winkel von Se wester warts macht, durch Stunden zwischen 6 bis 9.

Die ersten benden lagen sind also innerhalb 45

Graden um Rorben und Suben.

Die letzten benden innerhalb 45 Graden um Osten und Westen.

Und so könnte man den ersten hepden nordliche

oder südliche Stunden, den letten benden oftliche

ober mestliche geben.

XVII Diese Unterabtheilung der Stunden, misbilligt Bener, Part. VI. Prop. I. 148 S. der Markscheiber könne nach derselben, benm Einschreisben leichter einen Fehler begehen, zumahl in engent Stellen, wo oft kaum so viel Plat ist, daß man in den Hängecompaß sehen kann.

XVIII. Wenigstens zeigt folgende Betrachtung,

daß diese Unterabtheilung ganz entbehrlich ist.

AB 7 Fig. sen eine Linie deren lage gegen die Mittagslinie der Magnetnadel soll angegeben wers den. Der Compaß sen weiter nicht als in die zwenz mahl zwölf Stunden abgetheilt.

Diese linie streicht allemahl durch eine gewisse Stunde ben A. und durch eben die ben B. (III). Und in soweit ist durch die Stunde die lage der

ganzen Linje völlig, bestimmt.

Allemahl geht vom Mittelpuncte des Compasses, C, einer ihrer Theile nach Osten, der andere nach Westen: Die sind es CA. CB.

Westen; hie sind es CA, CB. Nun kann man also noch fragen, nach welcher Richtung man auf dieser linie gegangen, oder, wie der Vergmann es nennt: gesahren ist? ob von A pach B oder von B nach A?

Und hieses beantworten zulänglich, die benden Syllben am Ende der magnetischen Mittagslinie,

Schreibt man zur Stunde Se, so zeigt dieß anz man sen von B gegen A gefahren.

Schreibę

Schreibt man Mer, zur Stunde, so zeigt es man sey von A gegen B gefahren.

Also ist nicht nothig noch ostliche und westliche

Stunden zu nennen.

2. Anmerkung. Bom Lachtermaasse. 14 W. 16. J.

4. Weiblers Bergleichungen bequemer ausgebruckt,

Freyb & == 1009 Joechimsth = 986, Eisleh = 1014 Clausth

= 970 Weidler har sievermuthlich aus Voigtels Markscheidek, genommen,

2. Weiblers Ausbruck bes frenhergischen lachters durch rheinlandisches Maaß läßt sich folgendergestatt auf Decimaltheile hüngen : Die 103 lie

10,75. = 0,8958333 ... eines Zolles. nien sind

Also die 6 Fusse auch zu Zollen gemacht, und AL les zusammen gerechnet ist bas Freibergische Lachter

= 75, 895833 rheint Zoll = 6, 324653 rheinl Fuß. 3. Nach Hr. v. Oppel V13 ist das lachter = 35.45 theinl Fuß welches sich aus (2) (benn Hr. v. D. giebt eben diese Groffe-bes tachters an , folgender-Pergestalt herleiten läßt: 6 Fuß 3 Zoll == 64Fus

= Fr. Ferner 103 Linien = Die Die Summe bieser benden, auf einerlen Menner gebrachten Bruche bekömmezum Zähleri44. 25 + 43 = 3643; ber Nenner ist 4. 144 = 576.

4. Mit diesem Bruche selbst zu rechnen, wäre wohl sehr unbequem, sein logarithme aber läßt sich mit Vortheile brauchen. Es ist nähmlich

log 3643 — log 576 ober log freib { = 0,8010367

5. Addirt man diesen logarithmen, zum log. einer gegebenen Zahl lachter, sorkämmt der logatithme, der grössern Zahl von Fussen, die eben so viel betragen.

benen Zahl von Fussen ab, so kömmt der logarith. me der kleinern Zahl von lachtern, die eben so

viel betragen.

Dieses Verfahren ift wie in Geometr. 32 G. 2 Unm.

7. **Exempel.** v. Oppel 558. J. meldet; Als 1741 die alte hohe Birke ben Frenderg zum Erlikgen gekommen, war sie dis 82 Fahrten tief abgebaut.

Die Fahrt ist 12 Ellen (v. Opp. 116) Also war das 984 Ellen = 984. ½ lachter (Weidler 16 J. v. Opp. 113) = 281 + ½ {= 281, 14 {. Also log 281, 14 = 2, 4489226

abbirt 0, 8010367

3, 2499193

zehört zu 1778, 1. Soviel rheint: Fuß betrige piese Teuse.

Theile des Frenbergischen Lachters in rheim landischen Maasse.

8. Aus (2) ist; Lachter = 10 lachterzoll = 9, 48698 rheinl Zoff =4.74349=0.948698

9. Die mittlere der dren Gröffen in (8) pflege einem Gliebe der Lachterkette gegeben zu werden. **v.** Opp. 115.

Oberharzisches Lachter.

10. Nach Calver Beschreib. des Maschinenwes sens, II. Th. 1. E. 5. 9. ist Oberh 1 = 80 Braunschweigische Zoll

Braunschwfuß = 0, 927 rheinl Fuß.

11. Also Oberh! = 30. 0,927 theinl Zok

= 74,16 rheinl Zoll

= 6 rheini Fuß 2, 16 30Д

12, Ferner von biesem lachter

 $\frac{1}{8} = 9,27 \text{ rb } 3$ to =4, 635 $\frac{1}{80} = 0,927$

13. Weil also dieses kachter:

so ist log 74, 16 — log 12 ober

Oberh & rhein 8 = 0, 7909885 Bergleichtung des oberh & mit dem frenberger.

14. Der logarithme in 13; von dem in 4; abs

gezogen läßt log Freib = 0, 0100480

Zieht man aber ben in 4; von bem in ig; al.

so kömmt log Öberh = 0, 9899518 — t

Diese kogarithmen geben 🕡 - 🐃

Frend = 1, 0234 Oberh

Oberh =0, 97713 Frenb

15. Das clausthalische lächter und das obers harzische sind offenbahr gleichgültige Wörter.

nêr als Calvors (14) um 0, 307 des frendergischen

Bergleichungen des clausthalischen Achttheils,

die ich selbst angestellt habe.

Tyles zwenmahl, auf Messing abgetheilt, einmahl in 6 Zoll, und der Zoll in hundert Theile, bann der halbe Fuß in tausend Theile. Bende halben Fuse, sind genau von gleicher Länge, obgleich diese Maaßstade ohnstreitig von unterschlednen Meistern, und vermuthlich nicht an einem Orte versertigt sind. Der in Zolle getheilte hat auf der andern Seite eben so sechs pariser Zoll, zwischen bewberlen Maassen sind ben mir diese Maaßstade wenn ich sie mit andern Maassen verglichen, immer was gegeben, das mit biese verglichen, immer was gegeben, das mit

sonst bekannten Angaben übereinstimmt, daß ichsie also, wenigstens so viel ihre Grösse es verstat-

tet, für zuverlässig halte.

18. Um 1756 lebte in Hannover der Hr. Commissarius Hapke, welcher in Bergwerkssachen und dem Maschinenwesen, viel praktische Geschickliche keit, mit theoretischen Einsichten verbunden besaß. Unterschiedene von ihm versertigte Modelle sind nach seinem Tode, von kon. Regierung gekauft und hiesiger Universität gnädigst geschenkt worden.

19. Für mich habe ich aus seiner Verlassenschaft nebst Buchern und Instrumenten, auch ein Eret gekauft auf dem unterschiedliche Fußmasse verzeich, net sind, und auf bessen andern Seite, ein clausthalisches Achttheil in seine zehn Zolle getheilt. Die Zeichnungen und Abtheilungen sind mit Lusche gemacht. Von den Fussen, fand ich einige mit bekannte nicht in völliger Schärfe richtig, und das erregte in mit auch einen Verdacht gegen die Nichtigkeit des Achttheils. Indessen ist dieser Verdacht nicht so gar sehr gegründet, denn vom Achte theile konnte der seel. Hapke leichter ein zuverlässiges Original haben, als von manchem Fusse.

20. Von diesem Achttheile sind

3 lachterzoll = 4, 6 rheinl Zoll (17)

=5, 52

4

Diese Abmessungen stimmen überein baß

t lachterzoll = 6, 92 rheinl 3.

21. Das schien Calvors Angabe zu wiederspreschin (10) nach der der Lachterzoll und 6,007 vestheins

theinlandischen grösser ware, und seche Lachtersoll = 5,562 rheinlandischen waren, welches ich ben ineiner Messung (20) mußte bemerkt haben. Ich hielt also, im Vertrauen auf Calvoren, das hap-

kische Achteheil zu klein.

genem Later daselbst in der Markscheidekunst schont Benstand geleistet hatte, und 1773 alle meine Vorglesungen, auch die über die Markscheidekunst, mit einem Fleisse und Eiser besuchte, die seine vorzüglischen Gemüthsgaben dem Vaterlande sehr nüßlich machen werden, erhielt ich ein Clausthalisches Achttheil auch auf Holz, mit seinen Einschnitten in die Zolle getheilt. Das darf ich doch wohl alse für zuverlässig annehmen.

23. Und dieses paßt, ganz, an das hapkische

(19) ich sinde auch von ihm

5 lachterz = 4, 60 rheinl; wie (20)

24. Da ich so sicher war das Clausthaier Achtstheil richtig zu haben, und doch eben dieß Calvörn zutrauen mußte, so blieb übrig, daß Calvör viels leicht statt des rheinländischen Fusses, etwas daß zu klein war möchte gehabt haben. Folgende Unstersuchung wird diesen Gedanken bestätigen.

25. Auf Hr. Rauschens Maaßstabe, (22) war auch ein halber rheinlandischer Fuß abgezeichnet, den ich aber so gleich für zu klein erkannte. Und dieser paßt genau an die Hälfte dessen welcher auf dem (19) erwähnten Brete, für den rheinlandischen

ausgegeben wirb.

"26. Also scheint sthon soviel ausgemacht, daß man in Clausthal Etwas für den rheinländischen Fuß angenommen, das ein wenig zu klein ist.

rheinl Z. Wenn ich also diesen falschen rheinlandischen = F; den meinigen = R nenne; so ist

 $F = \frac{11,90}{12}$. R ober $\frac{120}{119}$. F = R

27. Also das clausthalische Achttheil, ober (30)

9, 2. $\frac{1}{12}R = \frac{9, 2. 120}{119}$. $\frac{1}{12}F$

28. Aber 9, 2. 120 = 1104; Also

 $\log 1104 = 3,0429691$

log 119 = 2, 0755470

Unterschied = 0,9674221 gehört zu 9, 277;

29. Oder: das clausthalische Achttheil ware 9, 277 Zoll des unrichtig so genannten rheinlandischen Fusses. Das stimmt nun so ziemlich mit Calvors Angabe überein, (12) da man ben solchen kleinen Grössen zur Vergleichung wie ich hie habe brauchen müssen, auf Tausendtheile eines Zolls nicht sicher senn kann, Calvor auch vermuthlich die Schärsse selbst nicht so weit getrieben hat, da er den braunschweiger Fuß nur in Tausendtheilen des rheins ländischen angiebt,

Das clausthalische Lachter, nach Weiders Angabe berechnet.

30. Et ist (1) = 0, 97 des frenbergischen, man berechnet es diefer Ungabe gemäß folgenbergen Ralt in rheinlandischen Maasse.

0,8010367 au. addirt log 0, 97 = 0, 9867717 -

 $\log M = 0,7878084$ abbirt log R = 1,0791812

 $\log N = 1,8669896$

Die benden logarithmen geben die Grosse bes clausthal. Lachters

M = 6, 1349 Juß rheink.

N = 73, 6194 Zoll 31. Der Ausbruck in Zollen, giebt das Acht. theil = 9, 202 rheinl Zoll.

Folgerungen aus 10.. 31. von der Gröffe des clausthal. Lachters.

32. Das Achttheil nach Weiblern berechnet (319 hat mit dem das ich verglichen habe (20) so genau als ben diesen Vergleichungen zu erwarten ist (29) einerlen Verhältniß zum rheinlandischen Fusse. Also versteht Weidler, unter: clausthalisches Lachter, und rheinlandischer Juß gewiß sehr bennahe eben die Grössen die ich darunter verstehe.

33. Mehr Sicherheit läßt sich burch die Unterfuchungen des Gelehrten in der Studierstube nicht

echalten. Man müßte eine etwas lange Linie, eins mahl mit dem Lachter, dann mit dem eheinlandischen Fusse, aufs sorgfältigste abmessen, so könnte vielleicht die Vergleichung noch etwas schärfer gestunden werden.

34. Bis dahin wird man wohl ben den (30) angestellten Berechnungen bleiben können, solglich

Calvors Vergleichung (11) nicht brauchen.

Ausdruck des clausthalischen Lachters in pariser Fussen.

35. Es ist leicht zu sehen, daß man von log M (30) nur den logarithmen der Verhältniß des pariser Fusses zum rheinländischen (Geom. 32. S. 2. Anm) abziehen darf, um den logarithmen der Zahl von pariser Fussen zu bekommen, die auf das lachter gehn. Diesen will ich log P nennen.

36. Seinen Gebrauch zugleich zu zeigen und Wiederhohlung einerlen Zisern zu ersparen, will ich ihn gleich zu Berechnung eines Erempels and wenden. Calvör Maschinenw. II. Th; 2. Cap. 18. h. berichtet, die Dorothee zu Clausthal sen 162 Lachter tief (zu der Zeit als er das schrieb,) diese Teufe also läßt sich sogleich in pariser Juß berechnen.

37) log M = 9, 7878084 (30) abgezogen = 0, 0149418

log P = 0, 7728666 addirt log 162 = 2, 2095150 log der Teufe = 2, 9823816 Die logarithmen geben P == 5, 9274; so viek pariser Fuß halt das lachter.

Die Teufe = 960, 24 p. F.

Wenn man zu log P den Logarithmen von 144 abdirt, so bekömmt man einen der zu 853, 5 4 gehört. Sovielpariser Linienhat also dasclausthalische Lachter. In Erusens Contoxisten, I. Theil in der VIB

Tafel am Ende, unter dem Artifel lachter in der Bergleichung der Fußmaasse istes 852,8 angegeben;

Eruse hat das vermuthlich aus einer ihm angegebenen Verhältnißzueinembekannten Maasseberechnet.

Er giebt eben daselbst andere lachter in pariser Maasse an, die man mit meinen Angaben so weit solche reichen vergleichen mag wenn man sie brauchen will.

37 Noch ein Benspiel wieviel Bequemlichkeit die Logarithmen ben Maaßvergleichungen geben,

mag nachstehendes senn.

. . .

Verwandlung der schwedischen Famme in freybergische Lachterzoll. v. Opp. 76.

38 Die Angaben sind folgende

1 Famme = 6 schwed Fuß

13913 schwed Fuß == 13200 rheinl F

3643 theinl F = 576 lachter

1 kachter = 80 kachterzoll

Wieviel Lachterzoll hält die Famme? Ich will zuerst berechnen wieviel Lachter sie hält. Es ist aber

13200. schwed Fuß 13913 5,76 - lachter; rheinl Juß 3643 13200: 576 also Famme = 6. lachter. 79200. 576 13913. 3643 $\log 79200 = 4,8987252$ 576 = 2,7604235 des Zählers = 7, 6191477 3643 = 3,561459213913 = 4,1434208bes Neumers = 7,7048800 des Bruchs = 0,9542677 — 1 gehört zu 0, 90005 ober die Famme = 0, 90005 Lachter = 72, `0040 Lachterzoll Eben das findet v. D. nur giebt er die vierte Decimalstelle nicht an. Ben ihm ist es ein Erempel einer zusammengesetzten Regel Detri, wo die Zahl

cimalstelle nicht an. Ben ihm ist es ein Exempel einer zusammengesetzten Regel Detri, wo die Zahl der lachterzolle durch folgende Proportion gefunden wird 50685059: 364953600 = 1; Das erste Glied nähmlich-ist = 13913, 3649

Das zwente = 6, 13200, 576, 80.

39. Nebst dem Gebrauche der Logarithmen habe ich durch dieses Exempel auch die Bemerkung

erläutern wollen, daß es besser ist solche Rechnungen, aus Gleichungen wie mein Versahren zeigt herzuleiten, als nach der Rettenregel zu bewerkstelligen. Während daß:man sich besinnt, wie die Zahlen der Rettenregel gemäß zu ordnen sind, hätte man schon einen Theil der Rechnung nach gegenzwärtigem Versahren gemacht. Zu geschweigen, daß man so der Gesahr nicht ausgeseht ist, sich im Ordnen der Glieder zu irren, wie den der Retzetenregel wohl geschehen kann.

Ueber Ausdrückungen wo Lachter und Theile des Lachters vorkommen zu AB. 17. g.

40. Vielleicht ware es am bequemsten die Lacheter als Ganze ihrer Art anzusehen, die Achtsheile als eigne kleinere Ganze, welche serner in Hundertheile getheilt werden. So brauchte man die Zeichen nicht, mit denen man in der Geometrie Rusthen und ihre Theile bezeichnet. Sie schiefen sich ohnedem nicht wohl hieher, weil die Theile des Lachters und der Rushe nicht einerlen Verhältnis zu ihren Ganzen haben.

Ich wurde z. E. W. erste Zahl, und ihre Mul-

tiplication burch & so ausbrucken.

4 8 5,79 21

24 34,74

Wie viel ganze kachter in einer Menge von Achtkeichte Division mit 8 gefunden. Ganzes anzischn, in dessen Decimalcheilen, die Achttheile und deren sernere Theile ausgedrucke würden. Da wäre ein Achttheil = 0, 125, und man könnte lecht jede Zahl von Achttheilen von x die 7 in Oecinaltheilen ausgedruckt in eine Lasel beingen; eben soviel Lachterzollen, gehörte allemahl eine zehmahl kleinere Zahl, z.

1 lachterzoll == 0,0125,

und ein Zehntheil des tachterzolls ober 1 Scrupel

== 0, 00 mg

42. Es scheint nir aber, dieses würde die Rechnung beschwerlicher machen, als der gewöhnliche Ausdruck. Will man eine Linie im Markscheiders maasse angegeben, vollig durch Decimaltheile eines einzigen Ganzen ausdrucken, so verwandele man lieber die ganzen kachter durch die so seichte Multiplication, in Achttheise.

So ware das Product in (40) = 226, 74 %

43. Db man für die Division den Dividendus auf diese Art ausdrucken will, (40) wie W. des sieht, das wird man wohl mit aus der Grösse dis Divisors entscheiden. Ben Weidlers Exempel 28 £ 2, 74 % mit 6 zu dividiren würde ich doch lieber zu erst die vier ganzen kachter angeben, den Rest in Achttheile verwandeln und nun

34.74 = 5, 79 berechnen.

Ist aber der Divisor grösser als die Zahl der B4 Lachter, so wird es besser senn sie gloch aufangs.

Bon Boigtels Eintheilung W. 18. S,

44. Voigtel nimmt das lachtersür ein Ganzes un, das er nun nicht in Achttheil, sondern nach der Decimaleintheilung ferner thelet, in taufend Theile und noch weiter wenn mor Schärfe erfodert wird. Er bezeichnet das lechter mit supplete Decimaltheile mit 1; 11;111; So giebt er ein Exempel das ich nach der zewöhnlichen Decis malbezeichnung To schreibe 5,892; und spricht es aus: 5 lachter, 8 Erstens, 9 zweytens, 2 Driftens.

Will man Voigtels Decinalbrüche in Achtthet. Je und deren gewöhnliche Abheilungen verwandeln, so darf man sie nur mit 8 multipliciren. So kom-

men 0, 892. 8 = 7, 136 Achttheile.

Umgekehrt, ein Tausendtheil des lachters, in Theilen des Zolls auszudrucken, ist es

0,001. 80 = 0,08 des Zolls.

cimaltheilung benm Rechnen viel Bequemlichkeiten verschafte. Man kann aber viese Bequemlichkeiten verschafte. Man kann aber viese Bequemlichkeiten erhalten, wenn man das Achtel zur Einhelt annimmt, und dadurch die Lachter ausdruckt. (42) Und deswegen kann ich die Markscheider nicht so gar sehr tadeln, daß sie von V. an sich wohlges mennten Bemühungen in diesem Stücke keinen Gebrauch gemecht haben.

25 man nicht ein Achttheil am Kancinsten zur Einheit des Lachtermaasses annehmen konnte?

46. Wenn man dieses thut, so heißt das lachter mit g ter = 8, und also die Zahl der lachter mit g multiplicitt. kann man was herauskömme, an die Zahl der Achttheile und deren fernern Theile so streiben, daß sieh alle Zistern zusammen nach den Gesesen der Decimalarithmetiktesen lassen. Z. E. 12 lachter 7 Achttheile 6 Zoll 4 Scrupel wären 103, 64 Kchttheile.

19747. Diese Anstruckungen, wären zur Rechnung sehr bequem. Wo man vicht zu rechnen hat kannt man die Lächter für sich, das übrige auch für sich

nennen.

48. Man könnte auch den lachterzoll für das Ganze annehmen, wodurch man die längen ausstuckt, da verke das lachter == 80, und nächstvorsbergehendes Erempel hiesse 1036, 4 lachterzoll

49. Abenden Zoll in Zehntheile zu theilem ist schon gewöhnlich, und es giebt Källe, wo man einwe lange bis auf Hunderttheile, oder Laufendtheisle des Zolls anzugeben suchen wird. Dergleichen Kall ware, wenn mammuterschiedene linien zusanzumen additentischt, daraus eine zu sinden, zu Eiwenn man eine grosse Höhe als die Summe unterschiedener kleinern ansieht, die man einzeln gemessen volls berechner hat. Da ist offenbahr das man die Lheile in. Brüchen des Zolls sehrgenau wissen muß um in der Summe nicht um ganze Zolle zu sehlen.

so. Man kan als weder den Zoll, noch irgend ein Stuck von ihm, für eine kleinste Einheit are nehmen, die man nicht weiter eintheilte, und durch welche alle übrigen Grössen als ganze Zahlen ausgedruckt würden. Und so ist natürlich zur Einheit das anzunehmen, was zwar serner eingerheilt wird, wher immer nur nach Decimaltheilen, und unter den Grössen die so eingetheilt werden das Größte ist, folglich das Achttheil.

Bon der Lachterschnur. W. 20. 1. 51. Beschreibungen dieses Werkzunges, der Mekkette der Markscheider, sindet man benm v. d. Oppel 115 s. 404. u. f. s. Bezer P. II. capi 20. 47. Seite.

3. Anmerkung. Von der Krümmung einer Schnur oder Kette. W. §. 20.

1. Wenn man eine Schnur an ein paar Punseten halt, die nicht so weit von einander entsernt sind, als die lange des Schafs Schnur zwischen benden Puncten, und nun dieses Stuck sinken läßt, so ist offenbahr daß es sich in eine gewisse krumme sinie beugen wird. Eben das wird einer Rette wied berfahren, mit der man auch so was vornähmer Soll der leste Fall dem ersten so ähnlich als möge tich senn, so muß die Kette aus sehr kleinen Gliedsen bestehen, deren jedes man nur etwa wie einen physischen Punct ausehen konnte.

2. Wie die Ratur biese krumme linie bildet ist leicht allgemein zu übersehen. Jedes Theilchen der Schnur oder Kette, will für sich in einer Westeicallinie sinken; dadurch aber zieht es an den and dern mit denen es zusammenhängt, und so sehen sich alle zusammen in eine Stellung, wie die Sunsme aller dieser Wirkungen, des Bestrebens zu sinken, und des daraus entstehenden Ziehens ersodert.

3. Die krumme linie selbst aber diesen Begrifsen gemäß zu bestimmen, ist schwerer. nohm sie für eine Parabel an, vermuthlich rieth er wir auf eine ihm bekannte krumme linie, welchet die, so die Rette macht, obenhin betrachtet nicht ganz unähnlich war. Joh. Joach. Jung, ein hamburgischer lehrer im vorigen Jahrhundert, sand durch Erfahrungen und Schlüsse, daß Galilaus fich geirrt habe. Die wahre krumme linie aber, ließ sich nicht eher entbecken, bis die Rechnung bes Unendlichen, die baju nothigen Runstgriffe an bie Hand gab. Leibnig, und die benden Bruder Berwoullie, haben sie allsbenn unter dem Rahmen der Retrenlinie bestimmt. Man bediente sich fogar der Vortheile welche die Rechnung des Unendlichen darbietet, diese Untersuchungen selbst für noch schwes vere Falle zu unternehmen, als der erste ist, der sich den Augen darstellt, z. E. wenn die Schnur nicht durchaus gleich dick ist, folglich gleich lange Theils von ihr, ungleiche Gewichte haben, wenn fie fich burch ihre kast ausbehnen läßt, endich: wenn bie Richtungen der Schwere nicht als parallel angenommen

men werben, sondern gegen den Mittelpunct der Erde zusammenlausen. Von Allem: Diesen, und ständlicher zu reben oder Untersuchungen darüber henzubringen, ist hie der Ort nicht. Jemanden der sich die ersten Begriffe davon machen will, tonmen die 36 u. f. von Joh. Beinoullis Lectionibus -Hospitalianis dienen, im III. Theile der Operum Ao. Bernoullii.

Die Frage: Was für eine Gestalt nimmt eine Rette an, wenn jeder Theil von ihr mit einer and dern Rraft getrieben wird, alle Krafte aber nach einem bestimmten Puncte zu gerichtet sind, alfe, Die allgemeinste Auflösung der Aufgabe von Rettenlinien, findet sich in lo. Bern. Op. T.HII.n. 173.

... Wie die Glieder einer Rette durch ihre Schwere sich ins Gleichgewicht stellen, so würden es Steine eines Gewölbes thun, wenn das Gewölbe die Ge-Ralt einer Rettenlinie hatte. Statt der Stellen an denen die Rette aufgehenkt ist, sind hie, die, auf benen das Gewolbe ruht. Daher hat man die Rettenlinie zu Gewölbern vorgeschlagen. Gine Untersuchung hievon findet sich in Iacobi Bernoullii Oper, T. II. n. 103. Art. 29.

Ben diesem Gebrauche der Kettenlinie zu Gewöls bern, hat leibniz eine Bedenklichkeit geäusert Leibnitii et Io. Bernoull. Commercium (epistolicum) philosophicum et mathematicum. T.I. ep. 82. welche B. im folgenden 83. Briefe zu heben ge-

fucht hat.

. Man kann sich auch gerade Linien von bestimme

ter Gröffe, Balken z. E. vorstellen, die eine solche Stellung annehmen, wie ihnen die Schwere giebt. So gehören zur Kettenlinie, des Elvius Untersuchungen von gebrochnen Dächern; Abhandl. der K. Schwed. Ak. d. W. meiner-Uebers. V. Band 251. Seite.

Und weil die Schwere hie nur als eine Krast betrachtet wird, die nach parallelen Richtungen, in gleiche Theile, gleich stark wirkt, so kann man statt ihrer jede Krast seßen, die auf ähnliche Ark wirkt, z. E. den Stoß des Wassers in einem Flusse. Balken also, in den Stellungen gegen einander, wie sie ein gebrochenes Dach erfoderte, werden auf der äusern Seite der Figur die sie machen den Stoß des Wassers am besten aufhalten. Das hat Polhem erinnert Abh. d. R. Schw. Alf. d. W.

So viel, nur einige Nachrichten vom praktischen Nußen solcher theoretischen Untersuchungen zu geben.

Betrachtung der Rettenlinie eine Borstellung zumachen, wie viel die Krümmung der Schnur dest
tragen könne. Also sen ABC z Fig. die Schnur, in
A und C befestigt, AE, CE, sind Tangenten. Es
ist klar, daß die last der Schnur ihre unendlichtenen Theile den A und C, nach der Richtung dies
ser Tangenten zieht. Diese benden Theile würden:
also völlig noch auf eben die Art gezogen, wenn
man sich ein Paar Fäden AE, CE, vorstellte,
von deren Durchschnitte E, ein Gewicht herabhin-

ge, so schwer als die Schnur, die Schnur selbst aber, wäre weggenommen oder wenigstens nicht mehr schwer.

5. Statt der Pflocke oder Schrauben, welche die Schnur in A, C, befestigen, ist derstattet sich ein paar Kräfte vorzustellen welche nach EA, EC, gleich so stark ziehen, daß sie zusammen, das Gewicht K erhalten. Dieses wird durch eben solche Betrachtungen gerechtfertiget, wie ich in Stat. 29. angestellt habe, Verwechslungen von Unterlage und Hebel zu zeigen.

6. So hat man also in E 2. Jig. drey Kräste im Gleichgewichte, sie mögen heissen: r nach ER; q nach EA; p nach EC. Wenn man EN = q EO = p nimmt, und das Parallelogramm EOMN ergänzt so ist EM = r (Stat. 63) und (das. 65)

q: p = fin CEM: fin AEM
p: r = fin AEM: fin AEC.
q: r = fin CEM: fin AEC

7. Die Kräste q, p, sind die, mit welchen die Schnur ben A, C, angezogen wird. Das magnun durch Schrauben, oder wie man sonst will genschen, so läßt sich allemahl jede solche Krast durch ein Gewicht, Q, P, vorstellen, das von einer Rolle herabhängt, und die Schnur zieht.

g. Nun wird allemahl die Kraft die man an jedem Ende anwendet die Schnur zu spannen, in Wergleichung mit dem Gewichte der Schnur sehr groß senn, man wird diese Kraft, gern bennahe so groß nehmen, als die Schnur ausstehen kann, oh-

wen reissen und offenbahr ist das Gewicht einer nicht sehr langen Schnur, gegen das, was an sie gehenkt, (wenn man nahmlich die Schnur nur mit einem Ende hefestigte, an das andere Ende das Gewicht bande, daß sie lothrecht herabhinge) sie zerreissen könnte, nicht sehr beträchtlich.

9. Also kann man in (6) immer r ziemlich klein.
zegen p und q nehmen. Und so ist des Winkels
AEC Sinus, gegen die andern klein; woraus folgt
daß der Winkel selbst entweder sehr spisig, oder sehr

stumpf, nahe ben 180 Graden senn muß.

Ho. Welthes von benden statt findet, zeigt die Figur. In ihr, wie sie gezeichnet ist, sind EO, MO, jede, nicht viel größer als EM, oder gar kleiner. So wird MOB, nicht sehr groß. Stellt man sich aber an EM ein paar Schenkel vor die in Vergleichung mit EM sehr sang sind so wird EOM sehr spisig werden, folglich AEC bennahe 189 Grad.

in Formeln zur Berechnung ausdrücken, wenn man darauf die Vorschriften anwenden will, nach denen sich der Winkel MOE aus den dren Seiten des

Drenecks finden läßt.

12. Hie ist genug überhaupt zu sehen, daß AEC mahe ben 180 Graden senn muß, wenn man die Schnur mit so viel Gewakt als sie verträgt anpichte. Allsdann nun, muß E nahe ben AC liegen, und ker krummen Linie unterster Punct, gewiß noch näher. Folglich ist unter diesen Umständen die Krümmung wenig beträchtlich.

C gegen einander liegen. Um die Sache allgemeine vorzustellen, habe ich in der Figue AC gegen dem Horizont geneigt gezeichnet. Jezo sesse ich, um ein keichtes Erempel der Nechnung zu geden, diese Punktet liegen bende in einer Horizontallinie. Dieselber werde in G durch eine Berticallinie halbirt, so des sinden sich in diesem kothe auch B und D; es theiler offenbahr die frumme Linie in abnliche Halbirt, und desselben so genannter Winkel = 2 h wenn h= AKSt oder AEM. Nun ist sin 2 h = 2 sin h. cos h (Trigon. 19. S. 5. Zus.) Ferner p = q weil allessauf benden Seiten der Berticallinie einerken semt muß; Also (6) p: r = sin h: sin 2 h = 1:2 cos h

ober cof $h = \frac{F}{2.p}$

14. Man seße p=50.1; Oder an jedem Ende ver Schnur wurde eine Kraft angewandt, die funfzigmahl ihr Gewicht betrüge. So ist

 $cosh = \frac{1}{100}$. Dieses zu berechnen, erinnere

man sich daß hier der Sinustotus — I gesetzt ist. Will man also logarithmen der Tasekn brauchen, so ist log tab col h = 10 — log 100 = 8; und dece h = 34'22" = EAC solglich

ÄEC =178°51" 16"

der Halbmesser = 1; sindet sich biese Tangente

böllig 0,01 des halben horizontalen Abstandes bep ber Endpunkte der Schnur ober noch nicht 0,003 des ganzen:

16. Auch ist $AE^2 = AG^2 + GE^2$ also, weil GE_1 0, 01. AG ist GE_2 kleiner als.0, 0001, AG und AE kleiner als AG. I1, 0001 folglichkleiner als AG. I1, 00 over AE übertrifft, die Hälfte des (15) genannten Abstandes noch nicht um sein Hundertheil, also AE4 EC ven ganzen auch noch nicht um sein Hundertheil.

17. Die Schnur ABC ist kürzer als die genanns te Summe der benden geraden linien. Man würs de also in der (14) angenommenen Voraussesung, die länge die man wissen will, etwas zu groß bekommen, wenn man nach der Krümmung der Schnur mässe, aber dieser Fehler betrüge noch nicht ein Hundertheil der eigentlichen länge die man wissen wollte; des horizontalen Abstandes (15).

then könnte, ob die Krümmung der Schnur der Richtigkeit des Messens nachtheilig sennwürde. Genauere Bestimmungen hievon liesen sich nur aus einer vollständigern Theorie der Kettenlinie herleit ten, als man dem Markscheider zumuthen dark, der sie sonst ben seinen eigentlichen Geschässten teinends braucht.

19. Als eine Probe indessen, was die Anwendung tieser Theorie genauer lehrte, habe ich am genommen einer Sthuur ganz: Länge ABC heisse 10000; Tooos; Ste werbe nach (14) an jedem Ende mit einer Kraft die funfzigmahl so groß als ihr Gewicht ist gespannt, daraus sinde ich, ihres tiessten Punkts Abstand unter der Horizontallinie, oder GB = 24; 992; und den Unterschied zwischen ihrer halben känge, und dem halben horizontalen Abstande (15) oder AB — AG = 0, 083282, das ist wech nicht 0, 1 von einem 0, 0001 der halben känge der Schnur.

20. Wenn man also eigentlich die länge AC wissen wollte, statt ihrer aber die krumme linie ABC mässe, so bekäme man etwas zwiel, das betrüge aber noch kein Hunderttausendtheil dessen was

man durch die Messung gefunden hat.

21. Und so ist der Fehler den man begeht noch ungemein viel geringer als ihn die Rechnung ohne genauere Theorie der Kettenlinie (17) angab.

22. Da diese, etwas starke Spannung eir nen so ganz unbeträchtlichen Fehler giebt, so erhellt, daß man von der Krümmung der Schnur nicht so gar viel Unrichtigkeit besorgen darf, wenn sie auch nicht mit dieser Stärke gespannt wäre.

23. Bisher habe ich die Sache so betrachtet, daß bender Endpunkte der Schnur in einer Horisontallinie sind. Da wirkt offenbahr die Schwere am meisten, der Schnur eine Krummung zu gezben, welche von der Horizontallinie durch bende Endpunkte unterschieden ist. Hielte man die Schnur nur an einem Ende, so wurde sie sich durch ihr Gewicht in eine gerade Verticallinie stellen, blas

plos elastische Kräfte in ihr, könnten alsbenn etwa

einige Krummung verursachen.

24. Wird also die Schnur an einem Endpunkte niedriger als am andern gehalten, so macht sie freylich noch eine krumme Linie, welche länger ist, als die schiese gerade Linie durch beyde Endpunkte. Aber dieser Unterschied der Längen, muß weniger betragen, als der Unterschied zwischen der Länge eben der Schnur, und der Horizontallinie durch ihre Endpunkte betrüge; wenn sie nähmlich mit beyden Endpunkten in einer Horizontallinie und mit eben den Krästen, gehalten wurde, mit der nen sie gehalten wird, wenn sich ihre Endpunkte in der schiesen Linie besinden.

25. Solchergestalt lehren Rechnungen wit (13....22.), die Gränzen des grösten Fehlers, den die Krümmung der Schnur verursachen kann. Es giebt allemahl viel kleinere Unrichtige keiten, wenn man die Schnur so braucht, daß sie

schiefer Linien Richtungen angeben soll.

2) Des Hrn. v. Oppel Anwendung auf die Anhenkung des Gradbogens,

26. Der Hr. v. Oppel Markscheitek. 426. S. hat aus Betrachtung ber Kettenlinie Vorschriften berzuleiten gesucht, an welcher Stelle ber Schnut der Grabbogen musse angehenkt werden, eine Neisung anzugeben, welche der geraden linie AC ister Neigung gleich käme.

27. Die Frage ist nahmlich biese: welche kangente der Rettenlinie ist mit AC parallel?

28. Offenbahr die an B, wenn AC horizontal Mimme man also bente Endpunkte Schnur in einer Horizontallinie an, so muß man ben Grabbogen in ihre Mitte henken, wenn et auch eine Horizonkallinie angeben soll.

29. Wenn aber ein Endpunkt ber Schnur niebriger als der andere ist, läßt sich selbst nach des Hrn. v. D. Untersuchung nichts mehr angeben, als daß man den Gradbogen besto weiter unter bet Mitte ber Schnur anhenken soll, jemehr sie steigt oder fällt, und dieses ist nicht bestimmt genug zu einer geometrischen Vorschrift.

30, Ein Trost ben dieser Ungewißheit ist, baß Die Schnur bestoweniger von ber geraben linie abweicht; jemehr sie steigt oder fällt (25).

😂 gu. Ueberhaupt aber, wenn man die Sache fo scharf suchen wollte, wurde hier die Betrachtung ber gemeinen Rettenlinie nicht zureichen, ben der Uran gleiche Theile überall gleich schwer annimme Der Gradbogen wird zwar so leicht als möglich gemacht, fein Gewicht ist aber boch nicht ganz unbeträchtlich: Der Theil der Schnur an welchem er hängt, wird also durch ihn beladen, schmerer, als jeder andere gleiche Theil, und das führte also auf die vielmehr permickelte Untersuchung einer Rettenlinie wo nicht alle gleichen Theile gleich schwer sind. عَيْمَ مُرَافِ



32. Hiezu kömmt, idnst der Gradbogen, durch seine Last wohl die Schnur etwas mehr ausdehnenz könnte, ob man ihn gleich, eben dieses zu vermeis, den, keicht zu machen sucht.

33. Endlich, wenn der Gradbogen, wie sich, die Markscheider damit zu bestiedigen scheinen, nur halbe oder viertheils Grade apgiebt, so mochete die Krümmung der Schnur wohl oft viel wenig ger betragen, als er anzuzeigen im Stande wore. Im Erempel (14) würde er erst eine Abweichung von der Horizontallinie anzeigen, wenn man ihn ganz ans Ende der Schnur henkte.

34. Alles dieses pusammengenommen, wird, wohl am besten senn, die Schnur so stark als sie verträgt zu sponnen, den Gradbagen an ein paar Stellen anzuhenken, und wenn er nicht ganz unmerkliche Unterschiede angiebt, das Mittel das wischen zu nehmen.

4. Anmerkung.

Ueber die Fehler und Prüsung des Gradbogens. &

W. 21. S.

getheilt sind, kanniber Gradbogen folgende bende Fehler haben.

3) Dieser Fehler liesse sich mit dem Zirkel prüfen, und wird leicht vom Arbeiter mit mäßiger Geschicklichkeit zu vermeiben senn.

4) 11. Die Haaken burch welche die Schnur geht, können so verbogen senn, daß die Schnur wicht genau dem Halbmesser durch 90 parallel ist.

5) Ben diesem Jehler, wenn der erste vermie-

den ist, läßt sich so verfahren.

6) AKB 3 Fig. sen der Gradbogen, CK der

Palbmeffer bunch o, CP bas loth.

7) Seine benden Haaken mögen AS, BT senn so ungleich, daß wenn er an der Schnur MN hängt, sein Hatbmesser AB mit ihr in E zusammenstößt, und den Winkel AEM = β macht.

8) Das Fallen der Schnur MNO sen = a;

9) Das soth CP giebt das Fallen der sinie AE an. Also ist der Bogen KL den ich y nennen will; $y = \alpha - \beta$; denn das Fallen der sinie AE ist = MNO — MEA.

10) Nun weiß man allemahl y.

11) Wäßte man also anders woher a; so hat-

te man gleich $\beta = \alpha - \gamma$.

12) Bey einer andern Schnur deren Fallen = Zeigte der Gradbogen eben so angehenkt einen Bogen = Z-\beta; Wenn also der Bogen den er anzeigt = 1; so wäre allemahl

 $\theta + \beta = 2$

13) So dient der einmahl bekannte Fehler des Gradbogens, aller andern Schnur Fallen richtig minden.

. 14) Wenn

14) Wenn man aber der Schnur MN Jallen nicht weiß, mache man es so:

15) Der Gradbogen werde an eben die Schnur

verkehrt angehenkt 4 Fig.

mo 38 A B C P
4f & b c P

also sen = $\Lambda EM = \beta$

16) Hier sey der Wogen kl als **Maaß des** Winkels kal = 2. Diesen weiß man.

17) Es ist aber kel das Fallen der Linke da, turb

das ist = nuno + sen = $\alpha + \beta$. 18) Daher $\delta = \alpha + \beta$.

19) Daher aus 8; 17; die benden Werthe

 $\frac{1}{2}(\gamma + \delta) \Rightarrow \omega$

20) Auch $\frac{1}{2}(\delta-\gamma)=\beta$:

21) Will man also ben Grabbogen zwenmatt anhenken, so findet man das Fallen der Schnut nach (18) ohne des Gradbogens Fehler zu wissen.

22) Man kann aber zugleich ben Fehler sinden (19) und, zum vorausgesist, daß er diesen Fehler ungeandert behält, nun das Fallen jeder aus dern Schnur, nur durch einmahliges anhenken sinden (11).

Exempel. Man sanbe $KL = 5^{\circ}$; $kl = 7^{\circ}$ 30° so ware (18) das eigentliche Fallen der linie, nahmlich MNO ober mno $= \frac{1}{2}(12^{\circ}30^{\circ}) = 6^{\circ}$ 15°.

Das wüßte man also, ohne einmahl den Jehler bes Gradbogens zu kennen.

E 4

Dieser

Dieser Fehler Gen sände sich: aus (13) = ½
(2° 3°) = 1° 15°.

Albesso viel zieht nun der Gradbogen so lange als an ihm nichts verändert wird, das Fallen jeder linie, zu klein, wenn die Stelle A, an ihm aufwärts, zu groß, wenn solche niedermärts gekehrt wird.

Phan Wirdssich sich also auf dem: Gradbogen diese Stelle bezeichnen, damit mon wiiß, ob man behür Eindrauche sie aufwärts ober niederwärts gekehrt hat.

Und nun weiß man mit dem fehlerhaften Gradbygen das Fallen jeder Linie, zu dem was der Gradbogen angiebt, addirt man-den gefundenen Fehler wenn A aufwärts gekehrt ist.

3. E. Der Gradbogen gabe 12. Grad = KL; Krift das Fallen 13°15°. Wäre aber kl = 12° so betrüge das Fallen 10° 45°.

10. jeigte dieses, BT sen länger als AS so daß des Gradbogens Durchmesser nicht nach Boder besom dern nach A ober a zu wit der Schnur zusammen stäßt.

vage, ob die Linie nach der sie ausgestellt ist; genau kenkrecht auf diejenige ist, an welcher das
Lath herabhenkt, wenn-die Geswage eine Amistine
tallinie angeben soll. Die Linie, nach der die Sestage
wage ausgestelle wird, die eigentlich der Sestage
Fuß oder Jusse enthält, ist da: so was, wie hie

die Linie ST durch die benden Hacken. Selbst astronomische Werkzeuge prüft man auf eine ahn-

liche Weise durch Umkehrung. 25. Die Markscheiber schreiben vor, einen Grade bogen so zu prüfen, daß man ihn an eine Schnur einmahl auf eine Seite, das anderemahl verwandt anhenkt, wie in (14). Spielt nun das Toth nicht bendemahl auf einerlen. Grad ein, so foll man die Haken so lange beugen, bis dieses ges, nau zutrifft. Poigtel Markscheibek. P. III. 23. G. der Gradbogen nun kunftig auf immer berichtiget pare, fo michte has angehen. Rach ber gewöhnlichen Beschaffen geit der Gradbogen aber ist zu befürchten, manwerbe genothiget senn, Diese Berichtigung so oft zu wiederhohlen, daß die Haken, bald abgehn werden, Also ist das, von mir vorgeschlagene Were sohren ohnstreitig bequemer; weil es leichter ist, die Summe von ein paar Winkeln zu halbiren, als so lange, his sie gleich werden Haken zu biegen. Die letzte Arbeit erfoderte ohnedem wieder neue Vorschriften, damit man nicht wieder der Sache auf der andern Seite zu viel thate. Solche Vorschriften liessen sich allerdings geben, wie man bergleichen ben aftronomischen und andern Werkzengen giebt, und beruhen eben barauf, daß bie Wahrheit, das arichmetische Mittel zwischen Fehlern ist. Ich weiß aber nicht, ob sich bergleichen Worferisten durch Werbeugung der Haaken u. s. w. wurden begrong bewerkstelligen lassen.

5. An

5. Anmerkung.

Theorie von des Hrn. v. Oppel Grade bogen der zugleich Sohlen und Seigerteufen angiebt.

In desselb. Markscheidek. 430 S. sein. 91 Fig.

nit dem Gradbogen DMNE mißt. Der Winkel ihres Fallens ist die Ergänzung des Winkels DCM; dessen Maaß der Bogen DM ist; CP ist der Faden mit dem Lothe.

2. Man ziehe DLN horizontal; weil DE der Durchmesser ist, so ist NE senkrecht auf auf DN,

affo vertical, und mit CL parallel.

3 Es/verhält sich allemahl ben bieser kinie

Flache: Sohle = CD: DL = ED: DN

Fliche: Seigerteufe = CD: CL = ED; EN

Wem diese Markscheiderkunstwörter noch fremd' sind, der sindet ihre Erklärung unten, 9. Anmerkung.

4. Nun ist DEN = DCP, also der Bogen DMN noch einmahl so groß als der Bogen DM.

5. Man könnte also diesen Gradbogen folgendergestalt einrichten, auf ihm Sohlen und Seigerteusen zu sinden.

6. Man nehme seinen Durchmesser DE für den verjüngten Maaßstaab eines tachters an, theie

le baher solchen in seine 80 Zolle und den letten Zoll in Zehntheile eines Zolls, daß man darauf, wie auf einem verjüngten Maakstabe, jede länge die kleiner als ein lachter ist, dis auf Zehntheile des Zolls abnehmen kann.

7. Man verdoppele ben Bogen DM; bas

giebt ben Bogen DMN.

Die geraden Linien DN; NE; das ist: die Chorde des doppelten Bogens und seiner Erganzung zum Halbkreise, messe man mit dem verjungten Maaßstaabe (6).

So hat man ben der gegebenen Linie, für ein sachter Fläche, Sohle DN, und Seigerteufe NE;

Also nach der Regel Detri Sohle und Seigerteuse, sür jede andere Fläche, den eben der Donlege.

8. Wenn asso der Winkel des Fallens = m; folglich DCM = 90° — m; So ist die Sehne von 180° — 2 m = der Sohle (7)

2 m = ber Seigerteufe.

9. **Erempel.** Das Fallen sen 14° 45' = maiso DCM = 75° 15'; so ist die Sehne von

29° 30' = ber Geigerteufe

150 30 = der Soble.

10. Der Hr. v. D. aber beschreibt innerhalb des Gradbogens einen concentrischen Halbkreis.

Dieses Durchmesser theilt er so ein, wie ich

den Durchmesser des Gradbogens (6).

11. Den innern Halbkreis selbst aber theilt et in Reunzigtheile ein, deren jedem also am Mittelik Punkte ein Winkel von 2° zugehört.

12, Diefe

Purchmesses, nicht wie benm Gradbogen die Grade vom mittelsten Punkte des Halbkreises.

Meine ganze Zahl Grade beträgt, so nimmt er auf den innern Kreise die Sehne so vieter Neunzigtheise. Das ist die Seigerteufe (8).

ingetheilt haben, um nach eben ber Vorschrift Sehnen zu messen, wenn das Fallen noch Theile vom Grade beträgt.

15. Dieser ganze innere Kreis aber nebst sein kien Eintheilungen ist hochst entbehrlich (8).

: Ueber die Richtigkeit und Bequemlichkeit dieses Verfahrens.

I6. Man findet solchergestalt, für ein kachter Fläche Sohle und Seigerteufe höchstens bis auf Zehntheile des Zolls, und das nicht allemahl ganz zuverlässig.

Wenn man daraus diese kinien für grössere Fläschen nach der Regel Detri berechnet, so weiß man sie kaum auf einen Zoll genau für zehn kache ter Fläche, kaum auf a Zoll genau sür 20. lachter u. s. w.

19 17. Die Rechnung erfodert die Zahl der lachin n. die der vorgewommenen Fläche zuge

9 4 Car

hort, mit der Zahl welche die Messung gab zu multipliciren.

18. Das wird bennahe eben so mühsam senn, als wenn man die Zahl ver Lachter u. s. w. der angenommenen Flächen mit dem Sinus und Constinus des Fallens multiplicirte; und diese letztere Multiplication ersodert keine vörläusige Messung von Linien nach einem verzüngten Maakstube, wird also in der That in kürzerer Zeit verrichtet.

in Ermangelung aller Tafeln brauchen.

20. Es ist nahmlich eigentlich ein unvollständiger Auszug aus den Tafeln, giebt Etwas mit geringerer Richtigkeit und mehr Mühe, was die Tafeln, dem mäßig geübten Rechner, leichter und schärfer geben.

6. Anmerkung. Vorschlag eines Gradbogens mit einem Vernier.

1. Die gewöhnlichen Grabbogen, find in halbe, höchstens in Viertheilsgrade eingetheilt. Der Hr. v. Oppel verlangt h. 427., Man solle noch swischen diesen. Abtheilungen Winkel von 5 zu. I Minuten schäßen. Eben das giebt Voigtel Part. 3. 23 an und sodert dazu einen Gradbogen, da jes der Grad in drep. Theile getheilt ist. Ich weiß nicht oh die Markscheider ihr Angenmaaß so weiß üben, und ich vermuthe selbst, ben der gewöhnliüben, und ich vermuthe selbst, ben der gewöhnlisie – 46

den Gröffe der Gradbogen, werde der Jaden an dem das Loth hängt, wenn er auch ein Pferdehaar ist, immer bennahe fünf Minuten bedecken. Das Loth an einen Silberfaden zu henken, wie bep astronomischen Quadranten gewöhnlich ist, möchte wohl hier nicht angehn, weil ein solcher Faden alle Augenblicke reissen würde.

- gemein Nonius nennt, eigentlich Vernier heissen sollte (Man s. meine astron. Abhandl. II. Saml. 5. Abh 180 S.) lassen sich in einem Kreise von mässiger Grösse, einzelne Minuten, oder wenigstens 2 Minuten angeben. Wäre es also nicht der Mühe werth zu versuchen, oh man so was benm Gradbogen anbringen könnte? Folgendes ist ein Einfall dazu.
- 3. LM 6 Fig. ist ein Quabrant, bessen Mitstelpunkt K. Um diesen Mittelpunkt dreht sich eisne Regel KN, die den Vernier NO mit sich hersumsührt. In dem verlängerten Halbmesser LK, ist ein Punkt G, von dem das loth GP herabhängt. Es muß ein Punkt H etwa im sortgezogenen Bogen des Quadranten bezeichnet senn, an dem das soth herabhängt, wenn KL horizontal, und KM vertical ist. Wan sieht, daß dieses nur zwo, beveinem Werkzeuge das nicht groß zu seyn braucht, leicht zu erhaltende Bedingungen ersodert; die eine, daß der Winkel LKM genau ein rechter, die andere, daß GH genau mit KM parallel ist.

4. An die Regel bringe man folche Haaken an, wie am Durchmesser des Gradbogens gewöhnlich

find; S, T, mogen biese Haaten bedeuten.

J. Vermittelst dieser Haaken henke man den Quadranten an eine gezogene Schnur AB. Die Regel nähmlich steht der Richtung der Schnur pastallel; Und nun muß man den Quadranten so um seinen Mittelpunkt in einer Verticalstäche drehen, daß das loth auf H herabhängt. Alsdenn giebt der Bogen LN der Schnur Neigung gegen den Horizont; Und diese Neigung würde sich also durch den Vernier leicht dis auf w Minuten, oder gar dis auf eine angeben lassen.

6. Den Gradbogen aus einem Halbkreise in einem Quadranten zu verwandeln, braucht wohl keine große Rechtsertigung, denn warum hat man Winkel anzugeben, die nie über 90 Grad werden

einen Halbfreis gewählt?

7. Den einzigen Vortheil sehe ich ben bem Halbkreise als Grabbogen, daß man ihn so leicht prüsen, selbst wenn seine Haaken fehlerhast sind, durch zwenmaliges Anhenken, die richtige Nei-

gung der Linie finden fann.

8. Aber diesen Vortheil haben die Markscheischer nicht einmahl gekannt. Selbst der große Mathematiker (der größte Mathematiker unter den Markscheidern, sagte nur was sehr kleines). Dr. v. Oppel nicht. Der besiehlt s. 425. Die Haaken zu beugen dis der Gradbogen richtig wird, und giebt s. 514; eine Vorrichtung der Haaken

An, daben er erinnert, duß sie aber ja gehörig gestellt senn mussen, wosern der Gradbogen nicht unbrauchbar senn soll, weil sie sich nicht leicht verdändern kassen.

fen sich leicht Mittel ausdenken. Die in (3) erstoderten Bedingungen, und die Abtheilungen des Randes und des Verhier, lassen sich ben einem Werkzeuge, das höchstens vier bis fünf Zoll im Halbmesser zu haben braucht, ohne Schwierigkeit

mit bem Birtel prufen.

· 10. Der Hauptsehler könnte, wie benm Gradbogen, in der Stellung der Haaken bestehen. Linke KN seigt mit Hulfe des Wernier, auf die Abtheilungen des Quadranten, und viese konnte. wielleicht ber Linie AB nach welcher die Haaken an der Schnur liegen nicht genau parallel senn, sons bern einen kleinen Winkel mit thr machen. Dies fer Winkel ware unveränderlich, so lange sich die Spaaken nicht verbeugen, und also gabe er alle mahl einen und benselben Fehler, un welcher Stelse des Umfangs des Quadranten auch N wäre, das heißt: welche Donlege auch die Schnur hatte. 11. Man ziehe afso über Tage eine Schnur in bekannter Donlege, und henke den Quadranten Der Unterschied zwischen der Donlege an sie. die er angiebt und der bekannten, zeigt seinen Jeht Und sich davon mehr zu versichern, kann man unterschiedene solcher Schnuren ziehn und ihn an jede bringen in in in 12. Einer

Lage wenn man bequeme Umstände und Zeit dazu wählen kann, anzugeben, ist durch vielerlen Mittel möglich. Das einfachste wäre: Man liesse von einem Punkte der Schnur ein koth herabhängen, mässe auf dem Winkel der so entsteht, Schenkel und des Drenecks, das sie geben, dritte Seite, und berechnete ihn daraus. Dieser Winkel des kochst mit der Schnur wäre die Ergänzung ihrer Done lege. Es ist begreislich, daß man die Messung bequem und sicher anzustellen, die kothlinie beseichtigen müßte, welches sich wohl über Lage thun liese, aber nicht gut in der Grude, sonst würde ich auch da, dieses-Versahren vorschlagen, Done legen einer Schnur ohne alle Gradbogen anzugeden.

Naaken einen Jehler hat, wenn er sebe Donlege um etwas zu groß ober zu klein anglebt, so ist dies ser Fehler aus (12) bekannt und wird ben jeder Donlege in Rechnung gebracht, ohne daß man die Naaken etwa anders zu beugen versuchen darf. So braucht selbst der Astronome einen sehlerhaften Quadrancen sicher, wenn er den Fehler nur kennt, ohne daß er sich die vielleicht fruchtlose Müche gabe,

den Fehler zu verbeffern.

14. Mankann fragen ob vielleicht dieser Quabrant
zu viel kast bekommen, und die Schnur zu stark
beschweren wurde? Hierüber habe ich solgende kleich
ne Verechnung angestellt, in der Voraussehung
man mache auch den ihm, wie ben dem halben
Kreise,

Rreise, nur einen Rand von Messing, nicht eine

polle Scheibe.

14. Wenn Quabrant und gewöhnlicher Gradbogen, gleiche Halbmesser haben, so erspart man benm Quadranten 90 Grad Messing im Umfange; Man braucht aber etwas zum Bogen des Vernier. Dieses Bogens Halbmesser, kann ein wenig kleiner senn, als des Quadranten seiner, ich will ihn aber eben so groß annehmen. Will man ihn zu einzelnen Minuten einrichten, so beträgt er 31 halbe Grade des Randes, und ist in 30 Theile ge-Ich will also für ihn und für das Stück MH zusammen 35 Grad rechnen, so beträgt die Summe der Bogen die benm Quadranten vorfommen 90 + 35 = 125 Grad; also 55 Grad wenis. ger als benm Halbfreise. Der Bogen eines Kreises welcher so lang ist als der Halbmester beträgt. über 5.7 Grad (1. astron. Abh. 102.). Also wird man wohl am Umfange des Quadrantens so, viel Messing ersparen als zu der beweglichen Regel KN nothig ist, die er eigen hat. Vielleicht ware es aber zur sicherern Stellung bes Vernier gut, wenn auch an sein anderes Ende O eine Regel von K aus befestiget ware, daß er gleichsam einen Ausschnitt aus einem Kreise barstellte. Wollte man nun auch annehmen daß diese, und das Stuck KO dem Quadranten etwas mehr Gewicht gaben als dem gemeinen Gradbogen, so wurde es doch für eine Schnur die gehörig stark gespannt ist, nicht zuviel ANTER OF THE CONTRACT OF THE CONTRACT OF

(X

مار: دا او

15. Und

- Und das Alles unter der Poraussesung der Vernier soll einzelne Minuten angeben. Will man sich mit einer Angabe von 2 zu 2 Minuten begnügen, so kann der Bogen AB; 16 halbe Grade sehn, und in 15 Theile getheilt werden; das giebt also eine viel beträchtlichere. Ersparung am Gewichte.
- iberlegen. Ben den gewöhnlichen Gradbogen ist ein Haaken nach des Werkzeuges Vorderseite, der andere nach der Ruckseite gebogen, und das dient wie leicht zu sehn ist, dazu, daß des Werkzeuges Schwerpunkt sich in die seigere Ebene durch die Schnur, folglich das Werkzeug selbst, in eine seigere Ebene stellt.

Bringt man benm Quabranten die benden Haaken T, S, auf der Ruckseite der Regel an, so besindet sich die ganze Last des. Werkzeuges auf einer Seite der Schnur, und es wird sich vorwärts neigen, daß das Loth nicht gleich an seiner Ebene anliegen, sondern davon etwas abstehen wird. Ich
sehe gleichwohl keine bequemere Stelle sur die Haaken.

17. Man wollte benn die Regel NK über Khinaus so lang als ein Halbmesser ist machen, und eben auch sie nach der Seite N zu länger machen, daß sie da über des Quadranten Rand heraus ragte, Wenn sie solchergestalt einen ganzen Durchmesser vorstellte, könnte man an die benden Enden dieses Durch-

ينها أكوره

Durchmessers die Haaken anbringen wie benm Gradbogen.

- 5thnur, die Regel getragen; Und die Regel soll den Quadranten in einer solchen Stellung erhalten, daß das koth von Güber H herabhängt, nach dem nähmlich der Quadrant einmahl in diesse Stellung gedracht ist. Ich glaube das liesse sich durch eine Schraube erhalten die am Ende der Regel in der Gegend N angebracht wäre, daß man damit des Quadranten Rand sest schrauben könnte.
- 19. Sollte übrigens jemand der sich mit Ausübung der Markscheidekunst beschäfftiger, meinen Vorschlag gut sinden, so wird ein geschickter Mechanieus gar leicht dergleichen Werkzeuge vielleicht noch mit Verbesserungen verfertigen.

7. Anmerkung.

Von den unterschiedenen Arten des Compasses der Markscheider, und derselben Gebrauche.

Zu W. 25. u. f. S.

1. Wie Winkel mit der Magnetnadel gemessen werden, lehrt schon die gemeine praktische Geomestrie, wo man es mit der Boussole messen nennt. Die Vergleute pflegen sich zu dieser Absicht drepetstep Vorrichtungen zu bedienen.

B. be-2. Die erste heißt der Seizcompaß.

schreibt ihn 36 s. und bildet ihn auf der 14 Fig. ab. 3. Man läßt ben ihm die Magnetnadel auf 12 einspielen, und bringt das Richtscheid das sich um seinen Mittelpunkt breben läßt, in die Richtung einer gegebenen söhligen Linie, so hat man den Winkel dieser Linie mit der Magnetnadel. den Winkel einer andern solchen Linie mit der Ras del; Und folglich bender Linien Winkel.

4. Zu mehrerer Bequemlichkeit hat das Richtscheid zuweilen ein Oehr, daß man eine Schnur daran binden, und solche nach der Richtung der

linie ziehen kann.

5. Die zwente, heißt der Bergcompaß oder Grubencompaß. W. sagt etwas von ihm 38 J.

umb bildet ihn 15. Fig. ab.

6. Was W. daselbst erwähnt, ein Linial etwas langer als der Durchmesser des eingetheilten Kreises, das sich um dieses Kreises Mittelpunkt dreben läßt, kann allenfalls dazu bienen, daß es die Abtheilungen im Umfange ves Kreises abschneibet, und man also diese Abtheilungen vermittelst des kinials das se abschneidet, sicheret mahrnimmt, als, vermitteist der Magnetnadel, die nur von innen heraus auf sie weiset. Wollte man aber W. Worte so auslegen, das Linial zeige kleinere Ab-theilungen an, als die kurzere Magnetnadel, so wurde man sie vielleicht nicht in Weidelers Meynung nehmen, wenigstens würde das nicht wahr seyn. Denn mit einem kleinen Transporteur, kann man D 3

man einen Winkel bessen Schenkel noch so weit über den Transporteur hingusgiengen, doch nicht schärfer messen, als in den Theilen, die der Um-

fang des Transporteurs machen läßt.

7. Ich will also ben Grubencompaß so annehamen, wie man ihn auch ohne dieses kinial hat. Weil er sehr gewöhnlich ist, und weil man aus ihm so gleich den Hängcompaß versteht, so will ich umständlich von ihm handeln.

Ueber den Gebrauch des Grubencompasses die Lage schliger Linien zu bestimmen.

8. Sein Kasten ist ein Quadrat von dem zweseiten mit SEME, zwo mit OROCC parallel sind. 8. Fig.

9. Man kehre bas Gesicht nach Nord so hat

man rechter und linker Hand Oft und West.

Halt man hierben den Kasten so vor sich daß ME SE von Süben nach Nord geht, so hat man auf bem Kasten OCC rechter Hand also opwärts, OR linker Hand, also westwärts.

ouf ihm von ME durch OCC bis SE und von SE QR ME.

wie in 1. Anm. 11.

31. Wenn ich sage die Nadel weißt m Stunden so kahn m auch ein Bruch senn oder eine ganze Zahl mit einem Bruche, z. E. 7 z wenn sie 7 und 5 Achttheil St. weißt.

Bende Enden von ihr weisen einerken Stunde, wie z. Anm. III. 12. Das

su. Das nordliche Ende der Rabel sen P; das südliche Q, ihr Mittet K; also KP ihr nordlichet Theis

13. Wenn P im Halbfreise OCC ist 8. Fig. 6

sind nach (10) bie Winkel

MKP = in Stunden, SKP = 12 - in Stunden.

14. Wenn P im Halbkreise OR ist, ro Fig. so ist MKP = 12 — m Stunden, SKP = m Stunden.

15. Man fährt auf der Linie Ak nach dem Thekle von ihr zu, nach dem man das Gesicht kehrt.

16. Man halte! den Compaß so vor sich, daß SE nach der Gegend zu steht, nach welchet man zu fährt, also ME zu nächst am Leibe ist.

So lege man ihn an AB mit einer ber benben

Seiten die mit MESE parallel find.

17. Was für Stellungen seine Nabel alsbenn bekommen kann, läßt sich folgendergestalt durchzählen.

- 18 Man nehme willführlich eine Stelle in AB an, etwa die, in welcher die Unste Stelle in AB schneidet, wenn der Compaß nah (15) an sie schlich wird.
- 19. Durch diesen Punkt welcher it heissen mag, stelle man sich eine Magnetnadel papor, die also der Nadel des Compasses allemnhl parakel sem wird; pund q; sind auch ihr nordliches und side liches Ende.
- 20. In der 8; 9; Fig., ist B in dem Theise nach dem man zu fährt (15).

21. Geht

fällt P in den Halbfreis OCG.

22. Geht k B ostwärts von kp (9. Fig.) so fäst

P in den Halbfreis OR.

23. Der Kürze wegen neme manz, den Winkel den der Theil der Linie nach dem man zu fährt, mit der nordlichen Hälfte der Nadel macht, in der Liggen pkB — SKP. Er heiste ostlich oder westlich, nachdem kB von p k ostwärts (9 Fig.) pder westwärts & Fig. fällt.

24. Wenn der Nadel des Compasses nordliche Spise im Halbfreise OR ist, so ist z = m Stun-

den ostlich (22; 11.).

25. Wenn diese Spise im Halbkreise OCC ist, spist z == 13 --- m Stunden westlich (21; 13)

26. Ferner ist z

in (24) spikig wenn m < 6 stumpf > (25) spikig >

#inubl

27. Der Mabel sübliche Hälste kq, macht mit dem Theile kB nach dem man zu sährt den Winkel gkB = 180 — z, und kB liegt auch ge, sen kq ostlich oder westlich wie gegen kp.

28. Wenn also der Theil der kinie nach dem man zu sährt mie der nordlichen Hälfte der Nadet einen stumpfen Winkel macht, so könnte man angeben, was für einen spisigen er mit ihrer sädlichen macht.

29. Die 10 Fig. stellt vor wie es aussähe wenn man auf der Linie AB der 3 Fig. von Bnach A führe.

Wenn num der Nadel Abweichung weiß, die lage der linie AB gegen die wahre Mit-

tagslinie zu finden.

30. Es sen 10 Fig. NS die wahre Mittagslinie, Nkp des nordlichen Theils der Nadel Abweichung von Norden, den man weiß.

Nun weiß man auch Bkp

Folglich NkB.

Nach dem unterschiedenen Verhalten, der Abweichung der Nadel, und des Winkels pkB, ist NkB bald Summe bald Unterschied bender Winkels, welches sich leicht in jedem besondern Falls giebt.

31. Es sen Nkp = 16°; Bkp = 50° osilich so ist NkB = 34°.

Aus den Stunden in den zwo Linien streischen ihre Winkel zu sinden.

32. Die sinie F f streiche in m Stunden It Fig.

Durch ihren Durchschnitt O gehe die Mögnetnadel p q.

olfo ift pOF = qOf = m St.

pOf = qOF = 12 - m

pOG = qOg = n

pOg = qOG = 12 - n

D 5

33. Dahar

33. Daher FOG = fOg = n - mFOg = GOf = 12 - (n - m)

34. Der Linien Winkel giebt sich also allemaßtench den Unterschied ihrer Stunden; ist dieser Unterschied sehrer Ergänzung zu 12 Stunden, nachdem man den einen Winkel oder desselben Nebenwinkel nimmt.

35. Wird aber nun folgendes gefragt: Man kömmt aus einer Linie die in m St. streicht, in eine die in n St. streicht, was machen die beyden Theile dieser Linie nach denen man zu gefahren ist, für einen Winkel, so giebt es unterschiedene Fälle.

36. Man könnte von FO auf OG ober Og faberen, und entgegengesetst von fO auf Og ober OG.

37. Auch könnte m grösser senn als n; Indem

FO swischen qO und GO fO gO

38. In (33) wird alsbenn ni — m verneint, welches anzeigt, OF falle nicht auf die Seite von OG welche die Figur darstellt, sondern auf die entgegengesetze.

39 Eben so wird für (37) in (33) FOg größ: ser als 12 St. Nähmlich FOg ist der Winkel dieser Linien in den Op fällt; dieser Winkel benträgt nun mehr als 180° wenn Og ihre Lage behålt, aber OF zwischen OG nnd Og siegt.

40. Man könnte diese Mannichsaltigkeit von Fällen durch den Gebrauch der positiven und negativen Grössen (37) auf eine geringere Anzahl bringen

bringen und dasür Regeln geben. Es würde aber immer zu derselben richtigen Anwendung viel Aufomerksamkeit nöthig senn, und daher denke ich der Winkel zwischen einen Paar Linien auf den man gefahren ist bestimmt sich am besten so:

41. Man ziehe 12 Fig. AB welches die erfte

Linie bedeute nach der man gefahren ist.

42. Un ihrem Endpunkt B zeichne man sich eine Magnetnadel pa nur in die ohngefähre tage daß man bemerkt, ob derselben nordlicher Theil Bp; westwärts oder ostwärts von BA liegt, das ist ob BA in Ba verlängert westwärts oder ostwärts von Bp liegt.

43. Nun weiß man aus der Stunde der Linie AB; und daraus ob die Nordspisse P der Nadel des Compasses in OR oder OCC gewesen ist, den

Winkel pBa der bas z von 24 ober 25 ift.

44. Eben so weiß man sur die andere Linie BC;

ben Winkel pBc.

45. Man weiß also, welcher dieser benden, Winkel kleiner ist, auch ob Ba; BC; auf einen Seite der Nadel oder auf unterschiedenen liegen.

46. Und so weiß man die Winkel aBC, ABC.

47. **Exempel.** Wenn das Nordliche Ende der Nadel des Compasses an AB in OCC bey 2 St. steht, und an BC in OCC bey 4; so giebt

der sweyte pBC = 3

aBC = 2 ABC = 10 = 150° 148. In welchem Halbkreise des Compasses die nordliche Spisse der Nadel ist, läßt sich gleich nach der (10) angezeigten Art wie die Stunden eingeschrieben sind angeben. Man setze nähmlich nur vor die Zahl der Stunde Mer oder Sopt. das erste bedeutet P weise auf diese Stunde nach meinen vorhin gebrauchten Ausdrückungen, in OCC; das zwente in OR.

49. So würden die benden in (47) angegebe-

nen Winkel-so bezeichnet Mer. 2; Mer. 4.

ro. Dieß (43) ist eine Bezeichnung wie die welche ich in der r. Anm. XVIII. noch den der dort angeführten Erinnerung bengebracht habe. Was ich hie von den benden Halften des Compasses Or und Occ gesagt habe, bezieht sich nicht auf die Unsterabtheilung die ich am angef. Orte für entbehrlich erkläre, sondern hier mußte ich diese benden Hälften nennen, um den Gebrauch gegenwärzigen Compasses dadurch zu erläutern, und zu zeigen weswegen Or. und OCC. gerade an Stellen stehen, die denen entgegen geseht sind, wo sie eingentlich stehen sollte (9).

Hänzeompaß W. 25. S.

51. Diese britte Art des Compasses ist eigentlich ein Grubencompaß (5) so eingehenkt, daß er sich durch die Schnur jedesmahl wagrecht stellt. Was also seine Abtheilungen betrifft, ist Alles disher ereklärt worden.

32. Wenn eine Schnur, in welcher Schiefe gegen ben Horizont, man will, gezogen ist, und dieser Compaß daran gehenkt wird, so stellt sich die Linie die an ihm durch E, F, in Weidlers 4 Fig. geht allemahl horizontal, in einer Verticaffiache durch die Schnur; (söhlig in der seigern Ebene). Ist also diese kinie mit Se Me bezeichnet, und steht so wie benm Grubencompasse (16) ist gesagt worden, so giebt die Nadel, wie benm Grubeneom-passe an, was die Linie EF sur einen Winkel mit der Mittagskinie der Nadel macht. Dieser Winkel ist aber derjenige den die Verticalflache durch die Schnur mit, ber Verticalstäche burch die Madel macht; Oder: die Abweichung der Verticals flache burch bie Schnur vom magnetischen Meridiane.

53. Zieht man also in der Verticalfläche durch die Schnur, eine Horizontallinie, burch den Punkt um den sich die Madel drebt, (denn dieser Punkt ist, vermöge der Worrichtung des Sangecompasses in jener Verticalflache) so giebt der Bangecompag den Winkel an, den diese Borizontallinie mit der Nadel macht.

54. Und nun, nehme man in der Verticalfläche durch die Schnur, einen Punkt an wo man will, und ziehe durch ihn, zwo linien, eine, in der Berticalfläche, aber horizontal, die andere der Nabet parallel, so machen (Geom. 46. S. 2 Zust) diese tinien den Winkel (32) der also auch durch die Madei angegeben wied.

55. Das heißt kurz: Der Hängecompaß giebe das Streichen, jeder söhligen Linie, in der seigern- Ebene, durch die Schnur, an die er gehenkt wird.

zogen, so lehrt ver Hangecompaß, was die seigere Schene durch jede Schnur für einen Winkel mit dem magnetischen Meridian macht (51). Diesen magnetischen Meridian, kann man sich hier als eine Ebene durch jetter berden Durchnitte porstellen. Daß der Durchschnitt seiger ist lehrt Geom. 48 S. und so ist jede Seene durch ihn seiger. (Geom. 47. S.). Wenn man also einen Punkt in ihm nach Gesallen annimmt, und dadurch eine söhlige linie, der Nadel parallel zieht, so ist eine Seene durch diese schniet wird der Durchschnitt der magnetische Meridian.

37. Der Hängecompaß giebt also, was sür Winkel die benden seigern Sbenen durch die Schnuren, mit einer dritten, durch ihren, der Ebenen, Durchschnitt machen. Es ist leicht zu sehen, daß man hieraus der seigern Sbenen Winkel selbst weiß.

8. Anmerkung. Ueber die Eisenscheiben.

₩. 39. S.

1. Was W. a. a. D. Stundenscheiben neunt, beissen Undere Lisenscheiben. Jene Venennung soll Scheiben anzeigen die in Markscheiderstung den abgetheilt, diese, Scheiben die in Lisenschen Vergwerten gebraucht werden.

2, Es

2. Es stebt Eisenerze, die nicht so meetike in tie Magnetuedel wirten, daß ein Compass den man unter ihnen gebraucht unrichtig wiese. Bener VI Th. Prop. XXX. rechnet den Glastops dahin. Wo aber von einer solchen Wirtung der Eisenerze mehr zu befürchten ist, da wird man also die Winstell mit dem Compasse nicht sicher abnehmen können.

3. Statt bessen, ließ sich also etwa solgendes angeben: Ein Kreis sen eben so wie der Compaß, in. Stunden eingetheilt, und mit den Weltgegenden bezeichnet. Um seinen Mittelpunkt lasse sich in seiner Ebene eine Regel drehen, die am Ende etwa mit einem Dehre versehen ist, daß man eine Schnur daran binden und nach ver Richtung der Regel, also nach einer linie die aus des Kreises Mittelpunkt ausgeht anziehen kann. So was ohngesähr giebt eine Eisenscheibe.

4. Der Gebrauch wenn man horizontal fort-

geht, wird sich etwa fo vorstellen lassen.

5. A sen 13 Fig. noch etwas vor dem Mundlos che eines Stollens in einem Eisenbergwerke, B in Stollen AB eine söhlig ausgespannte Schnur.

6. Man wird unweit A noch nicht so viel von der Wirkung des Eisenerzes auf die Nadel befürchten dursen, also bringe man da den Compaß an, und

bemerke die Stande in welcher AB streicht.

7. Als eine Borsichtigkeit empsiehlt hieben Benet VI. Th. Prop. XXX. den Compaß zwenmahl anzubringen, einmahl an eine Seice der Schnur; das anderemahl an die andere, und zu sehen ob er bendebesomshl eine Stunde weiset, wennig des nicht thut, eine andere Stelle statt A zu suchen, wo des zeschicht.

8... Run sind BE, EF, ein paur andere schlige Linien, deren Streichen will man vermittelst der

Eisenscheiben abnehmen.

9. PQ sen die Lage der Magnetnateliben A (6) Pihre nordliche Spike. Man hat den Compaß so gestellt, daß SE auf ihm von A gegen Blag, (7. Unm. 16.) so giebt die Nadel auf ihm eine gewisse Stunde an, die mit dem Winkel PAB übereinstimmt, den AB mit der Nadel nerdlicher Hälfte macht.

10. Mun bedeute der Kreis um B die Scheibe, söhlig gestellt. M, S, bezeichnen auf ihr Süden und Norden, AB schneidet ihren Umfang in a, und verlängert in C, die Frage ist: wie stellt man die Scheibe daß SM mit PQ parallel steht?

von M bis a an ihr so viel Stunden senn, als aus dem Compasse zwischen AB und AP enthalten sind.

be, so viel Stunden als zwischen BA und AQ auf

dem Compasse.

13. Vermöge dieses Verfahrens wird SM auf der Scheibe, so gestellt, daß man weiß sie stehe der Radel parallel, und ppar auch so, daß was auf der Scheibe Norden und Süden bedeutet, nach einerlen Gegenden mit dem nordlichen und sidlig chen Ende der Nadel liegt, daß man also annehm men

men kann der Compass sep in B gebracht und SM sep die Nadel.

14. Nun ziehe man die Schnur an der Regel (3) an den Punkt E; so stellt sich die Regel nach Be daß e in BE liegt. Und nun ist der Winkel SBE eben der welchen BE mit der nördlichen Hälfe te einer Nadel machen würde, wenn man den Composition B bringen dürfte (13).

an, in welcher BE streicht, die Stunde, die man sin würde, wenn man den Compas in B bringen durfte, und die Stelle auf ihm die mit SE

bezeichnet ist, auf BE von B nach E zu legte.

16. Den Fortgang bieser Arbeit zu übersehen, stelle man sich ben dem Kreise um E, eine andere Scheibe jener vollkommen ähnlich vor. Auf ihr bedeuten s, m, was auf jener die gleichgültigen großen Buchstaben bedeuteten. Auf ihrem Rande se sen b in der Linie EB, nach Bzu.

17. Diese Scheibe so zu stellen, daß auf ihr Im mit SM, folglich mit der Radel parallel ist, muß man machen daß zwischen in und b so viel Stunden sind als zwischen S und e; oder zwischen

I und b so viel als zwischen M und e.

17. Diese Vorschrift druckt Vener 198 S. mit folgenden, sonst wohl ziemlich unverständlischen Worten aus: Dieses ist anden zu gedenken, daß wenn die erste Scheibe Sept. ist, die andere Merick. sepn muß.

18. Zieht man nun die Schnur an ihrer Regel durch F, so stellt sich die Regel nach Ef, und die Stunden zwischen f und f, geben der linie EF Streichen eben so an, wie es ein Compaß angeben würde, wenn man ihn in E bringen dürfte, die Stelle SE auf ihn von E nach F zu legte; und

feiner Radel nordlicher Theil auf El stel.

19. Ich hoffe man wird das Bisherige, von bem Werfahren mit ben Eifenscheiben, und beffelben Grunden beutlicher finden, als was Weibler und Bener bavon sagen. Sie erfodern bazu zwo Scheiben, wie die erste in B, die zwente in E. Dieses ware wohl nicht nothwendig, wenn man die eine die man hatte, von B wegnahme und gehorig in E stellte. Es wurde aber frenlich, weil bie Schnur nach BE über sie weggeht, mit bem Abnehmen und Wiederanspannen der Schnur, Mühe, Zeitverlust und vielleicht Jrrihum verurfachen.

20. Da der Umfang der Scheiben so groß gemacht, und so scharf abgetheilt werden kann, als des Compasses seiner, so giebt wohl dieses Berfahren unter den bisher angenommenen Umftanden eben die Richtigkeit, die sich durch den Gebrauch des Compasses selbst erlangen lieffe. Zum vorausgesest, daß man die Linien SM, sin, allemahl genau parallel stellen kann. Da konnte nun frenlich BE mit SM einen Winkel machen, der sich durch die Abtheilung der Stunden die man auf der Scheibe zu machen im Stande ift, nicht genau ge-

nug

nug angeben liesse, und da liesse sich auch son nicht vollkommen richtig stellen. Das wäre aber ein Fehler des Werkzeuges, nicht der Methode. Diesse würde doch was Richtiges geben, wenn mannur den ihr ein Werkzeug von gehöriger Vollkommenheit brauchte.

20. Was aber nun ben dem Gebrauche der Eisfenscheiben als die vornehmste Schwierigkeit anzus

sehen ist, wird aus Folgendem erhellen.

geben die lagen schliger linien gegen die Magnetnadel; der Hängeompaß, an einer donlegigen Schnur gebraucht, giebt die lage der Verticalstär che durch diese Schnur, gegen eine Verticalstär durch seine Magnetnadel, das ist: die Stunde jeder schligen linie in der Vertiralstäche durch die Schnur (7. Inm. 54).

Den Compaß brauchen darf eine Horizontallinie ziehen, so kam man ihre Stunde mit dem Grudencompaß abnehmen, ist aber diese Stelle höher oder niedriger als B, so bringt man den Hänges compaß an die Schnur die von ihr nach B gezogen ist, und sindet durch ihn, das Streichen seder Horizontallinie in der Verticalstäche durch die Schnur.

23. Also kann man allemahl annehmen, AB sep

eine sohlige tinie beren Streichen man weiß.

34. Run aber sen von B eine vonlegige Schnur zezogen. Die seigere Edene vurch dieselbe schneis de die schlige Edene durch AB, in BE.

25. Dürk-

35. Dürste man den Hängecompuß weiter sort gebrauchen, so brächte man ihn an diese Schnur; und fände dadurch des Streichen der Linie BE.

26. Da aber dieses wegen des Eisenerzes, nicht

verstattet ist, so entsteht folgende Frage:

Um 18 14 Fig. als einen Mittelpunkt, besindet sich eine sählige Scheibe, in Stunden eingetheilt. Auf ihr ist MS der Magnetnadel parallel. Nungeht von B eine Linie aus, nicht sählig sondern danlegig, also nicht in der Scheide der Scheibe. Wenn man sich nun durch diese Linie eine seigere Ebene vorstellt, wo schneidet diese Stene, die Aber pe der Scheibe? Soll Be diesen Durchschnitt der deuten, in dessen Verläugerung E liegt, so fragt sich also: Wie sindet man die Lage vieser kinie BE gegen BS, oder: ihr Streichen?

27. In der 14 Fig. sen AR die söhlige Linke, deren Streichen man mit dem Compasse abgenommen, in B stehe die Eisenscheibe, sählig, und SM sep der, Nadel parallel. Das lässe sich allemahl wie vorhin bewerkstelligen, wenn zuch gleich die pächste linie, an die man kömmt, nicht mehr wie

porhin söhlig, sondern BK; donlegigist.

28. Wenn man von einem Punkte der Linke BK ein Loth herabhängen liesse, und das so lange sorts sührte, dis dieses Loth ke; an den Umsang der Scheibe in e trase, so ware das Dreneck Bke in der seigern Ebene durch BK; und in derselben Be söhlig. Wie viel Stunden zwischen S und e sind; suche man auf dem Rande der Scheibe. Also hat-

terman die Stunde der Linie BE die durch B, soher lig in der seigern Sbene durch BK geht, eben so gutz die wenn man an BK den Hängecompaß andringen dürste:

Deidler S. 54. Res. 2. 6. Beyer P. 6. Prop. 30. besürchtet es werde sehr mühsam, auch ben stachen Scheiben und scharfen Winkeln gar nicht thunlich seyn. Beschwerlichsteit und Gesahr zu sehlen, gesteht Woigtel selbst 113 S.

30. Gionge von K nach L eine andere donlegige tinie, mit welcher man diese Arbeit sortsehen wollte, so müßte man erstlich die zwente Scheibe in K söhlig stellen, darnach die sinie s m auf ihr, der SM parallet machen. Zu dieser Absicht müßte man sich durch K eine söhlige sinie in der seigern Scheibe durch BK vorstellen, und es so einrichten, daß auf dem Rande der zwenten Scheibe, von m

dis dahin wo diese söhlige Linie ihn schneidet, so dies Stunden wären wie auf der ersten Scheibe wischen S und e. Dieses ist ein Versahren wie in (17).

Die söhlige Linie durch K anzugeben (30), wenn nur die Scheibe ben K söhlig steht, könnte man sich wieder eines kothes bedienen, das man hart an KB, und am Rande der Scheibe herabahängen liese. Eine Linie durch K, und die Stelle wo dieses koth an den Rand trifft, wäre in der verlangten söhligen kinie, und nun müßte man die Scheibe so drehen, daß zwischen m und der Stelle

mo

40. Beners Vorschläge zu Verbesserung der , Eisenscheiben, kann man ben ihm P. VI. Prop. 20. lesen. Ich sinde darinnen nichts, die Schwierig-

keit wegen donlegiger Linien zu heben.

41. Eine söhlige Linie anzugeben, die sich in der seigern Sbene durch die Schnur besindet, und das Streichen dieser Linie zu bestimmen, ist wohl die beste Vorrichtung, des Hrn. v. Oppel zwente Eise

fenscheibe Markscheibek. 495.

In Sprengels Handwerken und Kunsten, sortsgeset von Hartwig, VIII. Samml. 6. Abschnitt, sind unter den Arbeiten des Mechanicus, auch die Markscheiderwerkzeuge erzählt. Da ist 7. Theil 41. Fig. diese Eisenscheide abgebildet. Was dorsten das Nichtschrid heißt, muß mit dem daran des sindischen Arme, in einer Ebene senn, welche auf der Ebene des eingetheilten Kreises senkrecht steht; die Figur stellt diese lage sehr schief vor, und im Terte 351. S. ist nichts gesagt, diesen Irrthum ven die Figur veranlassen kann zu berichtigen. Des Hrn. v. Oppel Zeichnung weiset die gehörige lage.

ben da man ihre Ebene sthlig stellt, und boch damit das Streichen seiner söhligen Linie in einer seis gern Sbene durch eine donlegige Schnur abnehmen will. Der Hr. v. D. a. a. O. 493. erinnert mit Nechte, daß die Foderung eine ganze Sbene söhrlig zu stellen, nicht so gar leicht zu erfüllen seh. Dieses hat ihn veranlaßt, eine Eisenscheibe anzus geben, ben der nur eine Linie söhlig sehn muß.

Weil er die Regeln von derselben Gebtauche ohne Weweis lehres, so wird es nicht undienlich senn, die Theorie derselben hier benzubringen. Wegen der umständlichern Beschreibung und Abbildung bes Wertzeuges darf ich auf sein Buch verweisen.

- 43. Eine Scheibe 15 Fig. ist so vorgerichtet, daß man ihren Durchmesser MN horizontal stellen kann, und daß sie sich um diesen horizontalen Durchmesser, in jede schiese Seene drehen läßt. Ein anderer Durchmesser KL ist auf jenen senkerecht. Jeder der vier Quadranten, die sich so geben, ist sür sich in 90 Grad getheilt. Diese Grade werden von K und L gegen M und N gezählt, daß also 90 im horizontalen Durchmesser steht.
- 44. Um der Scheibe Mittelpunkt C, dreht sich eine Regel, der Ebene der Scheibe parallel. Man kann ans Ende der Regel eine Schnur befestigen, die sich also als eine Verlängerung der Regel, in der Ebene der Scheibe ansehen läßt. Die Schnur kann jede schiefe Lage haben, weil sich die Ebene der Scheibe nach Ersodern drehen läßt.

45. Die Richtung dieser Schnur sen CD. Gie schneide den Umfang der Scheibe in E.

46. Wenn man den Gradbogen an die Schnur henkt, so erfährt man ihre Donlege. Ferner giebt der Bogen NE auf der Scheibe, was die Schnut für einen Winkel mit der söhligen linie macht.

47. Wäre nun MN der Magnetnadel pargllet gestellt, so dürste man nur suchen, was eine soblige tige Linke durch C'in der seigern Ebene durch bie Schnur für einen Winkel mit MN machte. Das gabe bieser Linie Streichen.

4& Dieses führt auf folgende Frage:

Man weiß den Winkel NCE = 90°—
m; Sein Schenkel CN ist horizontal; der andere CE, macht mit dem Horizonte einen gegebenen Winkel = p; die Ebene ECN aber ist nicht vertical, sondern schief. Wenn nun die verticale Ebene durch CE, und die horizontale durch CN einander in CR (16 Fig.) schneiden, so sucht man den Winkel NCR = t.

49. Es giebt unterschiedene Wege diese Ausgasbe aufzulösen. Ich werde selbst in der Folge eine allgemeinere abhandeln, unter welcher sie als ein besonderer Fall enthalten ist. Hier will ich die Auflösung nur kürzlich ans der sphärischen Trigonomes

trie berleiten.

The CN = CR; so kann man Cals den Mitekeinst einer Rugel ansehen, und mit dem Halbemesser der Rugel, die Bogen EN, ER, RN, bestehen, entsteht ein Rugeldrepeck das ben Rrechtwinklich ist. In demselben, weiß man die Hopothenuse, EN, und die Seite ER, als Maasse der benden gegebenen Winkel. Man sucht die Seite RN, das Maaß des unbekannten. Also in meiner sphärischen Trigonom, der rechtwinklichte Orepecke 14 Fall

bier 900—m P t

Folglich

Folglich cos $t = \frac{r. \sin m}{\cos p}$

51. Exempel. Der Schnur Donlege sen 25

17' = p. Sie schneibe auf der Eisenscheibe den Bogen KE = 50° 30' = m ab. So ist

10 + log sin m = 19, 8874061

log. cos p = 9, 9563870

log col t = 9, 9310191 giebt $90^{\circ} - t = 58^{\circ} 34'$ also t = 31 26 +

72. So fande sich in diesem Exempel 31 Gr. 26 m; für den horizontalen Winkel NOR, welcher dem Winkel in einer schiesen Ehene NCE = 39 Gr. 30 m zugehört, wenn bende Winkel einen horisontalen Schenkel gemein haben.

53. Die Formel (50) ist nach der Vorrichtung den des Hrn. v. O. Scheibe eingerichtet, wo unsmittelbar der Winkel KCE = 90° — NGE gegesden ist. Heißt man NCE oder 90° — m = hz so wird die Formel

colt = r, colh

cofp

54. Der Winkel p; die Reigung einer Unie gegen den Horizont, ist allemahl spißig. Es macht freylich eine Linie mit dem Horizonte zweene Nebenwinkel von denen einer stumpf ist; Unter det Neigung aber versteht man doch den spißigen. 55. Der Winkel h. den die schiefe singe mit der horizontalen macht, kann auch allemahl für Wisig angenommen werden.

m In der Figur ist NCD spisig. Ginge aber sie ne schiefe linie von C durch den Quadranten MK hinaus, daß sie mit CN einen stumpsen Winkel machte, so machte sie mit CM einen spisigen, und der hiese nun h.

76. Wenn diese benden Winkel spisig sind, so ist auch t spisig. Denn er ist gewiß kleiner als 180 Gr. und sein Cosinus ist bejäht (Trigonom. 2 Erkt. 4 Jus.)

57. Jeder Sinus ober Cofinus, ist kleiner als

der Sinus totus. Folglich ist $\frac{r}{\operatorname{colp}}$ in (53) ein

uneigentlicher Bruch, und weil man cosh damit multiplicite, h kömmt cost > cosh; baher, weil hier alle Winkel spisig sind, t < h.

58. Das heißt: der horizontale (stylige) Win-Kel NOR ist kleiner als der in der geneigten (donlegiz gen) Ebene NCE.

59. Hätte man den Winkel NCR gemessen, und wollte daraus NCE berechnen, so gabe sich dasütz cosp. cost

mis (53) die Formet ____ = cosh

60. Der Hr. v. D. macht sich daben den Einst wurf: Man fande vielleicht auf der Scheibe nicht allemahl den Winkel, den die Schnur mit der söhe ligen Linie macht, richtig genug angegeben; daraus würde

würde also der söhlige Winkel nicht ganz richtig berechnet werden, wenn man: auch gleich die Done

lege; wie er annimmt, genau hatte.

61. Seine Antwort hierauf läßt, sich, auf meis ne Figur angewande und dadurch erläutert so vors tragen: Man sindet aus dem grössenn Bogen EN, den kleinern NR (58) ein Fehler also denm größern begangen, sieht einem geringerin Jehler beput kleinern.

o2. Daß ein Fehler benm Kleinen geringer wird als benm Großen, gilt nur, wenn das Kleinen Großen abnildtist, z. E. Wenn man eine Figur verjüngt, so wird ein Fehler der in einer Seite der großen ist begangen worden, ben der ahnlichligenden Seite der Kleinen, geringer. Währen die Bogen EN, NR, einander ahnlich, habe te einer so viel Grade als der andere; und man hatte des Größern länge auf irgend eine Urt gemessen, daben aber um Etwas gesehlt, so murde man, nach dem Sage daß sich die Lingen ahnlicher Wogen wie ihre Halbmesser verhalten, des Kleinern länge auch mit einer Unrichtigkeit wissen, sie ware aber geringer, als die benne Größern des gangene.

Aber hier sind der kleinern und grössern Borgen nicht ähnlich, und also ist kein Grund vorhanden allgemein zu schliessen, man werde benm kleinen weniger sehlen als benm großen.

63. Ein Erempel wird auch sogleich das Genscheil zeigen. Man setz, die Gröffen in (51)

ster weil die Schribe nicht genau genug eingetheilt war, statt des wahren m; nur 50 Grad gei nommen, also statt des wahren h; 40 Gr. Jes nen Winkel einen halben Grad zu klein, diesen, den Winkel in der schiesen Ebene, einen halben Grad zu groß. Die Donlege wäre richtig. So führe man die Rechnung nach (73) aus dem und richtigen h.

log col 25° 15" = 9, 9563870

log cos t = 9, 9278670 Also sindet sich dieser unrichtige t = 32° 7° —

zuvor (51) der richtige = 31 26 +

Der unrichtige zu groß um 0 40

Also beträgt hie der Fehler benm horizontalen Winkel 10 M mehr als der benm geneigten. Und ist nicht wie Hr. v. O. sagt geringer

64. Dieser Sat des Hrn. v. D. ist also nur einer kleine Uebereilung. Der Verfasser der Analysis Triangulorum, nahm sich hier nur die Zeit nicht, die Sache nach seinen so gründlichen und eiesen Kenntnissen zu untersuchen. Es ist bekannt daß man Formeln hat, kleine zusammengehörige- Aenderungen, der Seiten und Winkel eines Drensecks zu vergleichen, dergleichen ich in meinen astronomischen Abhandlungen I. Sammlung I. Abh. 83 sür ebene Drepecke, II. Abh. 2. Cap. sür Kregeldrepecke

geldrenerke gegeben habe. Sie beruhen auf den Ausbrückungen der Differentiale von Winkeln, durch die Differentiale ihrer trigonometrischen lie nien, und wer also solche Differentialformeln kennt, kann sich für jeden vorkommenden Fall, die Versgleichung alsobald machen, ohne ein Buch deswesen gen nachzuschlagen.

65. Zu gegenwärtiger Absicht, setze man in (53); r = 1; p unveränderlich, und differentiire. Da findet sich

$$- \text{ fin t. dt} = - \frac{\text{ fin h. dh}}{\text{colp}}$$
200 dt = \fin h. dh
\text{ fin t. colp}

- beit nahes, wenn auch gleich die Aenderungen der Winkel, die man hier als Differentiale ansieht, einnige Minuten betragen.
- 67. Auf jetiges Exempel würde man sie so ans spenden: Man hätte h = 48° gefunden, wäre aber ungewiß, ob der wahre Winkel nicht etwa 30 M. kleiner wäre. Man wollte also berechnen, wie viel sich der Winkel r, den man (63) berechnet hat, ändern würde; wenn man ihn aus einem h der um 30 M kleiner wäre berechnete.

Also seste man dh = — 30 Min., wo man ben dem Gebrauche der Logarithmen auf das Zeichen — nicht acht zu geben nothig hat, die Anwendung dessel.

besieben ist nur, daß man sieht, dt sen verneint, wenn dh es ist, oder: t und h nehmen zugleich ab.

Nun wäre log sin h = 0, 8080675 — 1

log 30 = log dh = 1, 4771212

Eumme = M = 1, 2851887

log $\sin 32^{\circ} 7^{\circ} = \log \sin t = 0$, 7256217 - 1 $\log \cosh = 0$, 9563870 - 1

Summe = N = 0,6820087-1M - N = 1,6031800

Dieß ist log dt; gehört zu 40, 10; Und zeigt also t nehme um 40', 1 ab, wenn h um 30' abnimmt. Welches mit der Rechnung 63; sehr wohl übereinstimmt.

68. In gegenwärtigem Falle, wäre es freylich kürzer, öhne die Differentialformel (67) die Rechenung wie in (63) nur für h = 39° 40° zu führen, da mant so groß als in (51) sinden müßte. Ausserdem aber daß es gut war hie ein Benspiel zu geben, wie nach der Differentialformel gerechnet würde, so ist der Gebrauch solcher Formeln haupts sächlich, wenn man annimmt daß die Aenderungen der gegebenen, solglich auch der gesuchten Winkel, nicht eben ganze Minuten, sondern Misnuten und Secunden, vielleicht gar nur Secunden den betragen. Da würde man die gemeine Nechmung nicht bequem von vornen anstellen können, weil die gewöhnlichen Taseln die Winkel in keinen kleisnern Theilen als in Minuten angehen.

Man s. hierüber vie angef. I. astron. Abhandl. 464. 167.

wenn dh immer einerley bleibt? Nun ist h > t (57) der Fall ausgenommen, wenn cosh = 0 da h = t = 90°. Also ist von dt der kleinste Werth der sür sinh = sint = 1; und dieser kleinste

ste Werth ist = $\frac{dh}{cosp}$ = dh, sec. p. Weil nun

allemahl sec p > 1, so ist auch der kleinste Werth von dt, grösser als dh. Des Hrn. v. D. Sat ist nicht nur, nicht allgemein richtig, sondern so gar allgemein falsch. Wenn man den Winkel in der schlesen Sehen mit einem Fehler gemessen hat, so berechnet man daraus den horizontalen Winkel mit einem grössern Fehler.

70. Für bas bisher gebrauchte Erempel be-

rechnete man den kleinsten Fehler so

obges. log cosp = 0, 9563870 - 1

1, 5207343

Gehört zu 33, 17. Um so viel Minuten wied ben dieser Donlege der söhlige Winkel zum wes nigsten unrichtig, wenn der in der donlegigen Ebene nur um 30 unrichtig ist.

71. Dieser kleinste Fehler dh. sec p ist besto geösser je größer p ist. Für p = 60° ist er = wich. Ober wenn der Schnur Donlege = 60 Grad, so sehlt man beym sibligen Winkel wenigstens stens um noch einmahl so viek als ben dem in der donlegigen Ebene. Ein Fehler von 15' ben die sem, giebt wenigstens einen von: 30' ben jonem. Für grössere Donlegen, kann der Fehler des söhligen Winkels vielmahl grösser werden, als der Fehler dessen in der donlegigen Soene, mehr als 6 mahl so groß, ben einer Donlege von 80 Graden; also einen Grad betragen, wenn man ben dem donlegigen Winkel nur um 10 Minuten sehlt.

Will man dieses durch die gemeine Rechnung nach der Formel (53) prüsen, so nehme man eis ne willführliche, nur etwas grosse Donlege an, und berechne daraus für zweene Werthe von h, die auch nahe ben 90 Graden, nur unter sich wenig unterschieden, die zugehörigen Werthe von t, Man wird sinden, daß solche vielmehr unterschieten sind, als die Winkel aus denen man sie berech-

net hat.

Ich habe die Donlege p = 800 angenommen. Da sinde ich

Unterschiede o 10

Dem vorhin gesagten gemäß, ist der lettere Unterschied ohngefähr sechsmahl grösser als der erste.

72. Ich befürchte daher, des Hrn. v. D. Eisensscheibe ist nicht so brauchbar als man sonst ben ihrer übrigens so wohl ausgesonnene Vorrichtung würschen

schen möchte. Er würde selbst so geurtheilt haben, wenn er statt seines nur übereilten Schlusses die Sache genauer untersucht hätte.

9. Anmerkung. Ueber die Berechnung des rechtwinks lichten Drepecks. W. 47. 6.

Dreneck 17 Fig. die Seite AB vertical vorstellt, also die ganze Ebene des Drenecks vertical (Geom., 47. S.) so heißt ben dem Markscheider

die Hypothenuse-AC Flache

Höhe AB Seigerteufe

Grundlinie CB Soble Der Winkel C Donlege

- 2. Bekannte trigonometrische Regeln lehren bie aus gegebenen Dingen gesuchte zu berechnen. Ich will hier einige hieher gehörige Formeln benbringen, so ausgebruckt, daß ich ben Sinustorus baben = 1 seße, wodurch die Ausdrückungen am kurzesten und bequemsten werben. Wenn man barnach mit Hulfe ber Tafeln rechnen will, so muß man sich erinnern, daß jeder Sinus und jede Langente in den gewöhnlichen Tafeln, in Zehnmillions theilchen des Sinustotus ausgedruckt ist, die 20. garithmen berselben aber ben Sinustotus für Zehntausend Millionen annehmen. Wie mun die Rechnung diefem gemäß führe, habe ich in meinen Unfangs. 7.1

fangsgründen L. Theil gezeigt, besonders in der dritten Auslage in der Vorerinnerung vor der Answendung der Buchstabenrechnung auf die Trigonosmetrie. Es wird sich auch hier an Erempeln leicht weisen lassen.

3. Um gewöhnlichsten sind Donlege und Fläche

gegeben, daraus man das übrige sucht.

4. Ich will der Kürze wegen, jede Seite mit dem kleinen lateinischen Buchstaben andeuten, das von der grosse an dem Winkel der Seite gegenüber steht. So heißt die Fläche = b; Seigerteuse = c; Sohle = a.

5. Also hat man in (3) Folgende Vorschriften;

Seigerteufe = c = b. sin C Soble = q = b. cos C.

6. In Weiblers Exempel (W. 47 J.) ist die Donlege = 10°, die Fläche = 6 tachter.

7. Will: man mit den Zahlen selbst rechnen, so drucke man (2) Sinus und Cosinus der Donlegezdie in den Tafeln stehn, als Zehnmilliontheile aus.

8. Für die Seigerteufe

fin C = 0, 1736482

c = 1, 0418892

9. Die Decimalbrüche des kachters multiplicire man mit 8, so bekömmt man Achttheile, und deren Decimaltheile (Arithm. I Cap. 81.)

In (8) könnnt = 0, 0418892. 8 = 0, 3851136. Also beträgt die Seigerteuse I kachter

1 lachter 0, 3351136 Achttheil
10. Für die Sohle
cus C = 0, 9848077

a = 5, 9088462 = 5 lachter 7, 2707696 Uchttheil.

vird, das Gesuchte in so kleinen Theilen anzugeben, selbst die gegebenen Grössen, nicht so sehr zichtig senn werden, in so grosser Schärse aus ihnen zu rechnen. Also kann man zu Abkürzung der Rechnung etwa von jedem Sinus die, benden less ten Zissern weglassen, wie W. gethan hat. Wielsteicht ist es aber doch oft bester, daß man sich die kleine Mühe nicht verdrüssen läßt, sin paar Zisern mehr zu multipliedem, wo man noch allemahl vom Produkte, die lasten Zissern wenn sie entbehrlich sind weglassen kann:

12. Wenn man die Fläche durch 48 Achttheile ausgedruckt, und damit sogleich, statt 6 multiplicitet hätte, so wäre die gesuchte Grösse sogleich in Achttheilen und deren Decimaltheilen gekommen: Man hätte aber alsdenn die ganze darinn enthalstene kachter, durch die Division mit 8 herausbeine gen müssen.

13. Wer des K. Pr. Hrn. Bauraths kamberts Zusätzt den logarithmischen und trigonometrischen Tabellen (Berl. 1770; 8vo.) besitz, sindet baselbst inder XXV. Tafel unter der Ausschrift: Abacus Siwurn, nunm, die Sinus aller ganzen Grade, jeden auf den Sinustotus 1 gebracht, und mit jeder einzelnen Ziser multiplicirt. Die Sinus sind nur dis auf Hunderttausendtheile des Sinustotus ansgegeben, jeder hat also 2 Zisern weniger, als in den gewöhnlichen Taseln. So steht das (8) gestundene Produkt, dort so: 1, 04189 die niedrigste Ziser-nähmlich um 1 vergrössert, da das Weggestasser des bennahe eine ganze Einheit von ihr beträgkt

Das ist also ein Einmahleins für die Sinusik. Hr. L hat sich besselben zu astronomischen Rechnungen bedient, und da ihm hiezu sünf Decimalitellen in sedem Sinus genug gewesen, so könnte der Markscheider, dem doch astronomische Schärfe gar nicht einfällt, daraus schliessen, daß auch er jeden Sinus nur in sünf Derimalstellen nöthig hätte (11). Daben würde ich doch erinnern, daß den, sieben Decimalstellen jedes Sinus multiplieden, sieben Decimalstellen jedes Sinus multipliedert hat, von Predukte hat et die benden niedrige sier hat, von Predukte hat et die benden niedrige sien Zisern weggeworsen, und wenn sie viel betrugen, die niedrigste die er behielt um 1 vergrössen. Daß er sich so verhalten hat, zeigt das behachtache te Erempel.

Bogen die durch Grade und Theile von Graden Zegeben werden:

Mit ben Logarithmen.

14. Da ziehe ich von jedes Sinus oder leber Tangente Logarithmen den ich aus den Taseln nehme næ 10 ab; Ich deute aber mir biefen Abzug hinter den logarithmen, durch das gehörige Zeichen an, und ziehe am Ende 10 von der Gummte ab. Man kann auch gleich die Kennziser des trigonometrischen logarithmen in o verwandeln, und hinterihm, nur so viel abzuziehen als der Kennziser zu 10 sehlte. Benden zeigt sich in nachstehender logarithmischen Rechnung des vorigen Erempels.

log b = 0, 7781512

log. I, 0419 = 0', 0178260

Weil log 1, 0419 — log 1, 1418 = 417; for mus man von 1, 9419 ben Propositionaltheil 46. 10 obliehen, giebt c = 1, 04189

Ohne diesen Proportionaltheil zu brauchen, sieht man sogleich das c nur sehr wenig kleiner als 1,0419 ist.

log cof C=110, 9933515 - 1

log a = 0,7715027giebt a = 5,9688

mit 8; 11; überein, und giebt das Gesuchte so gleich dis auf Zehntausendtheile des Lachters, das ist dis auf Hundertheile des Lachterzolls (2 Unm.

. CQ117.

(41) welches für die Musübung schaff genug gehater ten wird.

feln für die Logarithmen der Zahlen dis 100000 bedienet. Die gemeinen Takeln für die Zahken dis 10000 gäben das Gesachte unmittelbar in einer Decimalstelle wemiger, als es in (15) ohne Proportionaltheile gesanden wird, immer noch zur Austübung richtig genug. Wendete man ben ihnen die Mühe an, Proportionaltheile zur brauchen, so fände man das Gesuchte so genau, als es die größern Takeln unmittelbar geben.

18. Wenn die Flache groß ist, findet man freplich durch die Logatithmen Sohlen und Seigerteuken, nicht in sa kleinen Theilen als benm gebrauchten Exempel. Alsbenn aber, wurden ben langen Linien Hundertheile eiles Lacheerzolls, vielleicht' selbst Lachterzolle, nicht sehr in Betrachtung

fommen.

19. Ist die gegebene Grösse in Lachtern und Theisen derselben ausgedruckt, so wird es wohl am bequemsten senn, die ganzen Lachter zu Achter theisen zu machen, und so Alles in Achtebeilen und deren Decimalsheile auszudrücken.

Wie man die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen ben ben Logarithmen): brauchen konnte.

20. Für jeden Winkel sinden sich in den gemeinnen Tafeln, Sinus, Tangente, auch wohl Secante,

lionen angenommen ist. Der logarithme aber, ber sur jede dieser linien angegeben wird, sest einen Sinus totus von Zehntausend Millionen zum voraus. Der logarithme also zehört zu einer tanisendmahl gröffern Zahl als seine trigonometrische Iinie. Vermindert man ihn um 3, so dekomme man einen logarithmen, dessen Zahl die ihm zuges hörige linie, kann man als bie Zahl des neben ihr stehenden logarithmen ansehen, nür inüste man an sie rechter Hand noch dren Zisen schen ihr man nicht weiß wenn man nur die gemeinen Taseln hat; in größern wie in Gellibrands Taseln, würsde man sie sinden.

21. Erenpel. Man vermindere den Logatithimen der Tangente von 5 F Graden um 3; so ist 7,1547732 — log 14281480. Umgekehrt, die Zahl 14281480067 hat zum logarithmen 10, 1547732; Der Zahl dren letzte Zisern sind aus Gellibrands Taseln; Statt dieser Zisern müßte man dren Nukten sehen, wein man nur die gemeinen Taseln hätzte, und also diese Zisern nicht wüßte.

32. Solchergestalt wäre wohl natürlich auf folgende Vorschläge zu fällen:

23. Man bekönnnt für eine gemeine Zahl einen Abgurithmen, ber die Taseln der Logarithmen stir die Femeinen Zahlen, die man hat, übersteigt: Go sel se man ihn als einen Logarithmen einer trigonomes trischen Linie an, und suche ihn also unter den krischen Linie and Li

gonometrischen Laggrithmen, und nehme die ihm zugehörige Linie, für feine Zahl an.

24. Umgekehrt, eine grosse Zahl, sehe man als eine trigonometrische Linie an, fuche sie unter denselben auf, und finde so ihren daben stehenden

Legariehmen.

Diesen Vorschlag that schon Naper, der seine Logarithmen nur für die trigonometrischen Linien berechnet hatte. Man sehe meine I.K. astron. Abhr 59. S. Er ist guch wohl in der That zuweilen gepraucht worden, & E. vermuthlich wom Hugen, man s. unten 33. Unwerk. 28.

1 25. Dieß Verfahren ist der Theorie nach völlig richtig. In der Anwendung aber leidet seine Brauchbarkeit einen grossen Abfall, weil die trigo mometrischen Linien "fich nicht durch einzelne Einbeiten, sondern sprungweise andern , und also die Besuchte ober gegebene Zahl, in ihnen selten sehr geneuzu finden ist , sondern nur Grenzen zwischen welche sie fällt, und zwar diese Grenzen nicht eben Bar zu enge benfammen, wenn man nur die gemeinen trigonometrischen Tafeln hat, wo die Bogen durch alle Minuten gehen.

26. Bur Erläuterung biene die Berechnung der Soble in (15). Wenn man den Tafellogarith. men des Cosinus von C, nicht um 10 vermindert, sondern ihn, wie er in den Tafeln fiand, gelassen batte, so kame ber Goble Logarithme = 50,7715027. Es erhellt daß dieses ein logarithme irgend einer Langente sept kann.

extraction.

- Er fällt zwischen die logarithmen solgender bepa den Tangenten

- Won 80° 231 tang == 59019138.

Manmiste an jede der Tangenten rechter Hand den Nullen schreiben, so hätte man die Zahlen, welche den henden logarithmen in den Taseln zugeshören, nur mit Ungewishen der drey niedrigsten Zisern jeder Zahl. Und nun, den jeder Zahl die zehn niedrigsten Zisern rechter Hand abgeschnisten; giebt die eigentlichen Zahlen, zwischen welche die Sohle sällt. Die wären alse

5,9019

5, 9123 ...

Diese Grenzen geben was zwischen sie sollt ziente sich unsicher. Man könnte frensich auch ben ihnen Proportionaltheile brauchen; aber bit wird man lies ber sich der Logarithmen ter gemeinen Zahlen bestienen und ben ihnen Proportionaltheile anbringen.

27. Hätte man sowohl die trigonometrischen lie nien als ihre logarithmen, für Bogen die durch kleinere Unterschiede wachsen, so fande man freylich solche Grenzen enger bensammen.

28. Die Logarithmen der Sinusse und Langens ten von 10 zu 10. Secunden, hat man in Laseln die witer Sherwins und Gardiners Mahmen und terschiedenemahl herausgekommen sind, und ich in weiner aftron. Abh. II. Samml. 4. Abh. 20 s. beschwieden habe. Die neueste, dort ebenfalls 21 s. augezeige

angezeigte Ausgabe: Tables des logsrithmes Avignon 1770; enthalt die angezeigten trigonomes trischen Logarithmen, auch für bie ersten vier Grade durch alle Secunden, und die logarithmen der gemeinen Zahlen bis102100. Aber keine natürlichen trigonometrischen Linien.

29. Da man, seitem die Logarithmen bekannt worden sind, die trigonometrischen Rechnungen lieber durch sie sührt, als durch die natürlichen Linien; so hat man nicht geglaubt daß die letten in grosser Vollständigkeit nothig wären. Wozu man sie noch braucht, etma Winkel durch Zeichnung vermittelst ihrer zu messen ober aufzutragen, (Trigonom. 7; 9; Saß) dazu ist es genug sie für alle Minuten zu haben.

... 30. Von zehn zu zehn Seçunden findet man fie. in einem jeso ziemlich seltenen Folianten: Thesau-rus mathematicus, I. Canon Sinuum... a Bartholomaco Pitisco, Grunberg-Siles. Franks. 1613. Pitiscus giebt hie nur die Sinus für den Sinus totus: tausend Billicnen. Diesem aber ist bengefügt! Georgii Ioachimi Rhaetici Magnus Canon doctrinale triangulorum ... auch von to zu to Secunden, und für den Halbmesser zehntaufend Millionen, Sinusse, Langenten, und Secanten; nicht unter den jest angesührten Rahmen, wer aber Diesen Canon gebrauchen kann, wird gleich sehen wie diese Dinge vort heissen.

31. Ich will nun noch einmaßt Grenzen, zwie then welche der in (26) angeführte logarithme fällt. fällt, aus den Avignoner Takeln herschreiben, und die ihnen zugehörigen Tangenten, aus des Rhackcus Canon-

Man sieht hieraus daß die gesuchte Sohle ziems lich genau durch die grössere der denden Tangenten, auf den Sinus totus = 1 gebracht, wird gegeben werden, welches mit (10) wohl übereinstimmt.

32. Die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen mit ihren logarithmen zu vergleichen giebt doch also eben keinen großen practischen Vortheil, wenn man auch gleich die von mir zunächst gebrauchten, seltenern Gulfsmittel anwendet. lich wenn die Grenzen noch enger bensammen maren, wenn man die trigonometrischen Linien, und derselben logarithmen durch alle einzelne Secunden batte, wurde die Ausübung dieses Kunstgriffes noch bequemer und richtiger. Wie aber, nicht eben ber unterirrdische Geometer der Markscheider, sondern mehr der himmlische, der Astronome, sols che logarithmen für alle Secunden, wohl wünschen durfte, so sind doch die Linien selbst daben in solcher Vollständigkeit, zu jeder Absicht so viel ich einsehe als zur gegenwärtigen, entbehrlich. Und allemahl wollte ich statt der trigonometrischen Linien durch einzelne Secunden, lieber Logarithmen der gemeinen Zahlen etwa bis auf eine Million berechnet

rechnet, haben, badurch sich die logarithmischen Rechnungen bequemer und sicherer würden führen sass durch den Gebrauch der trigonometri-

fchen linken.

33. Es ist manchmahl gut, einen Vortheil der sich darzubieten scheint, gehörig zu schäfen zu wissen. Das wird mich rechtfertigen, wenn ich von diesem Gebrauche der trigonometrischen Linien als Zahlen, so umständlich geredet habe. Uebrigens gehört dieses freisich nicht weiter zur Markscheideskunst als in sesen die Trigonometrie dazu gehört. Es hat indessen der Hr. v. Oppel selbst einen solschen Gedanken geäusert 260 S. auch erinnert, daß hieben dienlich senn wurde, die trigonometrissschen Linien und ihre Logarithmen, sür alle Secuns den zu haben.

Uober des Herrn von Oppel Tafeln der natürlichen Sinusse und Tangenten.

34. Der Hr. v. O.. 257 u. s. beschreibt die Einrichtung und den Gebrauch besonders von ihm eingerichteter trigonometrischer Tafeln. Er hat den Sinustotus = 80,000 angenommen, und darnach die natürlichen Sinus und Tangenten in den gemeinen Tafeln deren Sinustotus zehn Mils lionen ist verändert.

Es ist nähmlich für jeden Winkel, zehn Mile', lionen: 80 = gemeiner Sin.; v. Oppels Sinus. Also der Oppelische Sinus = 0,00008. gemei-

ner Sinus.

3. E. Für i Minuse, ist der gemeine Staus = 2909; dieser mit der angegebenen Zahl multiplicirt, giebt 0, 023272; die benden letzent Zisern läßt Hr.v. O. weg, weil er nicht weiser als die auf. Zehntqusendtheile geht, und vergrößert wie gewöhnlich, hie unter den Zisern die er behält die niedrigste um 1; weil das Weggelassene, meht als eine halbe Einheit dieser Ziser beträgt.

den Sinustatus als 1 lachter == 80 Zoll vorfgestellt, und die Gröffen dis auf Zehntausendtheis le eines Zolls angeben wollen. So begreift jedet seiner Sinusse deiner Sinusse zehntausendtheile der nicht kleiner als zo des Sinustatus ist Zolle, und Zehntausendtheile derselben. Die Zehntausendtheile sind in den vier letten Zissern enthalten, und diese Zissen hat der Hr. v. D. deswegen durch einen Punct von den vorhergehenden ganzen Zollen abgesondert.

tense zu sinden, giebt er solgende Worschrift: Man drucke die Fläche als eine Menge von Lachtern aus, diese Menge kann auch ein Bruch seyn. So auszgedruckt multiplickre man sie mit dem Sinus seine Laseln. Das Produkt giebt die Seigerteuse in Zehntausendteilen von Zollengen Schneidet man also die vier niedrigsten Zisernsche sie hat man in den höhern die ganzanzen Zolle; wie wirn mit 80 dividiren muß, sie zu Lachtern zu machen.

37. Sein eigen Exempel M: Die Fläche == 5 & 3 Uchteh. 6 Zell = 129 Lachter. Die Donles

Kechnungen bequemer und sicherer würden führen lassen, als durch den Gebrauch der trigonometris

Schen Linfen.

33. Es ist manchmahl gut, einen Vortheil der sich darzubleten scheint, gehörig zu schäfen zu wissen. Das wird mich rechtsertigen, wenn ich von diesem Gebrauche der trigonometrischen Linien als Zahlen, so umständlich geredet habe. Uebrigens gehört dieses frenlich nicht weiter zur Markscheideskunst als in sosen die Trigonometrie dazu gehört. Es hat indessen der Kr. v. Oppel selbst einen solchen Gedanken geäusert 260 S. auch erinnert, daß hieben dienlich senn wurde, die trigonometrieschen zu haben.

Ueber des Herrn von Oppel Tafeln der natürlichen Sinusse und Tangenten.

34. Der Hr. v. D.. 257 u. f. S. beschreibt die Einrichtung und den Gebrauch besonders von ihm eingerichteter trigonometrischer Tafeln. Er hat den Sinustotus = 80,000 angenommen, und darnach die natürlichen Sinus und Tangenten in den gemeinen Tafeln deren Sinustotus zehn Milstionen ist verändert.

Es ist nahmlich für jeden Winkel, zehn Millionen: 80 = gemeiner Sin.; v. Oppels Sinus.
Uso der Oppelische Sinus = 0,00008. gemeiner Sinus.
ner Sinus.

3. E.

3. E. Für 1 Minuse, ist der gemeine Stapl nus = 2909; dieser mit der angegebenen Zahl multiplicirt, giebt 0, 023272; die benden lestent Zisern läßt Hr.v. D. weg, weil er nicht weiter als die auf Zehntqusepdtheile geht, und vergrößert wie gewöhnlich, hie unter den Zisern die er behält die niedrigste um 1; weil das Weggelassene, meht als eine halbe Einheit dieser Ziser beträgt:

den Sinustatus als 1 lachten == 80 Zoll vorigestellt, und die Größen die auf Zehntausendthels le eines Zolls angeben wollen. So begreift jeder seiner Sinusse den Arbeite der nicht kleiner als zo des Sinustatus ist Zolle, und Zehntausendtheile derselben. Die Zehntausendcheile sind in den vior letzten Zistern enthalten, und diese Zistern hat der Hr. v. D. deswegen durch einen Punct von den vorhergehenden ganzen Zollen abgesondert.

teufe zu finden, giebt er folgende Worschrift: Man drucke die Fläche als eine Menge von Lachtern aus, diese Menge kann auch ein Bruch seyn. So aus gedruckt multiplicire man sie mit dem Sinus seinet Taseln. Das Produkt giebt die Seigerteuse in Zehntausendtheilen von Zollenzu. Schneidet man also die vier niedrigsten Zisern ich so hat man in den höhern die ganzen Zolle; wie man mit 80 dividiren muß, sie zu Lachtern zu machen.

37. Sein eigen Exempel ist: Die Fläche = 5 & 3 Uchtth. 6 Zoll = 129 lachter. Die Donles ge =

ge = 37° 14'; deren Oppelischen Sinus = 48. 4935 der Punkt sondert die Zehntausendtheile abs Dieser mit 109 multiplicirt giebt 5.278. 1615 und das mit 20 bividirt giebt 263. 90807; die Zisten linker Hand des Punkts sind gange Zolle, also ift Die Seigerteufe. == 3 tachter 23, 90807 Boll. Die fünfte Decimalzifer 7 hat Hr. v. Oppel nicht, weil er nicht weitet als bis vier geht. ., 38. Wenn der Hr. v. Oppel für gut besunden hatte, nach meinem Vorschlage (19) Allescin Achttheilen und beren Derimalbrüchen auszudrüße ken, so wären ihm die gemeinen trigonometrischen Tafeln zulänglich gewesen, und er hatte bie Muhe erspart sie für einen Sinustotus von Achzig Zehntausendtheilen zu verwandeln. Wirklich hatte ein Mann von seinen Einsichten und Eifer, Die Zeit die ihn dieses gekostet hat, zu Etwas viel

wichtigern und nüßlichern anwenden können.

39. Sein Erempel würde ich nach (5) so rechenen. C = 37° 15°; b = 43, 6 Achttheil. Alle so sin C = 9, 5052940 der mit 43, 6 multiplicitt; c = 26, 39081840 giebt. Das sind Achte theile, und also ist die Seigerteuse = 3 kachter 2, 3908184 Achttheile. Diese Nechnung ist doch in nichts weitläußiger als des Hrn. v. D. seine, ausser in sosen Kernens den ich brauche ein paar Zisern mehr hat, und so die Nechnung mit einer freylich überstüssigen Schärfe giebt.

40. Die Logarithmen der trigonometrischen linien, hat der Hr. v. D. so gelassen, wie sie in den gewöhns indinnichen Lafeing! fite bent Sittlebotte zehntau-

-send Millionen zu finden find.

41. Ben der Rechnung mit den logarithmen sucht er sich des 20 u. s. angesührten Vortheils zu bediesen. So siedet er für das Exempel (38) log tab sin 37° 1. 5° + log 109 — log 20 = 10, 51863629. Alle logarithmen aus den gemeinen Tasein genommen. Nun sucht er den gefundenen togseithmen in seinen trigonodieirischen Tasein duf Am kächsten könnet viesen ihm 26°, 3628 (36). Angestähre des Punktes günze Jose des Tielen linker Hand des Punktes günze Jose des Fielen ist ein wenig kleiner wis die eigeneliche Skipeliebtse (37) und se bekönnet der Hinkerung.

Menn man bie Langence von 73 Gr. 8 M. In den gerneinen Agfelft auffucht, und auf den Sie musteries — 1 bringt, so ist sie Vie Zühl von Lachtern westehe der Sufferense gehören. Denn die Schreteinse zu sinden, multiplicitre Kr. v. O. den Siehes ber Odnsesse mit 12° und die Einstet, auf welche sich dieser uneigentliche Bruch bezieht, ist welche sich dieser uneigentliche Bruch bezieht, ist

ein Editier (35). Dett itte

Liso ist die Stigerteuse = 3, 2982851 Lachtet. Die Derkackbrücke mit 8 multiplicirt, komk
26, 3862808 für die Menge von Uchttheilen, die
noch zu den 3 ganzeh kachtern gehören, die Seigerteuse hürzumachen. Man sieht daß dieses, wie gehörig, genau mit (4'1) übereinstimint, nur daß
die

die kleinsten Ganzen hie Achttheile, vorten Jose

10. Anmerkung. Ueber die Tafeln der Sohlen und Seigerteufen.

Berechnung derselben.

1. In (9. Anm. 5.) sep die Fläche aus zweige Stücken zusammengesest, b = p + q; so ift

Seigerteuse = p. sin C + q. sin C Soble = p. col C + q. col C

2. Also berechne man sür eine gegebene Donlege, Seigerteufe welche der Fläche p; und Seigerteuse welche der Fläche q gehört, bender Seigerteusen Summe, ist die Seigerteuse welche der Fläche p + q gehört. Eben so mit den Sohlen.

3. Es erhellt daß eben das statt sindet, wenn die Fläche aus dren oder mehr Stücken zusammengesetzt wird; So ist die ganze Seigerteuse, die Summe der Seigerteusen, und die ganze Sohle, die Summe der Sohlen, die den Stücken zugehören. Welches man sich auch leicht durch eine Figur vorstellen kann, wenn man ein rechtwinklichtes Prepeck mit Linien durch Punkte der Hopothenuse den Seiten parallel gezogen, in ähnliche kleinere theilt.

4. Was für den Winkel C, als Donlege betrachtet, Seigerteufe ist, wäre Sohle, wenn man A für Donlege annähme, das ist BC vertical, allemahl mahl den rechten Winkel zu unterst stellte. Und gegentheils, der Donlege C Sohle ist der Donles ge A Seigerteufe.

Rahmlich Seigerteuse und Sohle, sind ber

Donlege Sinus und Cosinus.

Auch machen C und A zusammen 90 Grab.

5. Für eine angenommene Fläche also, ist

Seigerteuse zu 45° --- u = Sohle zu 45° + u

Soble zu = Seigert. zu

So hat man alle Seigerteufen und Sohlen berechnet, wenn man sie für die ersten 45 Grade berechnet hat.

6 Diesem gemäß, haben sich die Tafeln fo eine

richten lassen, wie ich nun beschreiben will.

Weidlers Tafeln.

- 7. In einer schmalen Columne linker Hand stehen die Donlegen, unter der Ausschrist: Gradus libeliae, welche der Unberseher, wörtlich durch Grade des Gradbogens gegeben. Sie wachsen dis 90 durch alle Viertheitsgrade, welche Schärfe nach W. Erachten den Markscheidern zulänglich ist.
- 8. In einer schmalen Columne rechter Hand stehen Donlegen, deren jede mit der, (7) welche sich mit ihr in einer Zeile befindet, 90 Grad macht. Z. E. in einer Zeile linker Hand 4 und rechter Hand 86. Diese Donlegen rechter Hand, wachsen also von hinten, vom Ende der Tasel die vor und den Ansang.

molf, überfchrieben it; i; i; i; 2; 9; 4; 5; 6; 10; 20; bie lesten acht Zahlen bebeuten gange lachter, bie erften viere, Theile bes lachters.

10. In jeder folcher Columnen fteben für die flar chen die ihre Ueberschrift anzeigt, Seigerteufen, ben -Donlegen in ber linken Seitencolumne zugeborig.

und zugleich in einer Zeile mit einer Donlege (7) Abe, ift die Seigerteufe, welche ber Rache ber Chlumner und ber Donlege ber Beile zugehört.

12. Chen bas (it) aber, fteht in einer Beile mit einer Bontege rechtet Rant. (8). Und für

Diefe Donlege iftes Soble (5).

13. Wenn man also Seigerteufen wiffen will, sucht man bie Bonlegen Unter Band, und wenn man Sohlen wiffen will, techter Band.

141 Diefe Sobien ober Geigetteufen, giebt 2B1

Die auf Behntheile von Bollen an.

die bren Zisenn ein Glied feiner Tafel nicht mehr die bren Ziseen enthalt, so lassen sich solche zusantrien lefen, wie man sonst Zahlen mit bren Zifern geschrieden liegt, bie niebrigfte Einheit bedeutet Behntheffe von Zollen.

> ge und to & Flache gehort 279 de fo viel Zehntheile eines Zolls, in genannt werden Primen; als eine einzige Zahl ausspre-

chen, ober fagen: 2 Achttheil, 7 Bell, 9 Primen.

Dren Jisenn aber ein Glied der Tasel mehr als dren Jisen hat, so kann man die, welche den dren niedrigsten zur linken Hand stehn, nicht mit ihnen zusammen lesen. Sie bedeuten sur sich, ganze tachter.

Zu 85 Gr. Donlege und 20 {. Fläche gehört 19739. Das heißt 19 kachter 739 Primen.

Mathematik, sehr unvorsichtig, auf diese Urt Zifern an einander zu schreiben, die nicht können zusammen gelesen werden. Dieses kann sehr leicht ben dem Gebrauche der Tafeln Irrungen veruxsachen, wenigstens erfordert es eine Ausmerkamkeit auf die Bedeutung der Zisern, die mit einer keinen Bezeichnung leicht ware erspart worden.

18 Den Gebrauch seiner Tafeln erläutert 33. mit Erempeln, baben ich Einiges bemerken will.

19. In seinem 48. s. II. Er. ist die Ragel offenbahr ganz salsch. Er will die Seigertause sür 4½. Grad und 5 tachter wissen. Da sucht er sie, dieser Fläche zugehörig, erst für 4 Grad, denn für Ž Grad, und addirt das zusammen.

Nun aber ist bekanntlich die Seigerteufe der Sinus der Donlege, wenn man die Ftache für den Sinustotus annimmt.

Mo ist W. Versahren folgendem gleichgültigt Man will den Sinus von 44 Gr. wissen, und advirt-zusammen, die Sinusse von 4 Ge. u. von 4. Gr. Daß der Sinus der Summe zweener Winkel nicht die Summe ihrer Sinusse ist, kann man sich, wer es noch nicht weiß, leicht überzeugen. Also ist W. Versahren unrichtig.

Sind aber bende Winkel klein, so ist beynahe der Sinus ihrer Summe, die Summe ihrer Sinusse, wie aus der Formel für den Sinus der

Summe erhellt (Trigon. 19. S.).

Also hatte W. erinnern sollen, daß sein Wer-Kahren ben diesem Erempel, nur ben kleinen Win-

keln, und auch da, nur bennahe zutrifft.

Wenn man 5 lachter burch 40 Achttheile ausbruckt, und damit den Sinus von 4½ Grad auf den Sinustotus 1 gebracht, multiplicirt, so bekömmt man die richtige Seigerteuse 2, 96434 Achttheil; also frensich in Zehntheilen des Zoks, so wie W. sie angledt, der nicht weiter geht

20. In seinem III. Exempel, verlangt er die Seigerteuse sür 34 Grabund 13 & lachter. Da sucht er einzeln, sür diese Donlege, die Seigerteusen zu 20; 3; \frac{1}{3}; \frac{1}{3} lachter, und addirt solche zusammen.

21. Theoretisch ist dieses Verfahren ganz richetig. In der Anwendung aber muß man bedenken, daß jede einzelne Seigerteuse, nur dis auf Zehnsteile des Zolls angegeben ist. Eine Summe vieler solcher Grössen, wird also nicht in Zehntheilen des Zolls richtig senn, und W. giebt doch diese Zehntheile in der Summe an.

22. Zu zeigen wie viel Unrichtigkeit diese Taseln fo gebraucht geben, will ich W. Erempel unmittelbar

colbar trigonometrisch bereihnen, einmahl durch den natürlichen Sinus, und barnach burch logan riehmen. Die Fläche ift 13 l. 5 A. = 109 Achen theile, und ich nehme zur Einheit ein Achtholl an. Die Donlege ist 34 Grad.

 $\sin 34^9 = 0,5591929$

109

5, 0327361 55, 919290

Seigerteufe = 60, 9520261 Achth.

7 ladyter == 56

Seigerteufe = 7 l. 4, 952026 Acherheil. Ferner log sin 34° = 0, 7475617 - 1 log 109 = 2,0374265

log der Seigert. = 1, 7849882 giebt die Seigerteufe = 60,952 Achttheil

Also, so weit die Logarithmen hie reichen, eben wie tie Rechnung mit bem Ginus felbft.

23. Erstlich also ist die logarithmische Rechnung. offenbahr kurzer als die aus B. Tafein. Man addirt boch wohl lieber zwerne togarithmen, als vier Glieder einer Tafel. Hat man logarithmen, wie ich hie gebraucht, so findet man also mit leichserer Miche, als aus W. Lafeln, vas Gesuchte in Hundertseilen des Zolls, an die W. Tafelti nicht reichen, wann auch die Zehntheile bes Jolls aus denselben eichtig gesunden würden. Die gemeinen logarichmischen Tasein. bis. 1.0000, geben doch das **3** 4 Gejuchte

Gefechte auf Zehnshelle des Zalle, alfo so genau ols W. Tafelmas, versprechen, (aber nicht halten) und wenn man Proportionaltheile brauchen will, duch auf Hundmotheile.

Und solchergestalt if schon die Mühe die man sich durch 2B. Tafeln erspart, nicht sehr beträchtlich.

24. Run aber zeigt sich vollends, baß die unmittelbare Berechnung 52 Hundertthette eines Zolls, Weiblers seine nur 3 Zehntheile, also über 2 Zehntheile zu wenig giebt. Der fünfte Theil eines Bolls, um welchen Weiblers Rechnung, ober eigentlich noch um was mehr fehlt, ist keine ganz unbeträchtliche Broffe.

25. Die Unvollkommenheit der Tafeln, daß jedes Glied nur bis auf Zehntheile des Zolls geht, hatte sich dadurch vermindern lassen, daß man eines Gliedes niedrigste Zifer um 1 vergrössert batte, wo die weggelassenen Hunderttheile u. s. mehr als ein halbes Zehntheil betragen, welches ben trigonomerischen, u. a. Tafeln gewöhnlich genug ist, selbfen von Boigtel 41 S. gelehrt wird. Daß Weibler dieses wenigstens nicht allemahl gethan hat, erhellt aus Bergleichung einiger Glieber. Für gleiche Ponlege, ist offenbahr ben der Kläche 10, die Seigerteufe zehnmahl grösser als ben der Fläche In Und da ist oft ben jener die niedrigste Ziser große ohne daß das ben dieser in Betrachtung gezogen ware. Zu i Br. Donlege, ficht 1279 ben ber Flache 10; und 27iden der Tail Die lette: Seigers teufe, ist also bennake um ein ganz Zehneheil eis nes

Nes, Zolls zu klein, angegehen, mit viel geringern Irthume ware sie ein wenig zu graß; 28; gesest worden.

26. Eine allgemeine Folgs aus dem bisherigen, mochte wohl sepn: daß W. Taseln nicht viel beffer als unnüß sind.

Beyers Tafeln.

- 27. Sie stehen am Ende seines II. Theils. Bener liefert bemerlen solche Lafeln.

28. Die erste nennt er nach den Achteln.

benen einerles, hat ehen die Seitencolumnen (7-; 8)
giebt Sohlen: oder Seigerteufen wie (14) und die
Bahien wie (14; 16), ausgedrucket, auch ist die
Enimerung (25) ben ihr ebenfalls nicht beobachtet,
fendern es steht auch in dem vorten angesührten Erempel 27 wo 28 der Wahrheit näher ware.

29. Nur enthält sie mehr Zwischencolumnen (9) als. W. Reben den dartigen zwölsen, noch neun,

für jede Menge einzelner Zoll.

Durth diese nenn, wird die Regel Detri erspart, 1811:28. nöthig hat, wenn die Fläche mit durch Zoll gegeben ist. Man s. hievon sein III. Erempet, 20. 28 Sassin können also als ein Austra

39. 28. Tafeln können also, als ein Auszug

aus dieser Bepereschen angesehen merden.

gefagt:habe...

32. Beners zwente Tafel heißer nach den Inhenteln. Es ist Woigtels Tafel, aus dessen Mark-G 5 scheidescheibekunst z. Theik. Das lachter wird in taus send Theile gesheilt, und in solchen Theilen sind Sohlen und Seigerseusen angegeben, das ist in solchen Theilen, deren jeder 0,08 des Zolls ist.

venig kleiner, als die Zehntheite des Zolls dis auf

welche Beners und Weidlers Tafeln gehn.

33. Seine britte Tafel, nennt Bener, einen Ertract aus weiland herrn Simonis Stevint Tabulis Sinuum. Sinus und Cosinus durch alle Wiertheilsgrade, in zehntaufendtheilen des Ginusrotus, also in drep Zifern weniger als die gewöhnlichen Tafeln haben. Angenommen, daß ber Gradbogen die Donlegen nicht genauer als auf Viertheilsgrade angeben soll, so kann biefer Extract dem Markscheider nur dazu bienen, daß er die Bogen, die er allein braucht, sie von den übrigen abgesondert leichter sindet. Statt Cosinus ist in der Ueberschrift der Columnen: Sinus Versus defest, nur burch einen Schreibsehler, bein aus P. 4. c. 8. erhellt, daß Bener wohl gewußt, was Simuspersus, und Sinuscomplementi find nusrectus ist durch Seigerteufe, und ber fälschlich sogenannte Sinusverfus burch Sohle übersetz. Diese Lafeln sollen nach Bevers Erinnern V. Th. 5. Cap. den vorigen zur Probe dienen.

In der Trigonometrie, die Bener IV. Theil 8. Cap. abhandelt sind keine logarithmen gebraucht,

aber P. VI. Paup. 18.

Des hrn. v. Oppel Tafeln.

- 34. Sie gehen durch Donlegen von 5 zu 5 Mis nuten. Der Hr. v. Oppel sodert, daß man die Winkel wo möglich so genau messen soll, und hat kierinnen schon Voigteln, Markscheidek. 111. Th. 6. zum Vorgänger.
- 35. Die Flächen, zu beren jeder, sür jede Donlege Seigerteuse und Sohle berechnet sind, sind solgende: In Zollen; ½; ½; 1; 2; 3; 4; 5. In lachtern; ½; ½; ¾; ½; 1; 2; 3; 4; 5; 10. Diese Anordnung ist mit guter Einsicht gemacht, man kann jede Fläche bequem aus den angezeigten zusammen seßen.
- 36. Sohlen und Seigerteufen sind in Zollen und deren Hunderttheilen ausgedruckt. Dadurch wird vermieden daß kachter, und Achttheile entweder mit besondern Zeichen müßten unterschieden werden, oder we ben vorhin beschriebenen Einrichtungen, auf eine unschickliche Art zusummengesetzt wurden. Daß Hunderttheile der Zolle angegeben sind, bringt den Vortheif, daß ben Summirung etlicher Glieden der der Tasel, das Verlangte, doch immer noch in Zehntheilen, wenigstens in ganzen Zollen, richtig herauskommen wird.
- 37. Ich will nach biesen Lafeln das Erempel (22) rechnen

10 & geben	447, 35 Boll
3	134, 21
4 21.	22 , 37
1	5, 59
	511, 22
	98, 3

609, 52 wie in (22) nur daß

hie die Einheit ein Zoll ist.

38. Wenn man diese Rechnung mit Weidlers seiner vergleicht, so wird man sehen, daß ben W. die Columne der Hunderttheile des Zolls sehlt, und diswegen bekömmt er in Zehntheilen so viel zu wenig.

39. Daß aber hier die Hundertheile eben so fommen, wie ben der unmittelbaren Berechnung, ist frenlich ein glücklicher Zusall, den man nicht absemahl erwarten darf. Wie er hier entstehen konnte, macht die Rechnung (22) dadurch begreiflich, daß sie keine Tausendtheile des Zolls angiebt. Ausserdem trägt es auch zur Richtigkeit der Rechnung nach Hrn. v. D. Tafeln viel ben, daß er die Ziser der Hundertheile um I vergrössert hat, wenn das Weggelassene bennahe ein Hundertheil betrug.

40. Bepm Gebrauche dieser Tafeln würde nüße lich senn, jede Zahl von tachtern wenigstens von this 10; in Zollen ausgedruckt zu haben. Ders zleichen Einmahleins für die tachter würde im Erempel (37) gleich zeigen, daß 7 k. = 560 Z. und so behielte man durch den Abzug die Zolle

übrig.

41. Wenn

- 41. Wenn man Lafeln von Sohlen und Seis gerteufen brauchen will, so sind ohne Zweisel die Oppelischen vorzüglich zu empfehlen.
- 42. Indessen gestehe ich, daß ich mit logarithe men für die gemeinen Zahlen bis 100000 allemahl bequemer und richtiger zu rechnen glaube, als selbst mit diesen Lafeln.
- 43. Ein Benspiel, das der Hr. v. D. selbst giebt mag dieses bestätigen. Er sucht 672 S. sür 28½ lachter 9½ Zoll und 69° 25' die Seigerteuse. Die setzt er nun aus folgenden zusammen: Für (10 + 10 + 4 + 4 + ½ + ½) lachter + (ç + 4 + ½) Zoll. Also hat er neun Glieder seiner Tasel zu addiren.

Ist nicht folgendes kürzer: 28 sachter = 224. Achtel. Also ist die Fläche = 229, 95 Acht.

 $\log 229$, 95 = 2, 3616334 $\log \sin 69^{\circ}25! = 0$, 9713509 - 1

> 2, 3329844 gehört zu 215, 27 U. 26 { = 208

Die Seigerteuse = 26 & 7, 27 Ucht. Hr. v. D. sindet = 26 7, 269

11. Anmerkung.

Den Winkel von gezogenen Schnüren, blos durch Messung gerader Linien anzugeben.

1. Man kann biefes munschen, wenn man ben Compaß nicht brauchen darf, und mit der Eisenscheibe nicht versehen ware. Geometrie und Etigonometrie bieten bagu unterschiedens Mittel an.

Geometrische Auflösung.

2. AB, AC, 18 Fig. sind Studen auf ben Schnuren aus des Winkels Spise gemessen; Man messe noch ihre Sehne BC, und zeichne nun aus den bren Seiten bas Drepeck bca 19 Fig. nach dem verjungten Maasstabe, so kann man in dieser

Beichnung ben Winkel a = A meffen,

2. Das sest also nur zum voraus, daß ber Markscheider ein Maaß ben sich hat, die Schnure AB, AC, BC, damit zu messen. Es muß Heine Theile enthalten, ober man muß einen Theil davon, in kleinere getheilt haben, die Linien genau zu meffen, besonders BC die nicht willkührlich ist.

4. Wollte man sich der kachterschnur bedies nen, die man ohnebem zu brauchen gewohnt ist, to könnte man besonders auf Holz oder Messing. ein Achttheil, ober ein halbes Achttheil in tausend

Theile getheilt haben.

g. Weil die Schenkel des Winkels von wilkustelicher länge können genommen werden, so würde ich rathen jeden zehn Achttheile lang zu machen, die Sehne auch mit Uchttheilen, und Tausendtheilen eines Achttheils zu messen.

6. Oder wenn man nicht so lange Schenkel nehmen wollte, könnte man jeden funf Achttheil machen, und ben Abmessung der Sehne, sich der ganzen, und

bes halben in Lausendtheile getheilt Febienen.

7. Jedes dieser Verfahren (5; 6;) gabe des Drenecks gleiche Schenkel jeden = 10000 und die Grundlinie in solchen Zehntausendtheilen.

8. Wolte man sich also ben der Zeichnung etz wes verjüngten Maasstabes bedienen, der wie gewöhnlich 1000 Theil hat, so könnte man zuerst von khm die Gründlinie verzeichnen, und die Schenkek darüber, zehnmahl so lang als er ist sesen.

g. Ware die Grösse dieser Zeichnung zu under quem, so würde man wohl sich befriedigen können, wenn man einen Theil des verjüngten Maasstabes so viel bedeuten liesse als zehn des wirklichen. Des Drepecks Schenkel würden da der länge des versigungten Maakstabes gleich.

. Wenn man nicht aus der Spine des Wine

tels messen konnte.

10. Es könnten wohl ein paar gerade Linien, BD, CE, ihrer lage nach gegen einander bestimmt senn, ob man gleich den Punkt. A in dem sie zugsammenstossen, nicht vor Augen sähe, oder sonst nicht bequem genug von ihm messen könnte.

11. 3. E.



en paar Gange zu Tage ausstrichen, boch nahe genug ben einander, daß man von einer zur ans ven auf einer Ebene messen könnte.

12. Da messe man also in den benden Linien willkührliche Stücke BD, CE; Ferner die Unien BC, BE, CD.

13. Nun die Zeichnung zu machen, ziehe man auf dem Papiere, be nach dem verjüngten Maasse

so groß als BC nach dem wirklichen ist.

Darauf setze man nach dem versüngten Maasse die Drenecke bed, bee, wie die grossen nach
dem wirklichen Maasse sind.

Go hat man die Linien bd, ce, die verlängigert einander in a schneiden, und das Oreneck basist dem grossen, das eben die Buchstaben hate ähnlich.

14. So gabe sich durch Ahmessen auf der Zeiche nung wo die Linien, wie (11) zusammenstiessen und was sie für einen Winkel machten.

Trigonometrische Auflösung.

- gemessen man wie (2) Schenkel und Sehne gemessen hat, so kann man allemahl aus den drep Seiten, den Winkel A berechnen.
- 16. Da wird nun alles sehr erleichtert, wenn man die Schenkel gleich macht und wie in 5 oder 6 versährt.

17. Die Regel ven Winkel zu finden, ist aus Trig. 9. S. folgende:

Man halbire die gemeffene Sehne.

Diese Hälfte sehe man als einen Sinus, füt den Sinustotus = 10000 an;

Das ist man suche unter den Sinussen wie sie in den gewöhnlichen Taseln sür den Sinustotus zehn Millionen stehen, den auf dessen höchste Ziser, Die dren niedrigsten abgeschnisten, ihr am nächsten Kommen.

Den Winkel, welcher diesem Sinus zugehört, verboppele man, so hat man den gesuchten.

18. **Exempel.** Für BA = CA = 10000; sep BC = 11387

 $\frac{1}{2}BC = 9693, 9$

Aber sin 34° 421 = 5692795

43 = 5695186

Wenn man von jeden dieser Sinusse die brey niedrigsten Zisern abschneidet, so fällt die halbe Sehne zwischen bende, und ziemlich nahe an den kleinern. Man nehme also seinen Winkel für des gesuchten Hälfte an, so ist der gesuchte $\Lambda = 69^{\circ}$ 24.

18. Wenn es der Mühe werth wäre, und man sich auf die Messung der Linien genau verlassen dürfte, könnte man den Winkel noch schärfer sinden. Man bringe die Sinus auf den Sinustontus zehntausend, oder man stelle sich vor jedes vier ni drigste Zisern, sind Decimalbrücke, und die höhern Ganze. So ist der benden Spulse Underphöhen

Sehne Unterschied = 0, 204; zu diesen benden Zahlen und 60 die vierte Proportionalzahl = 18. Um so viel Secunden ist der halbe Winkel grösser, als der kleinste der benden, zwischen die er fälle. Volglich bekömmt der ganze zu der angezeigten Brösse noch 36".

19. Die trigonometrischen Taseln zeigen, das bis auf 75° 45°, die Sinus sich in Zehntausentstheilchen des Sinustotus andern, in dem sich die

Bogen um einzelne Minuten anbern.

20. Wenn man also nach gegenwärtigem Verschren den halben Winkel kleiner als 75 Grad sindet, so hat man ihn innerhalb einer Minute, und den ganzen innerhalb 2 Minuten. Es ist auch leicht zu sehen, welcher von den benden Minuten, zwischen die er fällt, der halbe am nächsten liegt, und welcher seiner Grenzen also der ganze am nächsten senn wird.

21. Für gröffere Winkel findet man den halben mit einer Ungewißheit die 2 oder mehrere Minuten beträgt, und den ganzen allemahl mit doppelt

so viel.

22. Einen so stumpsen Winkel, wurde ich rathen, durch eine Schnur, die aber genau in seiner Sbene mußte gezogen senn, in zweene zu theisten, und jeden einzeln zu suchen.

1n 5; 6; nur in Hunderttheile getheilt, so gaben sich die Sehne des ganzen Wiesels oder der Sinus

nus des halben, nur in Tausendtheilen des Sinustotus. Dergleichen Sinus stellen die in den Tafela vor, wenn man von jedem die vier niedrigsten Zisern abschneidet. Da läßt sich der halbe Wintel, wenn er über 10 Grad beträgt, nicht genauer sinden, als auf 2 oder 3 Minuten, der Ganze auf 4 oder 6 Min. All-mahl viel genauer als ihn Compaß oder Eisenscheiben angäben. Nur ben ziemlich stumpfen Winkeln, wurde die Ungewißheit Viertheils dis halbe Grade betragen. Solche Winkel mußte man also in kleinere theilen, (22) oder verfuchen, ihre Nebenwinkel zu messen.

24. Wer sich die Mühe ersparen wollte, erst jedes Winkels Hälfte aufzusuchen, und dann zu verdoppeln, könnte sich eine Lasel der Sehnen sür den Sinustotus Zehntausend machen. Nähmlich, jeden Sinus in den Laseln verdoppeln, und vom Doppelten die vier niedrigsten Zisern abschneiden, mit der Vorsichtigkeit, daß der bleibenden niedrigste um 1 vergrössert wurde, wenn die weggeworsenen mehr als eine halbe Einheit von ihr austragen.

Diese Tafel ginge von 2 zu 2 Minuten.

25. Wer nur alle Sinus bis 45 Grad verdoppelte, hatte eine solche Tafel, die aber nur bis an den rechten Winkel zu brauchen wäre.

26. Stumpfe Winkel mußte er also nach (22)

eintheilen.

27. Für den Sinustotus Taufend (23) findes sich eine solche Tafel (24) in P. Vernh. Grubers, eines Cisterciensers, und Prof. der Philos. zu Prag, D 2 HoroHorographia Trigonometrica, Prag 1718; 4°. am Ende des Buchs. Sie geht nur dis an 90 Grad (25). Wie genau sie die Winkel geben kann

zeigt (23).

28. Wenn man Winkel zeichnen will, (und dazu ist Grubers Tasel bestimmt) läßt sich nicht wohl was genauer eingetheiltes zum Sinustotus brauchen, als ein tausendtheilicher Maasstab. Und so kann eine Tasel wie Grubers, zu Zeichnungen zulänglich seyn.

29. Aber, Winkel zu meffen, könnte man, dachte ich, wohl ben Sinustotus Zehntausend branchen.

30. Es ist nichts Neues, Winkel so burch Sehnen zu meffen. Man hat eine Tafel bagu von Dzanam, welcher annimmt, man mache jeden Schenkel 30 Fuß, und messe die Sehne mit einem Maasse, wo der Juß in 12 Zoll'getheilt ist. Das ware so viel als Sehnen für den Sinustotus 30. 19 = 360, wenn die Sehnen durch alle einzelne Zolle gingen; sie gehen aber in der Tafel von 2 zu 2 Zollen, das ist die Tafel giebt die Winkel nur so genau an, als Sehnen für den Sinustotus 180 sie angeben können, also ist ein Winkel von seinem nachsten schon um viel Minuten unterschieden, wenn die Winkel nur mäßig groß werben. Da nun auch die Einrichtung des Maasses ben dieser Tafel ziemlich unbequem ist, so verdiente sie es eben nicht, daß sie so oft ist abgebruckt worden. Man findet sie unter andern auch in Sturms Ausgabe von Strauchs Zafeln, gegen bas Ende.

Hrn.

Hrn. M. Cberhards Beschreibung einer neuen Meßtasel Halle 1753, ist bequemer eingerichtet, enthält aber nur sur den Sinustotus 500 Sehnen von halben zu halben Graden.

Trigonometrische Auflösung des Falls in 10.

- 31. Aus der Drenecke DBC, ECB, Seiten berechne man die nur genannte Winkel. Ihrer Summen Supplement zu 180 Graden ist der geschichte A. Auch kann man im Drenecke ABC, aus der Grundlinie und den Winkeln, die benden übrigen Seiten berechnen.
- 32. Steht es fren BD = CE und jede so lang als BC, welche nicht willkührlich ist, zu nehmen, so werden die benden Orenecke, in denen man die Winkelschicht, gleichschenklicht, und die Rechnung ist leichter.

12. Anmerkung.

Winkel mit donlegigen Schenkeln auf söhlige zu bringen.

1. Wenn die Schnuren, durch welche der Markscheider Schenkel eines Winkels angiebt, donlegig sind, so will er eigentlich nicht diesen Winkel-wissen, sondern den Winkel den die benden seigern Ebenen durch die Schnuren machen, oder, wie er sich ausdrückt, der Schnuren Sohlen.

2. Diesen

2. Diesen Winkel giebt ihm ber Hängecompaß an, welcher sich unter jeder Schnur, in der seis gern Sbene durch sie söhlig stellt. (7. Unm. 54).

3. Wenn es ihm verboten ist, den Compaß zu brauchen, so sucht er die Eisenscheiben dazu einzweichten. Wie das geschicht, und daß es mit allerlen Unbequemlichkeiten und Unsicherheiten verbunden ist, lehret das was ich von den Eisenscheiben gesagt habe (8. Unm.).

4, Weiß man nun den donlegigen Winkel blos durch Abmessung gerader Linien zu sinden, so kann man leicht auf die Gedanken gerathen, ob sich nicht auch ein Verfahren angeben lasse, aus dem

donlegigen den söhligen zu finden.

5. Das ist die Absicht nachfolgender Untersuchung. Es versteht sich daben, daß der Schnueren Donlegen bekannt sind. Den Gradbogen verstieten die Eisenerze nicht.

Wenn man einen Winkel gemessen bat, dessen Schenkel gegen den Sorizont genneigt sind, zu finden, was die beyden Verticalflächen durch seine Schenkel, für einen Winkel machen.

6. OP = OQ 20 Fig. sind ein paar gleich lans ge Schenkel eines Winkels, deren jeder eine andere Neigung gegen den Horizont hat. Ich nehme sie bende gleich lang, als eine Vorbereitung zur folgenden Untersuchung. Sonst kann man sich jeden Schenkel so lang, als man will, vorstellen.

7. Der

7. Der Winkel heisse POQ = g; jeber seiner gleichen Schenkel = a.

8. Ich nehme an, man weiß die Neigung jedes Schenkels gegen den Horizont. In der Figur

läßt sich dieses so abbilben:

9. Man stelle sich durch O eine Horizontalstäche vor, und auf sie Verticallinien PK; QS; so
sind der Schenkel des Winkels ihre Neigungen,
POR = p; QOS = q.

Der Markscheiber nennt, von des Winkels Schenkeln, PR, QS, Seigerteufen, OR, OS,

Sohlen.

10. Die Ebenen POR, QOS sind vertical (Geom: 47. S.). Also ist ihr Durchschnitt auch vertical (Geom. 48 S.). Mit demselben maschen die horizontalen Linien (9) OR, OS, rechte Winkel. Folglich ist ROS der verticalen Ebenen Neigung gegen einander (Geom. II. Th. 2. Erkl.).

11. Dieser Winkel ROS = h ist der, welcher

gesucht wird.

12. Durch die parallelen Verticallinien (9) geht (21 Fig.) eine verticale Ebene PRSO, welche in der Il Fig. besonders vorgestellt wird. In ihr ziehe man QT horizontal, so ist QT = SR; und PT = PR — QS.

13. Was also zu (11) ersodert wird, läßt sich

folgendergestalt übersehen:

Unmittelbar gegeben sind g; *; (7) p; q; (9) auch die Sehne PQ.

Daraus suche man PR; OR; QS; OS;

\$4

So hat man auch PT (12).

Und, weil QTP ein rechter Winkel ist, hat man auch QT = SR.

Also des Drenecks ROS Seiten, und daher uns ter seinen Winkeln den gesuchten:

Aufldsung durch Zeichnung.

14. Man beschreibe mit einem Halbmesser om (22 Fig.), der nach dem verjüngten Maasse so viel halt als OP = OQ nach dem Wirklichen, einen Kreis, oder nur so viel davon als nothig ist.

rç. Da nehme man die Bogen mq, mp, ben Winkeln QOS, POR gemäß, daß also diesen Winkeln hie qom, pom gleich sind.

16. Man fälle die Perpendikel pr, qs; Sie werden nach dem verjüngten Masse so viel halten, als PR, QS, nach dem wirklichen Masse. Und so hat man aus der Zeichnung die Grösse dieser Linien PR; QS, die man nicht unmittelbar messen kann.

17. Eben so aus or, os, in der Zeichnung, die Linien OR, OS.

18. Man ziehe at parallel mit mo, (22 Fig.) so ist pt nach dem verjüngten Maasse, PT nach dem würklichen, weil pr, as, unter sich parallel sind, wie PR, QS.

19. Aber der Winkel pog ist nicht = POQ, jener ist = pom — gom das ist aber dieser nicht.

Daher sind auch nicht pq; qt, nach dem verjungten Maasse so viel, als PQ, QT, nach dem wirklichen.

20. Nun nehme man (23 Fig.) pa nach dem verjüngten Maasse, so groß als PQ welche man

meiß (13).

Darüber als über einem Durchmesser, beschreibe man einen Halbkreis, und trage in selbigen

Die Sehne pt = ber (18) gefundenen.

Zieht man nun hie qt, so ist, wegen des rechten Winkels ben t, das hie gezeichnete Drepeck dem mit den gleichgültigen grossen Buchstaben (20 u. 21 Fig.) ähnlich.

Also hie (23 Fig.) qt nach dem verjüngten Maasse, so groß als QT = RS nach dem wirk-

lichen.

21. Man nehmer (24 Fig.) = qt (23 Fig.) und zeichne baran bas Drepeck rol mit den benden übrigen Seiten ro, so aus der (22 Fig.).

22. So ist dieses Dreneck ros, dem ROS ahnlich (20; 17;) also der Winkel ros = dem gesuchten ROS.

Auflösung durch die ebene Trigonometrie.

23. Die Sehne PQ 20 Fig. = 2. a. $\lim_{\frac{1}{2}} g = c$ 24. PR = a. $\lim_{\frac{1}{2}} p$; OR = a. colp ; QS =

s. fin q, OS = a, cof q.

25. Mun hat man PT = a. (fin p - fin q).

26. Hus 23; 25; $QT = \sqrt{(PQ^2 - PT^2)}$.

27. Die Ausziehung der Quadrativurzel, kann man so vermeiden:

Man suche den Winkel PQT = Q;

Es ist nahmlich $\frac{PT}{PQ} = \sin Q$.

Mun hat man $QT \rightleftharpoons c. cof Q.$

28. Dieses Verfahren, gabe vollkommne Richtigkeit, wenn man den Winkel Q genau in den Tafeln sände.

Meistens aber werden in den Tafeln nur Gran-

gen stehen zwischen bie er fällt.

Alsbenn hat man auch seinen Cosinus nicht genau in den Taseln, sondern nimmt statt dessen was, das ihm am nächsten kömmt; Und so giebt sich das Gesuchte mit einer kleinen Unrichtigkeit.

Diese Unrichtigkeit, wird doch meistens nicht grösser senn, als sich der Markscheider sonst gefal-

len läßt.

Man vermiede sie durch Proportionaltheile, bas machte aber die Rechnung etwas mubsam.

Prempel:

29. Ich seife man habe folgendes, theils angenommen, theils durch unmittelbare Messung ge-funden.

a = 10000; c (23) = 12244 Also i c = 6122; giebt des Winkels PQQ Hälftè ein wenig kleiner als 37° 45° also den ganzen g ein wenig kleiner als 75° 30°. Diesen Werth will ich sür g annehmen.

30. Fer-

- 30. Ferner habe man burch ben Grabbogen ge $p = 50^{\circ} 30^{\circ}$ funden (9) q = 23 30
- 31. Diefer Winkel, Simus und Cosinus, auf ben Sinustotus Zehntausend gebracht, ober von jedem Die dren letten Zifern als Decimalbruche angese. ben, geben

$$PR = 7716, 246$$
 | $OR = 6360, 782$ | $Q8 = 3987, 491$ | $OS = 9170, 601$ | $PT = 3728, 755$

PT ist hie der Unterschied zweener Sinusse für einen Sinustotus. Dergleichen Unterschied kann man durch bas boppelte Produkt aus dem Sinus und Cosinus der halben Summe beyder Winkel ausdrucken. (Trigon. 19. Saß V. Zusaß oder s. aftron. Abh. 9) und bas giebt also bem Logarithmen dieses Unterschiedes durch die Sums me etlicher logarithmen.

'In der Folge braucht man den logarithmen dies ses Unterschiedes, und da ware das angezeigte Werfahren nicht unnug, ihn genau zu finden. Die aber da man sich mit Zehntausend als Sinustotus begnügt, belohnte es nicht die Mühe, die Rechnung durch diesen Runstgriff, ein wenig schärfer, und viel weitlauftiger zu führen.

32. Nun nach (27). Weil ich bie nur mit ben ges meinen logarithmischen Tafeln rechnen will, nebme ich, der Wahrheit näher zu kommen, PT =

3729. Weil c = 2. 6122 hat man ben logarith. men auch aus ben gemeinen Tafeln.

$$log PT = 13, 5715924$$

 $log c = 4, 0879233$

log fin Q = 9, 4836691

giebt Q = 17° 441 -

33. Nun log c = 4, 0879233 abbirt log tab cof Q - 10 = 9, 9788579 — 10 $\log QT = 4$, 0668812

Die gemeinen Tafeln, geben die Zahl welche diesen logarithmen gehört zwischen den Zehnfachen von 1166 und 1167, daraus man sieleicht durch Proportionaltheile berechnen kann. In grössern Tafeln sindet man sie sogleich ein wenig kleiner als 11665, welches man für sie annehmen kann.

34. Nun ist noch übrig aus des Drepecks ROS drep Seiten, den genannten Winkel zu sinden. Die Rechnung nach meiner Trigon. 20 S. besombers 16 u. f. Art. in der dritten Ausgabe läßt sich so vorstellen.

OR = 1 = 6360,782OS = b = 9170,601

RS = c = 11665

$$a+b+c=27196$$
 (I
 $a+b-c=3866$ (II
 $a+c-b=8855$ (III
 $b+c-a=14474, 8$ (IV

Diese Summen, die aller dren Seiten, und die von jedem Paare, weniger der dritten, zu berechenen, habe ich ben den Seiten ansange die Decimalbruche beybehalten, damit jede dieser Summen ein wenig richtiger herauskame; darnach habe ich sie von den Summen weggelassen. Nur den der letten habe ich den Decimalbruch benbehalten, statt dessen ich aber denm Gebrauche die niedrigste Ziefer der Ganzen, 4; in 5 verwandeln will.

35. Ich nehme an daß jemand, der nur die ges meinen togarichmischen Taseln besist, sür die hie vorkommenden Zahlen, welche diese Taseln übersteigen, die togarithmen durch Addiren oder Proportionaltheile sindet. Ich habe mich gleich der

gröffern Tafeln bedient.

36. Wenn man den gesuchten Winkel durch seinen Sinus bestimmen will, so muß man vorläusig wissen, ob dieser Winkel spisig oder stumps ist. Es ist aber bekanntermaassen im ersten Falle a² + b² kleiner, im zwenten grösser als c². Dieses nun leicht zu erforschen, berechne ich den logarithemen von c² — b² oder (c + b). (c — b) und halbire ihn, sehe, ob ihm eine grössere oder kleinere Zahl gehört als a. Im ersten Falle ist der Winekel spisig im andern stumps.

37. Im Erempel ist c + b = 10835, 601;

e - b = 2494,399

log 10830 = 4, 03462842494 = 3, 3968964

Bumme = 7, 4315248 halb, = 3, 7157624

Gehört zu 5197; einer viel kleinern Zahl als 21 Also ist der gesuchte Winkel stumpf.

38. Diese Frage könnte man auch entscheiben, wenn man nach einem verjüngten Maasstabe ein Drepeck wie ROS aus den drep Seiten zeichnete (34) da sich wiese, ob der Winkel stumpf oder spisig wäre:

Tels ersparen. Und allerdings steht es jedem fren, ob er sie zu dieser Absicht groß und genau genug machen will. Weil man aber doch in einer Zeichnung nie einen Winkel so scharf messen kann, als er sich berechnen läßt, höchstens ihn auf 4 oder 5 Minuten, oft nicht einmahl so genau, aus der Zeichnung weiß, so muß man nach seinem Endszwecke entscheiden, ob man sich mit der Zeichnung befriedigen, oder, die freylich mubsame Rechnung vornehmen will.

40. Diese Rechnung sieht so aus
(34) log (1) = 4, 4345050
(11) = 3, 5872618
(111) = 3, 9471886
(1111) = 4, 1606186

6. der Column.= 11, 2111220 4918452

Ganze Summe = 16, 1295740

10
$$+$$
 Dalfte = 18, 0647870 = M
log 6361 = 3, 8035254 \\
9171 = 3, 9624167 \\
= 0, 3010300 \\
2 ab = 8, 0669721 = N
M - N = log fin h = 9, 9978149
gehort zu 84° 15'
179 60
h = 95 45 (37)

Auflösung durch die sphärische Trigonometrie.

41. Ich will zuerst die Vorschriften geben, wie sie jemand, der auch keine sphärische Trigonomestrie kennt, verstehen kann, und denn zeigen, wosher diese Vorschrift fließt.

. 42. I. Man ziehe die kleinere Donlege von der grössern ab.

II. Diesen Unterschied abbire man zu dem Winkel mit donkegigen Schenkeln,

III. Und ziehe ihn auch bavon ab.

IIII. Man halbire II; und III;

V. Dieser Hälfte Sinus multiplicire man wit

VI. Und dieses Produkt multiplicire man in das Quadrat des Sinustotus.

VII. Was so entstanden ist, dividire man durch das Produkt der Cosinusse der Donlegen.

VIII.

VIII. Der Quotient ist das Quadrat des Sienus der Hälfte pes gesuchten Winkels.

VIIII. Zieht man also aus dem Quotienten die Quadratwurzel, so hat man diesen Sinus, und

sein Winkel perdoppelt, ist der gesuchte.

42. Wenn man die Buchstaben (23; 24; 11) braucht, so ziehen sich diese Regeln in nachstehende Zeile zusammen.

$$(\frac{1}{2}h)^2 = \frac{1}{2}(g+p-q). \quad \frac{1}{2}(g-(p-q)). \quad r^2$$
colp. colq

43. Für bas vorige Erempel ist (30) p — q = 27°; Also (29)

$$g+p-q=102^{\circ} 30' \text{ halb} = 51^{\circ} 15'$$

 $g-(p-q)=48 30 = 24 15'$

$$\log \sin \frac{1}{2} (g + p - q)) = 9,8920303$$

$$\frac{1}{2} (g - (p - q)) = 9,6135446$$

Summe = 19, 7659083 = N

M - N = 19,7396666 $108 = 108 \text{ fin } \frac{1}{2} \text{ h} = 9,8698333^{11}$

giebt ½ h = 47° 49′ 8″

20160 h = 95 38 16

Zuvor (40) 95 45

Unterschied bender Rechnungen 7

44. Die Secunden ben dem halben Winkel durch Proportionaltheile zu suchen, ist deswegen nicht überflüßig, damit man den ganzen besto richtiger bekömmt. Betragen sie benm Ganzen noch keine halbe Minute, so kann man sie weglassen.

45. Nur diesen kleinen Theil der Rechnungen für die Secunden, habe ich nicht hergeset; Sonst steht altes da, und so erhellt, daß diese ganze Rechnung noch lange nicht so weitläustig und mühesam ist, als nur der letzte Theil der vorigen in (40.)

- 46. Daß man aber hie den gesuchten Winkels schaffer sindet als dorten, ist daraus klar, weik man dorten so viel Zwischenrechnungen nothig hatete, durch die man Grössen suchte, nur in der Abssicht aus ihnen das lette Gesuchte zu bestimmen, und diese Grössen fand, und brauchte man nicht in gröster Schärse, daß also der 40 gesundene Winkel das Resultat einer Rechnung voll kleiner Unrichtigkeiten ist. Daher kömmt der Unterschied bender Rechnungen. Hätte man in (29) nur a 1000 angenommen, so ware Alles, solglich auch h noch mit geringerer Richtigkeit berechnet worden.
- 47. In den bisherigen Rechnungen nahm ich an, die Schnuren OP, OQ, gingen von der söhligen Seine, durch O, bende auswärts. Dem Markscheider kann sich oft ereignen, daß die erste auswärts, die andere niederwärts geht, oder, wie er sich ausdrückt: jene steigt diese sällt.

48. Die Rechnung kann alsbenn doch noch nach der Formel (42) geführt werden. Man muß nur wissen, daß ein Winkel, den eine Linie mit dem Porizontalwinkel unterwärts, oder sallends macht, als verneint anzusehen ist, und nun muß man mit verneinten Grössen zu rechnen versichen. Dieser Winkel nähmlich wird addirt, wenn der ihm entgegengesetzte bejahte abgezogen würde, und umgekehrt. Eines verneinten Winkels Sinusist dem Sinus des bejahten sonst gleichen Winkels entges gengesetzt, aber Cosinus für bejahte und verneinte Winkel sind einerley.

49. **Erempel.** Die Schnur OP steigt 12 Gr. 30 Min. Die OQ sällt 20 Gr. 30 M. Ihr Winkel g.= 50 Gr. Also ist p = .12° 30'; q = - (20° 30') p - q = 12° 30' + 20° 30'

= 33°; Und nun

$$g+p-q=83^{\circ}$$
 halb 41° 30'.
 $g-(p-q)=27$ 13 30
 $\log \sin 41^{\circ}$ 30' = 9, 8212646
13 30 = 9, 3681853

log cosp = 9, 9875815] q = 9, 9715876]

Summe = 19, 9611691 = N

M - N = 19, 9282808

halb = 9, 6141404

giebt \(\frac{1}{2} \) \(\hrac{1}{2} \) \(\frac{1}{2} \) \(\hrac{1}{2} \) \(\hrac{1}{2

- 50. Wenn bende Schnuren stiegen, gehörte in vorigen Rechnungen q der, die am wenigsten stiesge, oder es bedeutete von den benden Neigungswinkeln den Kleinsten.
- Grösse weniger als Michts ist, hat man einen verneinten Winkel allemahl kleiner zu schäßen als einen bejahten, wenn er auch gleich mehr Grade hätte als der bejahte. Denn er ist weniger als Nichts, der bejahte mehr. Dieß ist der Grund, warum ich in (48) q dem Fallen zueignete, obsgleich das Fallen mehr Grade beträgt als das Steigen. Denn solchergestalt bleibt dieser Buchstabe immer noch ben dem kleinsten Winkel, wo er war, wenn bende Schnuren stiegen.
- 52. Nun könnten auch bende fallen, das ist: die Linien OP, OQ, bende von der söhligen Ebenne durch O, niederwärts gehen. Alsdenn bedeuteten sowohl p, als q, verneinte Winkel.
- Dinkel bedeutet, wenn bende bejaht sind, muß es von benden verneinten Winkeln den bedeuten, der die wenigsten Grabe hat, der Schnur gehören, die am wenigsten fällt. Von ein Paar verneinten Grössen schaft man die für die gröste, welcher zum Nichts am wenigsten fehlt.
- 54. **Erempel.** Die eine Schnur siel 27° 30°. die andere 43° 15' so setzte man

$$\begin{array}{r}
 p = -37^{\circ} - 36^{\circ} \\
 q = -43 - 15 \\
 p - q = +16 - 15 \\
 = +15 + 45
 \end{array}$$

Machten nun die Schnuren einen Winkel von 50. Gr. 20 M. = g; so ware

$$g + p - q = 66^{\circ}$$
 5' halb 33° 2' 30''
 $g - (p-q) = 34$ 35 17 17 30.

lassen man hie die Secunden nicht weglassen will, ist es leicht die logarithmen der Sinusse der halben Winkel durch Proportionaltheile zu sinden, weil man nur den Unterschied der benden nächsten logarithmen, zwischen die ein solcher logarithme fallen muß, halbiren dars.

36. Uebrigens wurde für dieses Erempel die Rechnung wie vorhin geführt. Die Cosinusse von p und 9 sind die, von 27 Gr. 30 M. und von

43 Gr. 15 M.

57. Ist eine der benden Schnuren söhlig, die andere steigt, so darf man nur in (42) q = 0 seken.

58. Für diesen einfachern Fall aber ist schon vorhin den Gelegenheit der Eisenscheibe (8 Anm. 53) eine Formel gegeben. Weil dorten die Größen anders heissen als hie, so will ich, damit man sich in den Buchstaben nicht irrt, die dortigen Bezeichnungen in die hiesigen überseßen. Es heist

borten t h p hie h g p 59. Also ist in der gegenwärtigen Bezeichnung cosh = $\frac{\hat{r} \cdot \cos g}{\cos p}$

Daß (59) eben den Winket giebt, ben man nach (57) bekäme, läßt sich aus trigonometrischen Lehren zeigen. Wer diese zulänglich inne hat, wird die Vergleichung für sich aussuchen, und einem andern siele ich hie ohne Nußen damit beschwerlich.

60. Ist eine Schnur söhlig, die andere fähle 3. E. 12°; So setze man für die söhlige p = 0; für die fallende q verneint, im Exempel = — 12°; damit q wieder den kleinsten bender Werthe hat. (52). Im Exempel wäre

p - q = + 12.

61. Db bende Schnuren steigen, oder eine steigt die andere fällt, oder bende fallen, oder eine steigt oder fällt, die andere söhlig ist, diese fünf Fälle sind in der einzigen Formel (42) mit gehörigem Gebrauche de der bejahten und verneinten Grössen enthalten.

62. Noch ist also übrig dieser Formel Ursprung

zu zeigen.

63. Man stelle sich vor aus O (20 Fig.) werden mit dem Halbmesser a (7) Bogen beschrieben, einer in der Ebene POR, der andere in der Ebene QOS. Jener schneide OR in H; dieser OS in K; So sind diese Bogen HP, KQ, Maassel der Winkelp, q.

64. Ein

64. Ein Vogen mit eben dem Halbmesser aus eben dem Mittelpunkte, geht also durch H und K, un ist des Winkels h Maaß (11).

65. Die benden Ebenen, in denen die Bogen (62, beschrieben sind, schneihen einander in einer geraden Linie, die durch O senkrecht auf 110K steht,

also vertical ist.

seiner Seine weiter auswärtz, so schneiden sie einander in einem Punkte der Verticallinie (64), welcher von O um den angenommenen Halbmesser entfernt ist. Dieser Punkt heisse Z. Von Z bis H und K sind Quadranten.

67 Ein Bogen mit eben dem Halbmesser in der Ebene POQ geschrieben ist des Winkels g

Maağ

58. Also kann man sich eine Rugel vorstellen, deren Mittelpunkt O, Halbmesser = a, auf ihrer Fläche Quadranten größter Kreise ZH, ZK (25 Fig.), welche mit dem Bogen KH, ben K und H rechte Winkel machen. In diesen Quadranten HP == p; KQ = q; und den Bogen PQ == g.

69. So hat man ein Rugeldrepeck ZQP; in selbigem sind die dren Seiten gegeben PQ = g;

 $PZ = 90^{\circ} - p$; $ZQ = 90^{\circ} - q$.

70. Der Winkel Z bieses Rugeldrepecks hat zu

seinem Maasse ben Bogen KH = h.

71. Und so ist die Frage (11) darauf gebracht, n diesem Augeldrepecke, aus den drey Seiten, den Winkel zu finden.

72. Aus

72. Aus der sphärischen Trigonometrie (3 Sax) findet sich das Quadrat des Sinus der Hälste des Winkels folgendergestalt.

 $f_{\frac{1}{2}}(PQ+ZQ-ZP), f_{\frac{1}{2}}(PQ-(ZQ-ZP))_{r^2}$

fin ZP. fin ZQ.

Mun ist ZQ - ZP = p - q; und so übersest man leicht den gegenwärtigen Ausbruck in die Buchstaben (42).

73. In dem einfachsten Falle, wenn eine der benden Schnuren sohlig ist, giebt es ben dem sohligen Winkel, den man berechnet, nicht unbeträchtsiche Fehler, wosern man den donlegigen mit einkger Unrichtigkeit gemessen hat. (8 Unm. 65; 69;)

Also läßt sich auch hie urtheilen, daß Unrichtigkeiten in Messung des Winkels g begangen, nicht unbeträchtliche Folgen in dem berechneten Winkel lihaben werden. Eine allgemeine Formel, wie ich dorten für den leichtern Fall gegeben habe, würde hie zu verwickelt werden. Diese Bemerkung diene also nur, zu erinnern, daß man sich bemühen folk, g, auch p und q, so genau als möglich zu messen.

74. Von der Aufgabe: Einen Winkel in einer schiefen Ebene auf den ihm gehörigen horizontalen zu dringen, habe ich schon in meinen astronomischen Abhandlungen 1. Samml. 1. Abh. 168 u. s. S. umständlich geredet. Damahls dachte ich aber vornähmlich daran, wenn die Schenkel des Winskels a nur kleine Winkel mit dem Horizonte maschen, welches sich benm Feldmessen oft ereignet.

Ich suchte daher für diese Voraussehung Naherungen aus allgemeinen Vorschriften herzuleiten, sand aber, daß sich hierinnen nichts bequemes erhalten läßt. Daß man solche Untersuchungen auf die Eisenscheiben und überhaupt auf gegenwärtige Aufgabe der Markscheibekunst anwenden kann, has be ich in diesen Abhandlungen II. Sammlung, 92 S. erinnert. Hie aber schiene mir die deutliche Aussührung einen Plas zu verdienen, um desto mehr, weil die Vergleichung der dren Ausschlungen (14; 23; 41;) die vorzügliche Bequemlichkeit

und Richtigkeit ber letten zeigt.

75. Damit man übrigens diesen ganzen Borschlag, Winkel durch Ahmeffung gerader Linien, ohne Hangecompaß und Eisenscheiben zu bestimmen, nicht etwa für blosse Spißsindigkeit eines Theoretikers halt, so muß ich noch benbringen, daß ihn Woigtel schon gethan hat. Er trägt so mas Part. 14/3 n. 2. 113 Seite unter der Aufschrift por: wie auf Eisenbergwerken accurater Scheiben, als mit Scheiben, ohne Compag abzuziehen; Mur mit Waage und Schnur, welches ihm besser, obwohl zu Hause benm Ausrechnen und Zulegen muhlamer zu statten kommt. Woigtel mißt ebenfalls die Sehne eines Winkels den ein paar gezogene Schnure machen. Er sucht dieser Sehne Seigerteufe und Sohle (ben mir PT, TQ); bie lette durch Ausziehung der Quadratwurzel. Db er sich aber dieser Sohle recht bedient, die tagen ber Sohlen ber benben Schnure zu bestimmen

men (ben mir OR, OS;) bas mag man ben ihm nachsehen. Vielleicht hat er richtiger gedacht als sich ausgedruckt. In seiner Figur wenigstens, nennt er noch die Schnüre selbst, wo er nur ihre Sohlen nennen sollte. Die Vortheile welche Geometrie und Trigonometrie hieben darbieten, waren ihm wohl nicht sehr bekannt, an sphärische Trigonometrie konnte der Markscheider zu V. Zeiten natürlicher Weise gar nicht denken. Daß der Winskel durch die Sehne nicht gar zu richtig gemessen wird, wenn tr etwas stumpf ist, hatte V. gleichwohl auch bemerkt.

76. Weibler beschreibt auch so ein Verfahren §. 54. 1. Auflös. 9. Fig. Man soll an die Sebze den Gradbogen henken, um derselben Steigen (ben mir den Winkel PQT) zu finden, wenn es sich ohne Krümmung der Schnüre thun läßt.

Daß es sich nicht wohl ohne Krümmung der Schnur thun läßt, wurde man wohl schon urtheisen, wenn es auch Voigtel nicht schon gesagt hatete, der sich ohne. Zweisel sonst dadurch gern die Ausziehung der Quadratwurzel (75) wurde ersspart haben.

77. Wie man die Messungen der Schenkel des Winkels und der Sehne brauchen soll, lehrt Weideler erst §. 66. 1. Fall ben Gelegenheit des Julegens. Es hängt aber mit gegenwärtigem so natürlich zus sammen, daß ich hie davon reden muß.

78. Beiblers Vortrag und seine bazu bestimmte 10 Fig. scheinen mir ganz verwirrt zu senn. Er will bas Drepeck odb, wie er sich ausbruckt, horizontal barstellen, und zieht zu bieser Absicht die unterste Horizontallinie zgd.

fo muß er sich burch d eine föhlige Ebene bie von ber seigern burch de in dz gen virb. Dieß erhellt auch baraus, well eignen Angabe, cz; zd; ber linie cd,

fe und Soble find.

eidler nennt ausdrücklich die Linie zyd,
an, daß cz, by bendes Perpendikel auf biese Linie sind, solglich ist zyd in der Ebene des Drenecks abd; und weil er az, by für seigere lie mien annimme, ist dieses Dreneck in einer seigern Ebene.

"Es foll aber ohnstreitig bas Dreneck cbd feiner 9 Fig. bebeuten , benn S. 66. will er zeigen,

inie bes S. 54. gemeffene jugelegt wirb.

Das Dreveck obd ber 9 Fig. ist aber nicht in einer feigern Ebene, wenigstens laßt sich bieses nach der Absicht ber 9 Fig. nicht allgemein annehmen.

Also hat sich Beibler bie verwirrt, und felbst

: wicht gewußt, mas er wollte.

gr. Von diesem Wiederspruche könnte man-ihn durch eine etwas gemaktsame Emendation retten. Man mußte im Texte und in der 10, Fig. es für einen Irrthum annehmen, daß y in der Linie dz ist. Man könnte sich diesen Punkt irgendwo sonst ausser

dusser dieser Linie, aber in der söhligen Ebene durch sie, vorstellen, so bliebe das Uebrige noch wahr, was W. sagt; Noch blieben bx, by, cz = xy, die Seigerteusen von dc, dd, 'cd, und aus zz und cd fande man zd.

ner macht. Aus den Sohlen, sagt er, soll man das Drepeck öbd zulegen. Nun sind in seiner Figur ex die Sohle von ch, zd die von cd, und yd die von bd, wo aber y salsch gelegt ist (80). Und was man mit diesen drep Sohlen machen soll, hatte W. beutlich anzeigen mussen, zumahl da die ersten benden in unterschiedenen Ebenen sind.

Aus den Sohlen das Preneck obd zu machen, wie der beutsche Ueberseiger es gegeben hat, und wie es auch Beidlers Ausbruck wenigstens zuläßt, ist gedankentos, denn des Prenecks obd Seiten sind nicht söhlig, man kann es also nicht aus Sohlen machen: Die einzige verständliche Auslegung von W. Ausdrucke kann senn: das Oreneck zu zeichnen, daß der Linien ob, bd, de, Sohlen machen.

83. Wenn man überlegt, daß W. 19 Fig. den Gebrauch ber Messung in seiner 9 lehren soll, so ist leicht zu sehen daß er ohngesähr solgendes hatte sagen sollen:

Man stelle sich durch o der 9 Fig. eine söhlige Ebene vor; In dieser bestimme man den Winkel, den der Linien do, die Sohlen mit einander machen. Das wäre die bisher abgehandelte Aufgabe, zum donlegigen Winkel den zugehörigen söhligen zu finden. Aber in W. Vortrage ist nichts, das dazu diente.

84. Es scheint, daß Weidlern, wenigstens hie, die geometrischen lehren von den lagen der Ebenen nicht gar zu gegenwärtig gewesen sind, und da diese lehren den dieser Untersuchung nothwendig erfodert werden, so ist kein Wunder daß er darüber etwas sagt, darinnen kein Verstand ist, und darein der deutsche Ueberseßer freylich auch keinen bringen konnte.

iz. Anmerkung.

Ueber das Verrichten der Grubenzüge mit dem Compasse.

W. S. 52.

- 1. Der Markscheiber nennt abziehen, oder eisnen Zug verrichten, was der Feldmesser: ein Feld aufnehmen nennt.
- 2. Der Feldmesser braucht gewöhnlichermassen, so viel er kann, Horizontallinien, ben dem Mark-scheider verstattet die Beschaffenheit der Gebürge in denen er arbeitet dieses nicht. Er muß also geneigte Linien brauchen.

3. Die Meigungen dieser Linien giebt ihn ber Grabbogen (4. Unm.).

4. Und hie die lage der Verticalfläche durch jede linie, gegen den Meridian der Magnetnadel der Compaß. (7. Anm).

5. Die lange jeder linie, die lachterschnut.

(2. Unm.).

4. Jede dieser dren, vorhin ein eln beschriebenen Arbeiten, ben jeder det Linien, die in einer Reihe s hacheinander solgen angebracht, wird also die Figur angeben, welche diese Linien mit einander machen.

Feldmesserarbeit am meisten Aehnlichkeit hat, ba man eine Figur, um die man gehen kann, aus ihrem Umfange, mit der Boussole mißt. Nur daß der Feldmesser die Seiten des Umfangs horis zontal annimmt, und gewöhnlich die Figur ganz umgeht, daß er am Ende seiner Arbeit wieder das hin kommt, wo er am Ansange war; bendes gesischicht eben nicht allemahl benm Markscheiber.

8. Der Markscheider nennt die Linie, die er absieht, einen Markscheiderwinkel. Von Opp. 623. 626. Ich führe diese Venenmung nur an, damit sie nicht unbekannt ist, werde sie aber nicht brauchen, da sie nur Verwirrung verursachen würde.

9. Die lage der linie, die man abzieht gegen den Herizont, gebe man so an, daß man bemerkt, ob sie nach der Gegend, nach welcher man zuzieht, steigt oder fällt.

Wenn z. E. die Linie mit dem Horizonte einen Winkel von 60 Gr. machte, so könnte man an ihr

von oben herunter, oder von unten hinauf ziehen. Dorten wurde man sagen, daß sie so viel siele, hie, daß sie so viel stiege.

10. Den Compaß stelle man allemahl mit SE nach der Gegend, nach welcher man zuzieht.

(7. Unm. 15).

dazu, daß man die lage der Dinge, bie man absieht, kurz, und ohne Gefahr zu irren aufschreiben kann.

12. Der seigern Ebene durch die Schnur, ihre Lage gegen den magnetischen Meridian, giebt der Hängecompaß unmittelbar an, weil er sich vers möge seiner Vorrichtung söhlig stellt (7. Unm. 54).

13. Will man aber einen der andern Compasse brauchen, so muß man in erwähnter seigern Ebene irgendwo eine söhlige Linie haben und dieser Streischen mit dem Compasse abnehmen.

14. Z. E. Man liesse pon der gezogenen Schnur zwen tothe herabhängen nahe genug an einander, daß eine tinie auf dem Compasse bende durchschneiden könnte. Nun hielte man den Compass nach einer solchen tinie, dem Augenmasse nach söhlig, an bende tothe an, und bemerkte das Streichen der Linie. Oder: Man brauchte nur ein toth, und legte ein Nichtscheid dem Augenmasse nach söhlig, durch einen Punkt dieses tothes, und einen Punkt der Schnur; dieses Nichtscheids Streichen nahme man mit dem Compasse ab.

tungen, müßte man hie für den Gebrauch des Setzompasses oder Grubencompasses machen. Und das erinnert Weidtet, in seiner 2. Aust. 3. Art. mit dem einzigen Worte unter der Schnur; verläßt sich vermuthlich darauf; der Markscheider werde, wenn er so was varnimmt, schon selbst sinden, wie er es machen musse.

scheinen mir ziemlich mühsam und unsicher, weite man benm Anhalten des Compasses u. s. w. seiche etwas aus der seigern Sbene kommen wird. Mankann aso daben allerdings seicht in Angebung der Stunde sehlen, wie W. S. 53. sagt, od ich gleich nicht sehe, daß die Enge der Gruben hieben beswebers beträchtliche Wirkung haben sollte. Wischt in dem lateinischen Originale Voigteln pugd 113 an. Da redet V. aber von Sisenschen, wenigstens in der ersten Ausgabe die ich besissen Der deutsche Ueberseser hat dieses Allegat wegge-lassen, vielleicht, weil er es unrichtig besunden hat.

14. Anmerkung.

Ueber die Berechnung eines Zuges, der mit dem Hängecompasse verrichtet worden.

28. S. 58.

1. Es wird nicht unnüß senn, dieses Verfahren, das nur Unwendung der bisherigen Lehren ist, durch

durch ein Paar Erempel zu erläutern, wozy einige Zeilen aus W. Tafel ben diesem Absaße dienen Können.

nen, so zu reden, die Geschichte des Zuges; was der Markscheider unmittelbar gemessen hat, wozu noch die Anmerkungen der ex und 12 Col. gehören. Die übrigen Columnen enthalten Berechnungen ans jenen Messungen hergeleitet. Man könnte sie also auch von den übrigen absondern. So hat es der Hr. v. Q. gemacht, und S. 641 einen Grusbenzug deschrieben, J. 678. desselben Berechnungmitgetheilt. Die Unmerkungen mußte er alsdennisedesmahl benschreiben. Und so ist es frentich nastürlich, bendes in einer Tasel vorzustellen, wenn: wan nur den Ursprung der berechneten Columnen aus dem Gemessenen gehörig erläutert hat.

3. Die Geschichte des Zuges in W. Tafel fängt alfd in der ersten Zeile folgendergestält an:

Vom Anhaltungspunkte ist man ½ lachter seisger auswärts gefahren.

Also giebt es da kein Streichen, und keine Sohle.

- 4. Die Beschichte in der zwehten Zeile heißt: Eine Schnur, 4 lachter lang, fiel 19, ihre Sohle strich in 1 St. 7½ Ucht.
 - 5. Hieraus wurde ich (9 Unin. 14.) so rechnen:

```
Die lange der Schnur ist 32 Achteheil.

log sin 1° = 0, 2418153 - 2

32 = 1, 5051500

der Seigert. = 0, 7470053

der Sohle = 1, 5050838

Diese lange der Schnur ist 32 Achteheil.

der Seigert. = 0, 7470053

der Sohle = 1, 5050838

Diese lange der Schnur ist 32 Achteheil.

der Seigert. = 31,995 Acht. = 3 £ 7,995 Acht.

Seigert. = 0,55847
```

Ich habe mich det grössern logarithmischen Taseln bedient. Aus den gemeinen sindet man die Linien ist einer Decimalziser weniger, also doch Sohle in Zehntheilen des Zolls, in tausend Theilen Seigerteuse.

W. in der &. Col. giebt die Sohle in ganzen Zollen mit mir einerlen an. Folglich um 95 Dundertheile eines Zolls, beynahr um einen ganzen zu klein.

Auch so, in der 20. Col. die Seigerteufe sallens, 55 Zehntheile eines Zolls, sie ist aber deren

bennahe 56.
6. Man sieht hieraus, wie unbrauchbar die Taifeln der Sohlen und Seigerteufen sind, deren sich W. die ohne Zweisel bedient hat. Schon bep jeder dieser linien einzeln ist W. Fehler nicht unbeträchtlich. Nimmt man nun viel linien zusammen; addirt man z. E. die 11 Seigerteusen sallens der

der zehnten Columne, st koniskt ihre Summe einen Zolf zu klein, wenn sede nur etwa ein Zehntheil eines Zolfs zu klein ist. Und daß nach W. Taseln jede einzelne Gröffe zurklein, nicht manchmahl zu groß kommen wird, lößt sich aus (10. Anm. 25) schliessen.

7. Aus dieser Erläuterung der zwenten Zeile versteht man alle übrigen, nur daß W. in Bezeichnung der Angaben nicht allemahl mathemastische Richtigkeit gebraucht, standweitsmäßigen Markscheidern sind solche Undenklichkeiten eher zu verzeihen, die man sich aus dem Zusammenhange erläutert.

8. Z. E. der 4. Col. Ueberschrift ist: Lächter und Achttheile. Nun steht darinnen in der dritten Zeile 1½. Das heißt nicht 1 Lachter & Achte theil, wie aus der Ueberschrift wohl folgte, sondern: Anderthalb' Lachter. Da W. in der ganzen Columnte, was Achttheile und Vilsache das von beträgt, als Brüche des Lachters geschrieben hat, so müßte ihre Ueberschrift nur heissen; Lachter.

9. Die dritte Zeile heißt also: Eine Schnur von 1½ lachter fällt 4°. Ihre Sohle streicht in 3 St. 3½ Ucht., ist 1 lachter 3, 9 Ucht. Seigert. fallens 0, 82 Uchtth.

10. Die Berechnung (wie in 5) giebt mir hier Sohle = 1 1.3, 970 Achtth., Seigerteuse fals lens = 0, 83708 — Achtth. Bepde also wieder grösser, als W. sie fand (6).

Is. Anmerkung. Vom Abziehen auf Eisengruben. W. S. 54.

1. Hie darf man nur das wiederhohlen, was vorhin von Eisenscheiben (8. Anm.) und dem Werfahren, Winkel nur mit Schnüren zu messen, (11. Anm.) ist gesagt worden.

2. Bon Achsen der Gruben (Weidler J. 54. II. Auslösen. 7) habe ich ben keinem Markscheiher was gelesen. Man erräth leicht, daß W. instinstige lehren will, Zeichnungen der Gruben zu machen.

16. Anmerkung. Von Grubenrissen.

. W. S. 61.

Wenn man sich die Grube, in der gemessen worden ist, mit einer schligen Sbene durchschnitten vorstellt, und was sich in dieser Sbene befindet, auf einem Papiere, nach einem verzüngten Maaß-stade verzeichnet, so entsteht ein söhliger Riß, so etwas, wie ein Grundriß den einem Hause.

Einen solchen Riß verfertigen, nennt ber

Markscheiber: zulegen.

2. Weil aber ben einer und derselben Grube ein solcher söhliger Durchschnitt und ein anderer gar sehr unahnlich sehn werden, so sind dergleichen Ramann Rama

Risse unterschiedene nothig, die man sich parallel übereinander in gehörigen Entsernungen vorstellen muß, wie Grundrisse von unterschiedenen Stocks

werken eines Hauses.

3. Die Grube liesse sich auch mit seigern Ebes nen, nach unterschiedenen Richtungen gesetzt, durchschneiben. Was in eine solche Ebene fällt, läßt sich auf einem Seigerrisse abbilden; den man also, über die gehörige Sohle, senkrecht auf einen söhligen stellen kann. Wie Prosile eines Gebäudes.

4. Die allgemeine Beschaffenheit solcher Risse wird sich fosgendergestalt vorstellen lassen.

5. FG, GH, 26 Fig. sind ein paar Schnuten, von deren jeder man lange und Ponlege weiß

6. Auf eine willkührlich angenommene söhlige Ebene fallen FT, GV, HW, seiger, sind also der Punkte F, G, H, Höhen über dieser Ebene.

7. Oder Liefen unter ihr, wenn die Sbene iher einem, oder mehrere dieser Punkte läge.

8. TV ist so lang, als FO, eine ihr parallele Linie durch Fzwischen FT und GV, solglich ist TV die Sohle von FG, und eben so; VW, die von GH (9. Anm. 1).

9. Es wird angenommen, daß man das Strei-

chen diefer Sohlen weiß.

10. Nun muß man wissen wie weit einer der drep Punkte (6) von der söhligen Ebene ist.

Ir. Aus (5) hat man jeder der behden kinien, Seigerteufe in der Bedeutung, die das Wort (9. Anm.) hat.

12. Folglich aus 10; 1r; die Perhendikel FT,

GV, HW;

13. Nahmlich, wenn FG wie in der Zigur angenommen wird, steigt, so ist GO ihre Seigerteusfe, und GV = GO + FT, daß man also aus Seigerteuse und einer der beyden andern Linien die übrige hat.

14. Fiel FG, so ware GV um die Seigerteuse

Neiner als FT.

15. Ware also FGH ber Ansang eines verrichtes sen Zuges, so liesse sich ber sohlige Ris bavon solzendergestalt zulegen:

16 Man ziehe 27 Fig. TV, VW, in eben ben Stunden, in denen TV, VW 26 Fig. ftreichen;

17. Man mache nach dem verjüngten Maaßestabe die beyden kinien der 27. Fig. so lang, als die beyden der 26; nach dem wirklichen sind.

18. Ein Seigerriß läßt sich biesem söhligen

folgendergestalt benfügen.

19. Man ziehe nach Gefallen eine Linie MN 27 Fig. welche eine Horizontallinie bedeuten soll.

20. Auf sie sälle man Perpendikel Tt, Vv,

Ww.

21. In diesen Perpendikeln nehme man if, vg, wh, nach dem verjüngten Maasse so groß, als TF, VG, WH, 26 Fig. nach dem wirklichen.

- 22. Sostellen f, g, h, die lagen der Punkte F, G, H, in Absicht auf ihre Höhe und Tiefe, vor.
- 23. Rahmlich: vy ist um so viel grösser ober kleiner als ef, so viel G höher ober niedriger ist als F u. s. w. zum vorausset, daß die Horizoptalssläche (6) nicht über F liegt, sonst müßte man diese Ausdrückungen umkehren.

24. Nähme man f in t, so hiesse das die Horis

25. Zieht man fa 27 Fig. mit MN parallel, so hat man ber Unie FG 26 Fig. Seigerteufe GO (23).

moge der TV 27 Fig. im söhligen Risse (17).

- 37. Will man also vie Länge der Linie FG 26 Jig. selbst wissen, so zeichne man 28 Jig. ein rechtwinktlichtes Drepeck, wo IK = gq; KL = TV 28 Jig., dessen Hypothenuse IL ist nach dem perjungten Maasse so groß, als die gesuchte Länge nach dem wirklichen.
- 28. So läßt sich die länge einer donlegigen lis nie, aus söhligem und Seigerrisse, durch eine Verzeichnung sinden, aber nicht unmittelbar abnehmen.
- 29. Das lette ginge sur eine einzige kinie so an: Wenn man MN mit TV parallel gezogen, ober selbst in die Richtung dieser kinie gelegt hate te; da wurde sq = TV die Sohle also kg 27 Fig.

nach dem vierstryren: Maasse so groß, als FG. 26

Big. nach bem wirklichen.

30. Abet nun kunn MN: nicht zugleich ber folgenden Sohle VW 271 Fig. parallel senn, und also mußeman für biefer ihre Linie boch nach (28) verfahren.

31. 'Uebrigens ist ben biefer Geftgenibeit noch ein febr unrichtiger Ausbruck in Weiblers S. 65. ju verbeffern. "Er sagt: die gefundene Bohlen wurden auf bem Papiere in die Winkel gegen ein ander gelegt, welche Die Donlegen in den Gruben mit einander machten. Der Uebersetze hat es auch so begbehalten.

Die Winkel ver Donlegen, And FGH 26 Fig. die Sohlen ihre TVW; bende sehr unter-

ichieden (11. Anni.)

Von den Werkzeugen, Winkel söhliger Linien zu zeichnen.

- 1. Wenn man das Streichen seder linie in Stunden angegeben bat, und eine Zeichnung von ihnen verfertiget, so kann man offenbahr annehmen, die erste, die man zeichnet, wie TV 27 Fig. streiche in eben ber Stunde in welcher TV 26 von der die, 27, Fig. die Vorstellung ist, streicht.
- 21 Dieses ang enemmen, ist die Frage: wie man VW 27 Fig. legt; daß sie in eben der Stunde . . . streicht

preicht, de welcher Die von for vorgestellte linte VW. Der 26 Fig. streicht.

3. Ober, überhaupt: Wie ist der sollige Riß zuzulegen, daß jede feiner Linien, in der gespirie gen Stunds streicht, wenn man nur eine von ihe nen in die ihr geöhrige Stunde gelegt hat?

4. Will man der söhligen linien Winkel in Graden ausbrucken, (7. Anm. 32) so ist dazu, kein ander Werkzeug nothig, als dergleichen sich der Feldmesser ben seinen Zeichnungen bedient.

Diese Verwandlung zu ersparen, bedienen sich die Markscheiber des Juleginstruments (Weidler C. 29.) dessen Gebrauch, von jedem der sonst zu zeichnen versteht, so gleich kann ver-

standen werden.

6. Weil sie glauben es sen am sichersten, mit eben dem Compasse zuzulegen, mit welchem der Zug ist verrichtet worden, so nehmen sie den Hängecompass aus seinem Behältnisse, und bringen kon in das Zuleginstrument.

7. Sorgfältig muß von dem Lische, auf dem sie zeichnen wollen, alles Eisen entfernt werden. Selbst die Zirkel wünscht der Hr. v. Oppel von Sisber, oder doch die stählernen Spisen daran so kurz, als

möglich.

8. Das Verfahren (6) ist beschwerlich, und noch mehr die Sorgfalt (7) ben welcher noch der Riß immer in einerlen lage bleiben muß, damit keine seiner linien in eine andere Stunde kömmt, als in die, in welcher sie streichen soll.

2. Und

Bermanblung (4) exsporen will, ware doch nicht nothig, daß sebe Unie auf dem Risse in ihre Stunde gelegt würde, sondern nur daß jede mit der andern den gehörigen Winkel machte. Diesen könde man im Stunden angeben, und ihn vermittelst eines Kreises auftragen, der in Stunden getheilt ware.

den Nahmen: Stundentransporteur bekanntz Bener redet davon, P. II. cop. 13. und bildes sie Tab. 1. sig. 10, ab. Man hat sie gebraucht einen Zug zuzulegen, der mit Eisenscheiben vers richtet worden, offenbahr aber dienen sie allezeit statt des Zuleginstruments.

abzutheilen, dis der gemeine Transporteur, weil ben jenem Alles durch Halbirungen der Bogen ge-

fericht.

12. Sturm hat in seiner Markscheidekunst 13 5. die Sehnen angegeben, die man zu einem geradelinichten Stundentransporteur brauchen könnte. Viel Rechnung hat ihn das nicht gekostet, denn es sind nur die Sehnen sür alle ganze Stunden, also von 15 zu 17 Graden. Aber eben deswegen ist auch Sturms Lasel nichts nüße. Der Feldmesser braucht den geradelinichten Transporteur, die Winkel etwas schärfer zu zeichnen als vermittelst des gemeinen möglich ist, und würde ausgelacht werden, wenn er die Winkel nicht genauer als Verden, wenn er die Winkel nicht genauer als

Das sind hie die getüpfelten Linien. Hie brauche ich nur die nordlichen Hälften, und bezeichne jedes nordliche Ende mit P.

6. So ist aus Weidlers Angabe.

2 Beile PAB = 1 St. 71 2. = 28° 35' 37"5 PBC = 33½ = 5t 33 45

 $PCD = \tau$ 22 = 90

7. Die Sohlen AB = 3 & 7, 9 A. = 31, 9 A.

BC = i 3,9 = 11,9 CD = 46,3 =38,9

8. Der Raum verstattet nicht die Zeichnung groß genug zu einer massigen Richtigkeit zu ma-chen, hie wird auch nicht Richtigkeit ber Zeichwing felbst, sondern nur eine beutliche Unleitung

erfordert, wie sie zu machen ist.

9. Die Winkel habe ich mit dem Transporteur aufgetragen, allemahl ben halben Grad genommen, bem ber Winkel am nachsten kam. Transporteur, der halbe Grade hat, giebt bennahe. Bwen und drenfligtheil Stunden an. (1. Ann. XII.) die der Markscheider ohnebem nur geschäßt hat, weil ber Compaß nicht so subtil eingetheilt ist. Ben einer gröffern Zeichnung würde ich mich eines geradelinichten Transporteurs bedieten, ober an-Derer bekannten Mittel, Winkel genau zu zeichnen.

10. Für die Sohlen (7) giebt o, 1 eines theins

land. Zolls ein lachter.

. It. Folgendes gehort jum Seigereiffe (16. Anm. Rach Weidlers z. Zeile ist der Anhaltenspunfe

Hunkt 4 Acht. üher einen gewissen angenannmens

Und nach der 2; 3;

Ende der 1. Donlege 0, 55 A. niedriger als diese

2 . . . O, 82 . . . Ende der erßen

Ends der 2 ... 1, 37 niedriger als der Ho-

12. Ich ziehe also eine Linie UN 30 Fig., wie sich in dem angenommenen Horizonte befinden soll.

13. Auf fie; AA, BB, CC, sentrecht.

14. Von the auswärts nehme ich Aa = 4 Ache niederwärts Bb=0,55 Ce=1.27

301, ein Uchttheil gelten lassen. Bekanntermaasissen ist nicht ungewöhnlich Prosile, nach einem größere Maaßstabe zu zeichnen, als Grundrisse. Das Verfahren (16. Unm. 27) geht frenlich nicht an, als wenn bende Risse einerlen Maaßstab haben.

20. Anmerkung. Ueber Weihlers Exempel.

\$. 58, 69; 70.

1. Mir kömint hie W. sehr undeutlich vor. Er sagt nicht einmähl, daß bende Erempel zusammensgehörige Messungen vorstellen, das muß man erst aus

verstehn.

2. In J. 58. Hat der Markschieder von der Gegend des Schächtes, in Weidters 20 Fig. in ver Grube so gezogen, wie dort beschrieben ist,

Dis an des Stollens Mundloch b.

In J. 70; sängt sich der Tagezug 6, 8 Achter über der Sohle des Stollens Mundlochs an, geht wen da die an den Schacht, ferner in selchen binein-

3. Bender Züge Vergleichung ist folgende In §. 58. war Steigen 0 £. 4, 20 A. Fallen 2 1, 45

Zusammen Fallen 1 5, 25

4. Go tief ist die Stollensoble unter dem S. angenommenen Horizonte, über welchen der

Punkt des Anhaltens 1 Lachter war.

5. Diese Stollensohle nun heißt in der Taset S. 71; in der 12 Columne 1 Zeile, sinen horizontalis, der Ueberseßer hat solches richtig gegeben. Das muß deswegen erinnert werden, weil in der Tasel f. 58; 1. Col. auch eine horizontalis steht, welches aber ganz eine andere, nahmlich im Schachte ist (2).

6. In §. 71. brauche ich hie zuerst die Seigerteufen Steigens der 9. Col. Sie gehen dis mit an den siebenten Psahl i; oder den Haspel (machinatractoria) der über dem Schachte steht. Sie betragen zusammen 8 1. 6, 08 21. Diese Zahl bat hat W. sabst in die 9. Comme hingesest, abet nicht angezeige, daß es die Summe der über ihr besindtichent Zahlen ist.

7. Um soviel ist also die Stollensohle tieser als

der Haspel.

8. Die Seigerteufen Jallens in W. Tafel \$171. 20 Col. betragen zusammen 4 £. 2, 19 U. Auch diese Zahl steht in erwähnter Columne, ohne Unzeige daß sie eine Summe ist.

9. Go tief ift ber Schacht vom Safpel abge-

funten.

ro, H 31 Fig. sein Punkt oben im Schache te, wo ber Haspel ist (5) HS seiger bis an die Stollensohle (7). T im Liessken des Schachts (4) K in Weiblets J. 58 angenommenen Horizonte (4). So giebt sich folgendes

HS = 8 lachter 6, 08 A. (6)

äbgezogen KS = 1 5,25 (3)

abgezogen HT=4 2, 19 (8)

 $TK = 2 \qquad 6,64$

geführten R chnung; 7 Zoll giebt B. J. 72, und sagt: "So weit musse der Schacht fortgeführt werden, bis er die Horizontallinie des Stollens erteiche."

12. Diese Worte mit der Aorstellung in Zusammenhang zu bringen, welche ich bisher gegeben ben habe, fast mir etwas schwer. Kiscoffenbahr nicht in dem, was (3) Sohle des Stollens Mundlochs heißt, mit welcher S in einer horizontalen Ebene ist. Was heißt also in (11) Horizontallinie des Stollens?

werden, sondern vom Mundloche an steigen, so könnte man denken, die Stollensohle, die eigents lich also eine geneigte Ebene ist, sen die an Kum Kick gestiegen. Aber das ware ein wenig stark. Wenn man die ersten sieben Sohlen in W. J. 71. R. Col: zusammen addirt, so kammen 63% lacht.; davon beträgt KS weit mehr als den sechzigsten Theil; Und das An-oder Absteigen der Stollenssohle, die Scollenrösche ist insgemein 1 lachter auf 400 (v. Oppel J. 785.) darnach sehites viel, daß man die erwähnten Sohlen zusammen addiren bürste, daraus die Stollensohle zu machen, denn sie haben nicht einerlen Streichen. Und so ist die Stollensohle noch viel fürzer als ihre Summe.

14. Allerdings wird unter T noch Gestein seyn, durch welches der Schacht kann abgesunken werden. Aber dieses Gestein kann nicht die in K reichen; denn im Horizonte durch K befand sich der Marksscheider in W. 5. 58; und hatte da & £. darüber

seinen Anhaltenspunkt.

15. Ich bekenne also, daß ich Weidlern hie entweder nicht verstehe, oder daß Er hie Dinge zus sammengesetzt hat, die sich nicht zusammen denken lassen.

21. An-

21. Anmerfung. Weidlers Prufung von Voigtels Regel.

9. 74.

Statt ber weitläuftigen Buchstabenrechnung läßt sich die Sache gleich durch eine Figur einsehn. Es senen 32 Fig. ABC; BDE; zwen rechtwink. lichte Drepecke. Boigtels Regel nimmt an: die Summe ihrer Seigerteufen AB + BD = AD, und die Summe ihrer Sohlen, BC + DE, rechtwinklicht zusammengeset, geben ein Drepeck ADF, dessen Hypothenuse Af, die Summe ber Hypothenusen AC + BE sen.

Hat man also, wie die Figur zeigt, ber benben einzelnen Drepecke Seigerteufen in eine gerade Unie an einander gesetzt, folglich ihre Sohlen einander parallel, und soll Woigtels Voraussestung richtig senn, so sen DF die Summe der Sohlen = DE + BC; Also if EF = BC, und BEFC

ein Parallelogramm wo CFE = BED.

Goll nun V. Voraussetzung richtig senn, so muß CF auf der Verlängerung der Linie AC siegen; Folglich ACB = F = BED seon.

Das heißt: Bende Drepecke muffen abnlich

senn.

So zeigt die Betrachtung der Figur sogleich, unter was für Umständen Voigtels Voraussehung richtig ist ober nicht.

Ist nicht ACB = BED, so fällt die Verlangerung von AC nicht auf CF, und wenn man AC verlängert dis sie DF irgendwo schneidet, so hat man ein rechtwinklichtes Drepeck, dessen Seigereteufe AD = AB + BD; Aber seine Sohle und seizes Hypothenuse sind nicht Summen der Sohlen

und ber Hypothenusen.

Weil W. Voigtels Voraussenung hypothesig nennt, so hat der Ueberseßer dieses: will-kührlicher Sanz gegeben. In der deutschen mathematischen Sprache braucht man diesen Ausdruck nur von den Erklärungen, was man durch arithmetische und andere Zeichen andeuten will. Einen Begriff mit dem oder jenem Zeichen anzudeuten ist willkührlich, aber so was wie V. annahm ist es nicht, sondern das ist unter gewissen Umständen nochwendig wahr, unter andern eine falsche Voraussesung.

22. Anmerkung.

Auf einem Berge einen Punkt anzuges ben, von dem eine Linie seiger herabgelassen, ein gegebenes Stück einer söhligen Linie abschneidet.

23. S. 75. caf. 2.

L. DIC ist ein Berg; Man soll sich in denselben hinein, eine söhlige Linie CGB vorstellen, deren Streichen gegeben ist. Nun soll von dieser Linie nie CGein Stuck von gegebener länge seyn. Man soll auf des Berges Oberstäche den Punkt i ans

geben, ber seiger über G ift.

2. Man ziehe über Tage eine Schnur CA, so daß eine söhlige Linie in der seigern Ebene durch diese Schnur, in der gegebenen Stunde streicht (1). Das läßt sich mit dem Hängecompasse bewerkstelligen. (7. Unm. 54)

3. So ist in dieser Ebene die söhlige Linie durch C die, nach welcher man in den Berg ge-

ben soll.

4. Man stelle sich die seigern Linien ElG, ADB; vor, die erste soll CG von gegebener länge = b abschneiden, und es fragt sich also, wie man die Punkte E, I durch welche sie geht, sindet.

7. W. Auflösung ist solgende: Er mißt ein willkührliches Stücke ber donlegigen Linie CA = a

und desselben Donlege ACB = C.

Mun sucht er die Sohle CB, welche dieser Dy-

pothenuse und Donlege gehört.

Und nun macht er die Proportion CB: CA= CG: CE in welcher die drep ersten bekannten Glieder das vierte geben.

Alfo von E ein loth auf den Berg herabge-

lassen giebt I.

6. Dieses theoretisch richtige Verfahren wird in der Anwendung kleine Unrichtigkeiten geben, wenn man Weidlers ober andere gemeine Taseln für die Sohlen braucht. (10, Anm. 26.) Und dann ersodert die Negel Detri eine oft mühsame Rechnung,

7. Une

7. Unmittelbar findet sich die gesuchte CE = h, aus dem Drenecke ECG, in welchem Winkel und Sohle gegeben sind.

8. Also $CE = \frac{r. b}{cos C} = \frac{b. sec C}{r}$

9. **Exempel.** Man soll I angeben, daß CG ober b = 6 lachter = 48 Uchttheil wird. Man-findet $C = 10^{\circ}$

lo + log b = 11,6812412log cof C = 9, 9933515

 $\log h = 1,6878897$

Gehört zu 48, 740; Also h = 6 & 0,740 Acht. 10. W. findet diese kinie ein Zehntheil eines

Zolls zu klein, weit seine Taseln das Meiste zu

klein geben. (10. Unm. 25)

311. Wer Tafeln der Secanten hat, kann sich des zwepten Ausdruckes in (8) der Multiplication bestienen; welches besonders nüßlich senn könnte, wenn man nicht mit grossen logarithmischen Tafeln versorgt wäre.

12. Im Exempel ist die Secante gleich mit r = 10 000 000 dividirt, oder auf den Sinusto-

tus = 1 gebracht

23. An.

23. Anmerkung.

Einige allgemeine Kenntnisse zu Anwendung der Geometrie auf Klufte und Gänge.

v. Oppel II. Abschwitt, 2. Hauptstück.

1. Wenn man sich eine Ebene, durch einen Berg in willkührlicher lage gesetzt, vorstellt, so läßt sich diese Lage durch folgende bezde Umstände be-Kimmen.

2. Was macht diese Ebene für einen Winkel mit der horizontaken Ebene? Das heißt ihr Zallen.

- 3. Was macht sie für einen Winkel mit det seigern Ebene durch die Magnetnadel, oder sede schlige Linie in ihr, mit der Magnetnadel? Das heißt ihr Sereichen.
- 4. Man stelle sich nun zwo parallele Ebenen durch den Berg gesetzt vor. Wenn man sich den Raum zwischen denselben leer einbildet, so hat man eine R'uft.
- 5. Diese Kluft, mit was Andern, als die übrisge Materie des Berges, ausgefüllt, heißt ein Gang.

6. Das Gestein, das sie ausfüllt: Gangart, zum Unterschiede von der Bergart aus welcher der übrige Berg besteht.

7. Gewöhnlich hat der Gang, wo er an den Berg gränzt, kenntliche und von Gangart und Bergart

Bergart zu unterscheibende Einfassungen, Saals bander.

8. Der Abstand bender Saalbander von einsander, was man in der gemeinen Sprache etwa des Ganges Dicke nennen wurde, heißt in der Bergsprache seine Mächtigkeit.

9. Des Ganges Streichen und Fallen wird man also nach einer ber Ebenen, die ihn begränzen,

(4) beurtheilen.

10. Es ist leicht zu erachten, daß die bisherige einfachste geometrische Vorstellung, nicht allemahl in der Natur statt findet. Den Gang begränzen nicht allezeit parallele Ebenen; micht einmahl Ebenen. Seine Grenzen sind oft an einander gefügte Ebenen, oder gar frumme Flächen.

II. Alsdenn hat er nicht an allen Stellen einerlen Streichen und Fallen. Geringe Unterschiede,
setzt man hieben aus den Augen, und braucht allenfalls ein Mittel zwischen ihnen. Ben gröffern
kann selbst die Frage entstehen, wie weit sie gehen
dursen, daß der Gang noch sur einen und denselben kann gehalten werden.

Friedr. Jul. Biel, Bergmannischjuristische Abhandlung von dem Hauptstreichen. Schneeberg

1753.

12. Wenn der Gang durch die Oberstäche des Berges sest, fagt man: Er streiche zu Tage aus.

13. Man stelle sich eine Pyramide vor, deren Grundsläche horizontal ist. Diese Pyramide werbeabgekürzt, aber mit einer Ebene, die der Grundsschaft fläche nicht parallel, sondern gegen solche geneigt ist Man setze durch dieses Ppramidenstück willkührlich eine schiefe Ebene. Diese Ebene, und die oberste des Ppramidenstücks, werden einander also auch wohl nicht in einer horizontalen Linke (mögelich wäre das manchmahl, nur nothwendig ist es nicht), sondern in einer gegen den Horizont geneige ten schneiden.

14. Man wird schon gedacht haben, daß das Pyramidenstück einen Berg, die durchgesetzte Ebenne einen Gang bedeutet, und die Meynung also ist: Ein Gang könne in einer donlegigen Unie zu

Lage ausstreichen.

re Ebene vorstellt, so hat allerdings sede sohlige linie in dieser Ebene eines und dasselbe Streichen. Aber dieses Streichen ist nicht das Streichen des Ganges, denn die seigere Ebene ist nicht die Ebene des Ganges, auch nicht ihr parallel, und folgelich sind bender Ebenen Durchschnitte mit einer söhligen Ebene nicht nothwendig parallel.

16. Hr. v. Oppel J. 565. nimmt den Sat (15) ohne Beweis an. Mir schien es nicht überflüßig,

den Beweis auseinander zu segen.

17. Aus diesem Sase solgert Er, man musse das Hauptstreichen des Ganges auf ebenem Geburge in einerlen Teuse abnehmen. Mich deucht diesser Ausdruck sagt nur etwas dunkel: das Hauptsstreichen seh, wie jedes Streichen, an einer söhligen Linie abzunehmen.

18. Ein

30ntal sind, die Ebene geneigt ist, kann einen Gang mit Streichen und Fallen vorstellen.

19. Von Gängen unterscheiben sich Slöge geometrisch badurch, daß sie kleine Winkel mit ber

Horizontalfläche machen, sehr wenig fallen.

gentlich hieher. Sie sind mehr als Steinlager anzusehen, die was fremdartiges enthalten; v. Opp. J. 531. Sie scheinen auch einen andern Ursprung zu haben, vielleicht junger als die Bange zu senn, und ost von Ueberschwemmungen herzurühren.

Abhandl, vom Ursprunge der Gebürge und der darinnen befindlichen Erzadern, oder der so

genannten Gange und Klufte. Leipz. 1770.

Lehmann, Versuch einer Geschichte von Flog-

geburgen. Berl. 1756.

Carl Aug. Scheids Versuch einer bergman. Erdbeschreibung, worinnen der ganze Erdboden als ein Flößwerk. betrachtet wird. Abhandl. der Churf. Bair. Akad. der Wiss, zu München. II. Band. Hr. Scheid glaubt 91 S, Ganggebürge wären von Flößgebürgen nicht unterschieden. Aber seine Gründe überreden mich nicht, ob ich gleich in andern Gedanken dieses Aussasses und in den Ersindungen von Maschinen die Hr. Sch. der Akademie mitgescheilt, mit Vergnügen die Einssichten eines alten Leipziger Freundes wahrgenommen habe.

24. Un.

24. Anmerkung. Das Streichen eines Ganges abzunehmen.

. 1. Man unterscheibet hie folgende bende Falle.

2. Ærster Fall. Wenn der Gang aufgefahren ist, das heißt: Man hat Erz, oder was er sonst enthält, weggeräumt, so daß man sich zwischen den Saalbandern befindet. Oder wenigstens hat man diese Saalbander entblößt, daß man ihre Nichtung wahrnehmen kann.

3. In diesem Falle ist begreislich, daß man nur die obere Fläche eines Saalbandes sohlig darf ebnen lassen, da man denn desselben Streichen, wie jeder andern söhligen Linie ihres mit Setzompasse ober Grubencompasse abnehmen kann. Oder daß man sonst in der Ebene des Saalbandes eine söhlizge Linie zu ziehen sucht.

4. Es versteht sich, daß man diese Arbeit etwa an etlichen Stellen vornehmen wird, sich durch die Uebereinstimmung von der Richtigkeit zu versichern, oder wosern sich das Streichen andert, solches wahrzunehmen.

5. Wollte man den Hängecompaß brauchen, so müßte man eine Schnur den Saalbandern und zwar schligen linien auf ihnen parallel spannen. Da sich dieses nicht mit dem Parallelliniale bewerkselligen läßt, wie auf dem Papiere, so müßte man sich dazu Vorrichtungen erdenken, dergleichen freplich

freylich die Geometrie lehrt, aber die parallele las ge in grosser Schärfe zu erhalten, wurde immer

Mühe kosten.

6. Ich sehe daher nicht, warum Hr. v. D. S.
609. dieses Versahren als genauer empsiehlt. Es
ist doch wohl genauer das Streichen einer Linie an
ihr selbst abzunehmen, als erst eine ihr parallel zuziehen. Vielleicht ist unter den Compassen die der Markscheider braucht, des Hängecompasses Nadel
am zuverläßigsten. Aber ich sehe nicht, was hindert, der andern ihre auch so zuverläßig zu machen.

7. II. Jall. Wenn der Gang überfahren ist. Das heißt so viel: Wenn man den Gang nach einer Richtung, die auf ihn schief oder senkrecht steht,

burchschnitten hat.

8. In 34. Fig. sey zwischen NM, PO, ein horizontaler Durchschnitt, des Stollens, der

Strecke u. d. gl. wo man sich befindet.

Die horizontale Ebene, welche diesen Durchschnitt macht, schneide eines übersexenden Ganges Saalbander in FG; HI.

So wird ACDB ein leerer Raum senn, wo man aber von A bis C und von B bis D den

Gang sieht.

A und B sind in einem Saalbande, C und D im andern.

Man ziehe also eine Schnur von A bis B, oder von C bis D, und nehme ihr Streichen. Das ist das Streichen des Ganges.

25. Anmerkung.

Das Fallen eines Ganges anzugebenohne das man sein Streichen weiß.

ges parallele Ebenen annimmt, und von jeder dieser Seine, die ausere Seite, die welche von dem Gange abgewandt, gegen den Berg gekehrt ist, bestrachtet, so heißt von diesen Seiten, die, welche einen spissen Winkel mit der Horizontalfläche macht, das Sangende, die, welche einem stumpsen macht, das Liegende.

2. Von einem Dache, gabe bie ausere Seice ein Bild bes liegenden, die innere, stellte bas

Hangende vor.

3. Der Gang sen aufgefahren, (24. Anne: 2.)

und das Hangende entblößt.

4. Wenn man an seiner Ebene eine Horizontallinie, und auf diese ein Perpendikel ziehen könnte, so wäre dieses Perpendikels Neigung gegen die Porizontalstäche, das Fallen des Ganges; Wieman sich seicht aus den Lehren der Geometrie von den lagen der Ebenen beweißt.

Sangenden die Wertzeuge anzubringen, mit benen

man gewöhnlich Horizontallinien zieht.

T. Man kann also einen andern geometrischen Saß branchen: Unter allen geraden Linien, die in einer schiefen Sbene gezogen werden, macht keine mit dem Horizonte einen gröffern Winkel als die, welche

Test o Zest

welche mit der Ebene einerlen Reigung gegen den Horizont hat.

Ich habe diesen Saß mit andern, welche schiese Ebenen betreffen, in meiner I. astronom.

Abhandl. 269 bewiefen.

Han befestige also an einem Punkte des Hangenden eine Schnur, so daß sie sich um die sen Punkt, in der Ebene, wie ein Halbmesser ein Wes Kreises sühren läßt. Un dieselbe henke man den Gradbogen, und bemerke das Fallen der Schnur, welches er in unterschiedenen ihrer kagen angiebt. Man sühre die Schnur so lange herum, die sie in die kage kömmt, wo ihr Fallen am größten, von einer keigern kage am wenigsten unterschieden wird. Alsdenn hat die Schnur die kage der in (5) angezeigten kinie, und ihr Fallen ist das Fallen des Ganges.

Schnur, ihr Fallen würklich am größtenist, so ist es für etwas andere Stellungen auf jeder Seite der vorigen ein wenig kleiner. Aus den Geseßen, nach denen eine veränderliche Größe sich um ihre größten oder kleinsten Werthe herum andert, folgt, daß die Stellung-der Schnur von der, in welcher sie das größte Fallen hat-, beträchtlich abweischen kann, wenn ihr Fallen von dem größten nur

wenig unterschieden ist.

8. Es verhält sich hiemit ohngefähr so, wie mit dem Schatten eines lothrecht stehenden Stiftes: Dieser Schatten ist im Mittage am kurzesten; einige ger, obgleich zu solchen Zeiten der Schatten nicht

unmerklich von der Mittagslinie abweicht.

9. Nach der Vorschrift (6) wird man als wehl das Fallen des Ganges ohne sehr groffen Irrthum sinden, aber nicht so sicher die Linie, nach der man es eigentlich schäßen sollte, die welsche auf söhlige Linien in ihm senkrecht sieht (4).

10. Das Probiren bis man die Schnur in die Lage bringt, wo sie mit dem Horizonte den größten Winkel macht, möchte, wenn man es genau sucht,

manchmahl langweilig werden.

Folgendes bietet mir die Geomettie bar.

II. Man ziehe die Schnur in eine willführliche lage, und bemerke ihr Fallen; Eben so ihr Fallen in einer andern lage. Und endlich den Winskel, den berde lagen mit einander machen. (III Unmerk.)

So hat man einen Winkel, und die Neiguns gen seiner Schenkel gegen den Horizont. Daraus kann man die Neigung seiner Ebene gegen den Hoeizopt herechnen. Das ist das Fallen des Ganges.

12. Die Formel zur Rechnung, steht in meiner I. astronom. Ubh. 247. 262, Freylich ist die Rech:

upng etwas muhfam,

13. Die Schatten (8) erinnerten mich an ihren Gebrauch, eine Mittagslinie zu ziehen, und das ben ist mir zu gegenwärtiger Absicht solgendes einsgefallen.

ren eine eben die Neigung gegen der Horizont hat, als die andere. Man weiß diese Neigung und der Kimien Winkel mit einander. Man sucht hieraus der Ebene, in welcher bepbe Linien sind, Neigung gegen den Horizont.

pendikel OI. Man nenne OG = OH = hş Den Winkel HOG = m; so ist OI = h. cos h.

16. Man fälle OK senkrecht auf den Horizont, so ist OGK = p der einen Linie wie der andern Neigung gegen den Horizont, und OlK = x die Neigung der Ebene des Winkels gegen den Hoerizont.

Das erste aus Geom. II. Theil 1. Erkl. Das zweizte aus eben das. 2. Erkl. Weil OlG, KIG, rechte Winkel sind. (Geom. 46. S. 6. Zus)

17. Also ist OK = h. sin p.

18. Und (15; 16) $\frac{OK}{OG}$ oder sin $x = \frac{\sin p}{\cos \frac{1}{2}m}$

19. Aus dieser Rechnung geht h weg. Man braucht sich also um die längen der Schenkel des Winkels nicht zu bekümmern.

20. Weil der Sinustotus == 1 gesetzt worden, so abdirt man 10, wenn man die Logarithmen der

Tafeln brauchen will.

21. Das Versahren wäre also Folgendes: Man bringe die Schnur in eine willkührliche Lage, und bemerke ihr Fallen = p. Mun führe man sie herum, bis sie in noch eis mer andern Lage eben das Fallen bekömmt.

Man bemerke den Winkel zwischen bepben

lagen = m.

Daraus giebt sich nach (18) das Fallen des Ganges = x.

22. Exempel. Das Fallen der Schnur sep

= 50° 30'; der Winkel = 75 12'

halb = 37 36

10 + log fin p = 19, 8874061 log col $\frac{1}{2}$ m = 9: 8988840

 $\log \ln x = 9,9885221$ $x = .76^{\circ} 53'$

- 23. Man kann leicht mehr Paare solcher gleichdiel fallender Schnuren erhalten, und so das Fallen des Ganges aus unterschiedenen solchen Beobachtungen berechnen, wenn man diese Mühe nüslich sindet.
- 24. Nimmt man in gleichviel fallenden Schnüren, von der Spiße ihres Winkels, gleichlange Stücke, so ist die Linie durch die Endpunkte dies ser Stücke OG, horizontal.

Das giebt ein Mittel eine Horizontallinie am

Hangenden zu ziehen.

25. Ein Perpendikel aus des Winkels Spike auf diese Linie, wäre auch die Linie, nach welcher der der Gang eigentlich fällt; wenn man solche verlangt.

26. So

26. So viel zur Auflösung von (3).

27. Nun seße man, man könne nur an bas Liegende vom Gange kommen, und wolle da sein Fallen sinden.

28. Hr. v. O. 613. besiehlt auch hier eine Schnur mit den Gradbogen so lange an der Ebene des Ganges herum zu sühren, die sie der seigern lage am nächsten kömmt.

Wie er das am liegenden thun will, verstehe ich nicht allzuwohl. Da schleppt ja der Gradbogen

auf ber Ebene.

29. Wenn man in das Gestein des liegenden, senkrecht auf seine Ebene, ein paar Pflocke oder Spreißen eintreibt, die bende gleich weit aus der Sbene hervorragen, und durch derselben Enden eine Schnur spannt, so ist dieselbe der linie auf der Ebene des Ganges, durch die benden Stellen wo die Spreißen eingetrieben sind, parallel, hat also mit ihr einerlen Fallen; Und das Fallen der Schnur kann der Gradbogen angeben.

Wie ich bin berichtet worden, machen es

die Markscheider so.

30. Spreißen, die gar sehr von mathematischen Linien unterschieden seyn, immer eine ziemlich unordentliche Gestalt haben werden, senkrecht auf eine schiese Ebene zu stellen, und gleich lang aus ihr hervorragen zu lassen; das stelle ich mir, wenn es nur mit mittelmäßiger Genauigkeit geschehen soll, als nicht gar zu leicht vor.

30. Und mit dieser Arbeit so lange herumzufahren, bis die Schnur den größten Winkel mit dem Horizonte macht, das möchte wohl sehr verdrüßlich seyn.

31. Eine Seswage giebt die Reigung einer schiefen Ebene, auf welche man sie sest, ganz bequem an. Liesse sich also dieselbe nicht hie anbringen? Allenfalls genauer eingetheilt, und grössere Winkel anzugeben vorgerichtet, als die gemeinen Werkzeuge dieser Act.

38. Wenn ich auf einem Dache sässe, das ich für eben annehmen durfte, und desselben Neigung

messen wollte, wurde ich mich so verhalten:

Ich wurde mir einen Faben, an dem eine glat-

te, etwas schwere Rugel hinge, verschaffen.

Den wurde ich an einen Punkt des Daches halten, und sich auf der schiefen Ebene so stellen lassen, wie ihn die Last der Rugel stellt.

Sie stellt ihn nach einer Linie, welche auf die Horizontallinien, die auf dem Dache sich ziehen las-

sen senkrecht steht. (Statik 95.)

Diese kinie also, und bas Dach, haben eisnerlen Reigung gegen den Horizont.

So hatte ich die Neigung der Linie, mit einer

Seswage, die ich an sie brachte.

Oder, ich liesse auf die Linie ein Loth herabhängen. Der Winkel, den es mit ihr macht, ist die Ergänzung ihrer Neigung. Hätte ich kein ander Mittel ihn zu messen, so bediente ich mich der 11. Unmerk.

M

26. Anmerkung.

Das Fallen eines Ganges anzugeben, wenn man sein Streichen weiß.

1. Ich will hiezu wider die 35 Fig. anwenden, also zuerst anzeigen, wie sie gegenwärtiger Absicht gemäß entsteht.

2. In der Ebene eines Ganges, sen GH horizontal, und darauf QO senkrecht; di se benden Lie nien bestimmen also die Ebene des Ganges OHG.

Wenn OK vertical ist, so ist OQK das Fallen des Ganges; daben KQ senkrecht auf GH.

3. Es sen nach OQ eine Schnur gezogen, an welche man den Hängecompaß bringt. Er weiset das Streichen der Sohle dieser Schnur, folglich eine Stunde, die um 6 Stunden von der Stunde unterschieden ist, in welcher GH streicht.

Oder, wie es der Markscheider ausdruckt: Er giebt dem Streichen des Ganges das rechte

Winkelfreuß.

4. Umgekehrt also, läßt sich OQ, wenn man sie noch nicht hat, so sinden: Man befestige an einen Punkt der Ebene des Ganges eine Schnur und bringe an sie den Hängecompaß. Die Schnur sühre man in der Ebene des Ganges so lange her, um, dis der Hängecompaß dem Streichen des Ganges das rechte Winkelkreuß giebt. So hat man die Linie OQ, und untersucht nun derselben Fallen.

5. Es ist leicht zu seben, baß dieser Gebrauch des Hängecompasses keine andere Absicht hat, als in der Ebene des Ganges ein Perpendikel duf die sohlige Linie zu ziehen, die fein Streichen angiebt. Ich bachte, es ware eine Entehrung bes vornehmsten Markscheiberwerkzeuges, solches als Winkelhaken zu brauchen. Die söhlige Linie nach welcher ber Gang streicht, muß man boch schon haben; Und auf sie Perpendikel zu ziehn, giebt es viel Mittel ohne Compaß. Ich vermuthe selbst ein gemeiner Winkelhaken wurde bequemere und richtigere Arbeit geben, als dieses Verfahren, zumahl wenn etwa bas Streichen des Ganges in kleinen Theilen der Stunden angegeben ist, da das Winkelkreuß schon einige Rechnung erfobert, und leicht mit einen kleinem Fehler wird angegeben werden.

27. Anmerkung. Das Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus anzugeben.

Bener Part. V. Prop. XII.

1. AB 36 Fig. sen bas Streichen des Ganges in der Grube, FD zu Tage aus, daß also ABDF die schiese Ebene ist, die man für den Gang annimmt. Den Erdboden über Tage, in dem FD sepn soll, nimmt man horizontal an.

2. Von irgend einem Punkte in FD; stelle man sich NO sochrecht bis auf die Horizontalsläche M 2 durch durch AB; vor, und NM senkrecht auf AB; siehe MO; so ist

NMO das Fallen des Ganges

NO zu der Gohle in der Grube, MO an dem Orte wo man das Streichen beobachtet hat, die Seigerteufe unter Tage.

MO, diese Sohie, welche der Hypothenuse, oder im Markscheiderausdrucke Fläche MN zuges

hört.

3. Wenn man sich nahmlich durch AB die Horizontalsläche vorstellt, und auf dieselbe NO in O trifft, so stelle man sich durch O eine Linie mir AB parallel vor; Auf diese Linie seße man eine Verticalsläche. Die wird den Horizont über Tage in der Linie FD schneiden

Es wird nahmlich die Ebene OFD seyn.

4. Mun kann man Folgendes messen.

5. In der Grube, das Streichen des Ganges,

und sein Fallen.

hoch man über Tage, über dem Horizonte der Grube ist, wo man des Ganges Streichen und Fallen genommen hatte.

- 7. Diese Höhe (6) ist = NO; nicht NO selbst; benn man weiß nicht, wo der Gang ausstreicht, aber in der Horizontalfläche, wo er ausstreichen soll, hat jeder Punkt eben die Höhe über den Horizont der Grube.
- 8. Ein solcher Punkt in der Horizontalfläche über Tage sen C; oder CFD eine Horizontalfläche über

über Tage. Weiß man nun, wie hoch Cüber der Horizontalsläche der Grube ist, oder der Grube Seigerteufe unter Tage = h, = NO und des Ganges Fallen NMO = m; so giebt sich

9. Die Sehle OM = h cot. m (wo der Sinustotus = 1 gesest ist.)

Jo. **Erempel.** Beyer 165 S. nimmt an das Fallen m = 50°;

Die Seigerteufe h = 24 lachter 6 Zoll == 192, 6 Uchttheil.

211 fo log cot $50^\circ = 0.9238135 - 1$ $\log 192, 6 = 2.2846563$

log MO = 2,2084698
giebt diese Sohle = 161,6 Uchtel = 20 {.

Fallen die Seigerteufe und Sohle erst aus den Lafeln sür eine gewisse Fläche sucht, und dann eine, Regel Detri macht, die so ist

7 U. 6 Z. Seiger geben 6 U. 4 Z. Sohle, was 24 L. 6 Z. Seiger? Da werden nun seine Taseln in Kleinigkeiten nicht richtig senn, und beswegen diese kleine Unrichtigkeit geben, woben seine Reche nung viel mühsamer ist.

12. Es sen CT senkrecht auf die sohlige Linie, in welcher man des Ganges Streichen abgenommen hat.

13. Geset man ist an dieser Linie in der Grube bepm Punkte A gewesen, und durch allerlen Wen-Den 3 dungen dungen in der Grube bis C ausgefahren. Weil man auf diesem Wege alle Umstände durch gespannte Schnuren, deren Donlegen, und das Streischen ihrer Sohlen, bestimmt hat, so weiß man aus diesem zusammen, die Seigerteuse EQ, und wie weit der Punkt Q, der sich im Horizonte durch AB seiger unter C befindet, von genannter Linie entsernt ist, also QT.

14. Nun sen 37 Fig. AB das Streichen des Ganges in der Grube, Q; der Punkt der im Horizonte der Grube seiger unter C ist, man kann ihn nach (13) auf einer Zeichnung vorstellen; QT senkrecht auf AB = der QT der 36 Fig.

Man nehme auf diesem Perpendikel; TG = ber Sohle MO der 36 Fig. (9) und ziehe durch

G, GH parallel mit AB.

3001 for GH die Linie in welcher, der Horisgont durch AB, in der Grube von einer Verticals fläche durch FD geschnitten wird.

Der GH geht in der Grube gerade unter FD-hin.

16. Wenn also über Tage CF senkrecht auf FD ist, so ist CF = QG;

vermittelst der man das Ausstreichen des Ganges über Tage anzugeben im Stande ist.

18. Es sind einerley A, B, bender Figuren.

Ferner ist

C 36. Fig. lothrecht über Q 37 Fig.

FD , GH:

19. Wenn

- 19. Wenn man also die Zeichnung ber 37 Fig. gemacht hat, so lege man AB so, daß sie in der Stunde streicht, welche das Streichen des Ganges ersodert.
- 20. So giebt sich durch den Compaß, in was für einer Stunde QG streicht. Sie muß von voriger um 6 Stunden unterschieden senn.

Man kann auch QG messen.

21. Nun stecke man an C, der Stelle wo man ausgesahren ist, mit Stäben einer Schnur u. d. g. eine Linie ab, in die Stunde, in der QG strich. Sie wird auf CF liegen;

Man mache sie so lang nach dem würklichen Masse, als QG nach dem verjüngten.

So hat man F.

- 22. Durch F stecke man eine Linie in der Stund be ab,, in welcher der Gang stricht.
- 23. Diese Linie giebt das gesuchte Ausstreichen bes Ganges.
- 24. Ben dieser, und ähnlichen Verrichtungen, muß sich der Markscheider mit der Bedingung verwähren: Wenn der Gang sein Streichen und Kallen behält. (23. Anm. 10.)

भा 🐃 ुरुन् पट्टी १९८ शहेन 🖫 करन

No.

28. Anmerkung.

Man hat an einer Stelle einer Grube eines Ganges Streichen und Fallen gestunden. Man findet an einer andern Stelle, von einem Bange eben das Streichen und Fallen. Die Frage ist, ob dieser Gang mit dem vorigen einerlen ist.

1. Es ist klar, daß seine Ebene mit jenem entweder einerlen, oder ihm parallel ist. Vorausgesetzt, daß das Fallen, nicht nur der Grösse, sondern auch der Gegend nach einerlen sen, z. E. bendes westwärts.
2. Es sen also 38 Fig. AB das Streichen in der tiesern Stelle, und die Ebene des dasigen Gan-

ges sen durch DC, AB, bestimmt:

3. In der höhern Stelle sen das Streichen MN parallel mit AB, und die dasige Ebene durch PO und MN bestimmt.

4. Man verrichte einen Zug von E in AB bis

Q in MN.

5. QF sen lothrecht auf die horizontale Ebene

burch AB.

Ware MN niedriger als AB; so ware QF, von Q lothrecht auswärts gezogen, bis an die hörizontale Ebene durch AB.

6. Vermöge des Zuges hat man diese OF, auch EF; Seigerteufe und Sohle der Hypothenuse EQ.

7. Man weiß auch, was EF für einen Winkel mit AB macht.

8. Man nenne EF = b; QF = h; FEB = q, der benden Ebenen DCAB, PQMN, Reigung oder das Fallen, das man ben einem Gange so groß, als ben dem andern gefunden hat, sen = p.

9. Man stelle sich vor, die Ebene POMN schneibe die horizontale Ebene durch AB, in GH;

so sind GH; AB, MN, parallel.

10. Auf GH sen QI senkrecht, und IF gezogen, welche auf GH senkrecht senn wird (Geom. 46. S. 6Zus.); also ist QIF die Neigung der Ebene POMN, und = p.

11. 206 FI = h. cot p.

12. Man fälle FK senkrecht auf AB; so sind FK; FI, Perpendikel (10) aus einem Punkte, in der Ebene durch zwo Parallelen, auf diese Parallelen (9). Folglich liegen I, F, K, in einer einzigen geraden kinie.

13. KF = b. sin q.

14. Der Punkt F' kann zwo lagen haben.

Erste. Er liegt nicht auf der Seite von AB, nach welcher der Gang DCAB fällt, sondern nach der entgegengesetzten;

3. E, ber Gang fällt von AB gegen Often,

und F liegt westwarts.

Das stellt die 38. Fig. vor.

Bweyte. F liegt auf ber Seite, nach welcher bet Gang fallt.

Die 39. Fig.

1: 15. Ben ber ersten lage ist ber Parallelen AB, GH, Abstand KI = KF + FI = h, sin q + h. cot. pi.

16. Ben ber zwenten ist bieser Abstand:

FI - KI = h. cot p - b. fin q

17. Nun setze man, bende Bange follen einer senn; so muß GH in AB fallen. - Das stellt die 40 Kig. vor.

18. Weil alsbenn Q in ber Ebene DCAB ist, so liegt F nothwendig nach der Seite von ABzu, nach welcher ber Gang fällt., wie in ber zwenten Lage (16).

19. Ferner sind nun I und Knur ein Punkt, also

iff (16) h. cot p = b. fin q.:

. 30. Diese Gleichung konnte ben ber ersten lage (14) statt finden. Allsdenn läge in der 38 Fig. F in der Mitte zwischen AB und GH.

21. Nun muß man aber aus bem verrichteten Buge wissen, ob die erste oder die zwepte lagestatt

findet.

22. Ich setze also man weiß, daß die zwente Lage statt findet.

23. Erhält man alsbenn die Gleichung (19),

so zeigt sie folgendes an;

Aus einem Punkte F, welcher mit den Parallelen AB, GH, 39 Fig. in einer: Ebene liegt, und zwar so, daß sich bende Parallelen auf einer und derfelben Seite von ihm befinden, fallen auf biefe Parallelen gleich lange Perpendikel.

Folglich gehen die Parallelen in eine einzige

gerade kinie zusammen.

Und die benden Perpendikel auch in ein einziges. Und die benden Punkte I, K, in einen einzigen.

Alsbann entsteht also die 40 Fig.

24. Wenn also 19; 22; zusammen statt finden, sind bende Bange in einer und berselben Ebene.

25. Wenn zweene Gänge einerlen Fallen nach einerlen Gegend haben, so liegen sie in einer Ebene, wosern sin $q = \frac{h. \cot p}{h}$

Haben sie aber einerlen Streichen, so liegen sie in einer Ebene, wosern sie nach einer Gegend sale len, und cot $p = \frac{b \cdot \sin q}{h}$

Bendes aus (19), wo p und q zum Gange DCAB gehören.

26. So viel ist in dieser Untersuchung geometrisch gewiß. Der Hr. v. Q. drückt J. 875; 8775 die Vorschriften (19; 25;) mit Worten weitläuftig aus, und doch so viel ich sehe, nicht deutlich genug, mit allen nothigen Bestimmungen, z. E. der (22), auf welcher doch alles beruhet.

27. Sind aber nun auch die benden Bange ein

Gang.

Es ware ja nicht unmöglich, daß in einem grossen Gebürge, in einer und derselben Ebene, aber an weit von einander entfernten Stellen, zweene ganz unterschiedene Gänge befindlich wären, die selbst nicht einerlen Gangart-führten.

Gegentheils, ändert wohl ein und derselbe Gang sein Streichen und Fallen, und würde also geometrisch betrachtet, an der einen und an der andern Stelle, nicht für einen Gang erkannt werden.

28. Aus solchen Gründen sagt Hr. v. D. a. a. D., es sen, unter den 24 u. f. angezeigten Umständen, nur ziemlich zuverläßig, daß bende Gänge einer sind.

Mahmlich so zuverläßig als es ist, daß, was

in einer Ebene liegt, alles ein Gang ift.

Weil man ben einem Gange was mehr denkt, als das blos geometrische einer Ebene; so muß das physische: Gangart, Saalband, u. s w. dazu genommen werden. Und ben Streitigkeiten, die über das Eigenthum des Ganges entstünden, würden noch andere Entscheidungsmittel erfordert werden, von denen man Hrn. v. D. nachlesen kann.

29. Anmerkung.

Vergleichungen, zwischen dem Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus, seinem Streichen und Fallen.

1. Machstehende Untersuchungen betreffen Aufgaben, die der Hr. v. Oppel 618. J. erwähnt, aber weder

weder deutlich erläutert, noch weniger ihre Aufldfung giebt.

2. Ein Gang streicht in der Linie CE zu Tage

gus. 16 Fig.

3. Die lage biefer linie ist gegeben,

.4. Auch des Ganges Streichen,

5. Man foll daraus fein Jallen finden.

- 6. CE ist donlegig. Eine lothrechte Ebene burch sie schneide die Horizontalstäche durch C in CR.
 - 7. So ist ECR ihre Neigung, die hat man als so (3).

8. Auch, weil die lage der donlegigen linie ges

geben ift, die Stunde in welcher CR streicht.

9. CN, sep horizontal in der Ebene des Ganges. Die Stunde, in welcher diese linie streichte ist das Streichen des Ganges; also bekannt. (4).

10. Also weiß man den Winkel der benden hork-

zontalen Linien (8; 9;).

von C; und beschreibe durch jedes Paar der ersten dren Punkte Kreisbogen, die den leßtgenannten zum Mittelpunkte haben. So entsteht ein Kugel-dreneck ERN ben R rechtwinklicht.

12. In demselben ist der Winkel N des Ganges Fallen.

13. Ich will die Winkel des Orenecks mit den Buchstaden nennen, die an ihren Spihen stehen. Man muß aber die Winkel so verstehen, wie es innere des Orenecks sind; z. E. N bedeutet den Winkel

Winkef ENR, nie seinen Nebenwinkel. Wenn jener spißig ist, ist dieser stumps, und umgekehrt. Das inuß also bemeekt werden, besonders wenn man Cosinus oder Tangenten braucht. (Trigon. 32 Erkl. 3. Zus. 4. Erkl. 1. Zus.)

14. Die Seiten des Drenecks will ich mit den kleinen Buchstaben, welche den Grossen, das durch die Winkel angedeutet werden, gleichgültig

sind.

15. Man hat also in erwähntem Kugelbrenecke nus (7) die Seite ER = n.

...(10)...RN = e

16. Den Winkel (12) hieraus zu suchen, gehört in meiner sphärischen Trigonometrie, 1. Sas L. Zus. unter d; und wird durch die zwente Proportion ausgelößt.

17. Ich will der Kürze wegen der Sinustokotus = 1 setzen, und die dortigen Proportionen durch Multiplicitung der äusern und mittlern Glie-

ber in Gleichungen verwandeln.

18. So ist dorten r BP BA PAB bie 1 EN=r(14) e n N

19. Und bie II. Proportion giebt

 $tang N = \frac{tang n}{fin e}$

20. Oder auch (Trigon. 5. Erkl. 1. Zus.)
cot N = sin e. cot n.

31. Ist noch (3) gegeben, und des Ganges Fallen, so findet man für sein Streichen (19) tang N. lin e = tang u

22. Hies

22. Hieher läßt sich folgende Aufgabe bringen. Benm Hrn. v. D. g. 619. Man hat irgendwo auf einem ganz seiger fallenden Gange Firste und Sohle ausgehauen und abgebaut. Da sest ein anderer unbetriebener und unaufgefahrner Gang über, welcher demnach blos im Hangenden und liegenden des ersten sichtbar ist. Man soll die letze Fallen angeben.

23. Die 34 Fig. wird sich zur Erläuterung so

brauchen taffen.

Zwischen NM, OP, ist der abgebaute Gangz der durchsessende zeigt sich in AC; BD; wie in der

24. Unmerkung.

Man kann also, wie borten, das Streichen des durchseßenden Ganges abnehmen, sowohl als des abgebauten seines. Jenes möchte die Linie AB bedeuten, dieses die Linie NM; bende söhlig angenommen.

Die Grenzen des abgebauten Ganges stelle ich mir als parallele seigere Ebenen durch NM, PO,

bor.

Des überseßenden seine, auch als parallele

donlegige Ebenen durch FG, H1.

Dieser donlegigen Ebenen Reigung gegen den Horizont sucht man, als des überseßenden Ganges Fallen.

25. Also: die Ebene durch FG, und die durch NM, werden einander in einer Linie schneiden, die durch A geht. Much ein solcher Durchschnitt der Ebenen durch H1, NM, geht durch C.

und durch B, D, gehen zweene Durchschnitze te der Ebenen durch FG, HI, mit der durch PO.

26. Man suche die Donlege dieser Durchschnitce. Sie müßte eigentlich für alle einerlen senn, wenn jeder Gang mit unter sich parallelen Sbenen begränzt wäre.

ne durch CR, eine der Grenzen des seigern Gan-

ges, also CR sein Streichen.

Des übersetsenden Ganges Streichen sen CN. Und CE ein Durchschnitt wie (25).

28. So weiß man RN (23) RE (26) und sucht N (24).

29. Formeln hiezu stehen (19520;).

30. Wüßte man RE nicht, aber den Winkel eines Durchschnittes (25) mit dem Streichen des Abersesenden Ganges; also EN = r;

31. So ist sphår. Trig. 1. Sat 3. Zus. e; cof N = tang e. cot r.

32. Des Hrn. v. D. Vorschrift ist solgende: Man addire die logarithmen von dem Sinustos tus, und dem Sinus der Donlege der linie, in welcher die Gänge über einander setzen; von der Summe ziehe man den logarithmen des Sinus des Winkels ab, den der Gänge Streichen machen. Der Rest ist der logarithme des Sinus des Fallens des überfahrnen Ganges.

33. Ich sebe nicht daß der Winkel, der Streischen der Gange was anders senn kann, als mein e; und

ول و الرابع

und bas Fallen mein N. Des hrn, v. Oppel Donlege heisse D, der Sinustotus = 1; So ift seine Regel: sin N = fin D ; und da kann D weder den Bogen ER (28) noch EN (31) bee beuten.

34. Allerdings ist sin N = fin n fin'r.

und da steht rechter Hand im Dividendus die Done lege ber linie, in welcher bende Bange über einans der setzen; Aber im Divisor ift nicht ber Winkel der Streichen, sondern ber, welchen bender Bange Durchschnitt mit dem Streichen des überseßenben'macht.

35. Rabe ich ben Brn. v. Oppel aus Mangel Uner Figur nicht recht verstanden, so wird man mir das desto eher verzeihen, weil ich ben der Verans lassang eine Aufgabe aufgeloset habe, die, wo nicht seine, boch sohst nüßlich ist. Mit dem, was eigentlich unter die Ueberschrift gegenwärtiger Anmerkung gebort, hangt sie so zusammen, daß man, anstatt ; zu Tage ausstreichen, setzen muß: burch eine seigere Ebene ausstreichen.

30. Anmerkung. Die Lage von zwo Ebenen ist gegeben, man sucht die Lage ihres Durchschnittes.

1. Mit andern Worten: Von ein paar Gangen ist Streichen und Fallen gegeben. Man ficht bie lage der Linie, in der ste einander schneiben. ফ মুঁপনা

e. Die

- Die benden Ebenen schneiden den Horizont in KA, KB, 41 Fig. einander in KC. So giebt sich, auf diesen Linien gleiche Längen von K aus genommen, das Rugeldrepeck ABC.
 - 3. In demselben ist folgendes gegeben.

AR das Maaß des Winkels den bender Ebenen Durchschnitte mit dem Horizonte, (der Gange Streichen) mit einander machen.

A, und B, der benden Ebenen Neigungen gegen den Horizont. (der Gänge Fallen.)

- •4. Ich benenne die Grössen in diesem Drepecke nach dem 29. Anm. 13; 14; angeführten Gesetze. So hissen die benden gegebenen Winkel A, B, die gegebene Seite = c.
- gen CD senkrecht, und nenne ihn y. Er mißt der Linie CK Neigung gegen den Horizont.
- 5. Man nenne AD = x. Also BD. = c x. Diese Bogen geben die lage ber linie KD.
- 7. Hat man die benden unbekannten Gröffen (5;6;) gefunden, so ist ver Linie KC lage gegeben.
- 8. In jedem der benden rechtwinklichten Drepecke sehe man die Grundlinien als bekannt an, und suche die benden gemeinschaftliche Höhe aus dem schiesen Winkel, der in jedem gegeben ist.
- g. Es'ist in meiner sphär. Trig. 1. S. die II. Proportion; und man sindet

tang y

tang y = tang A. fin x = tang B. fin $(c \rightarrow x)$

10. Mun ist (Trig. 19. S.)

11. Bende Werthe von tang y; einander gleich gefest, geben also

tang A = tang B. (fin c, cot x - cof c)

12. Folglich cot x = tang A + cof c, tang B

finc, tang B

 $= \frac{\text{tang } \Lambda \cdot \cot B}{\text{fin } c} + \cot c$

13. Hat man x berechnet, so giebt sich y aus dem ersten Werthe (9).

14. Exempet. Es sep

A = 50° 12'4

B = 70 23

· c == 63 45

log tang A = 0,0792671log cot B = 0,5519521 - 1

abgez log fin c = 0, 9527308 - 1

0,6784884 -- 1

Diese ist ber logarithme des ersten Theils von dem zwenten Werthe, der Cotangente.

Er, gehort ju 0, 476967 baju adbiet cor c=0, 4931454 cot x == 0, 9701124

Diese Zohl iff ein wenig fleiner, als bie Tangente Folglich ift you 44° 8'4 x = 45 52

Serner, log sab fin x = 92.8559558 log tab. tang A = 10, 0792671

log tab lang y = 9, 9352229 girly = 400 45

Der gefundenen Cotangente niedrigste Zifer ift femitch nicht richtig. Die fchreibe fie aber mit bin, bamit ich bie gefundene Colangenten in Be henmillionentheilchen bes Ginnesotus ausbrücken, und fo, was ihr am nachsten kommt, in ben Lafeln bequem aufsuchen kann. Ich suche nahmlich in ben Tafeln unter ben Tangenten, beren benbe und noch funf niedrigere þód) Te ber niebrigften Bifern nebe g jeigt, ohnebem bir nicht mird mit baß fie ihre Stellen in 2 ausfuurn

15. Wenn c = 904; ober bie Streichen ber Bange um 6 Stunden unterschleden maren , ift cot'x == tang A. cot B.

16. 3m Erempel mare ber Lafollogartthme Diefer Cotangente = 9,6312192

Alfo

und y == 47% 49. und y == 47% 49. unisit rodu

17. Sind bende Ebenen gleichkfel gegen eins ander geneigt, also A — B, so wird bekannter, massen das Dreneck gleichschenklicht, akso AD — DB, wie auch die Formel (12) giebt.

18. Reigen sich bende Ebenen nach einerlen. Gegend, ober: sallen bende Gänge nach einer Seite, so ist B=180°— A also tang B=—tang A.

Dahet in (12) $\cot x = \frac{-1}{\sin c} + \cot c$. das

giebe zusammen ein Bruch, bessen Nenner = sinc; ber Zähler = — (1 — cosc) = — 2 sin (½ c)² (Trig. 9. Saß 7. Zus.). Der Nenner aber läßt sich auch so ausbrucken: 2 sin ½ c. cos ½ c. (bas 6 Zus.) Folgsich kömmt cotx = — tang ½ c asso x == ½ c — 90° und sin x = — eos ½ c; und tang y = — tang Å. cos ½ c; und c — x == ½ c + 90°; wovon die Cotangente auch = — tang ½ c ist.

Jedes Kugeldrepeckes Seite ist kleiner, als Quadranten Folglich ist x verneint; Nahmlich D fällt auf den Bogen BA, über dem leßtgenannten Buchstaben förtgezogen.

Der entgegengesetzte Werth von x; ber bei jahte Bogen 96? — ½ c ist kleiner, als ein Quabrant, dessen Tangente und Cotangente bejaht, solglich Tangente und Cotangente von x verneint.

c — x ist ein Bogen, grösser als ein Quabrant, aber kleiner als der Halbkreis. Folglich auch von ihm Tangente und Cotangente verneint.

Norizonte parallel, so muß man sich K als unendlich entsernt vorstellen. Da ist c = 0; Auch werden x; y; jedes = 0. Nähmlich CK auch pa-

rallel mit benden Durchschnitten.

Durchschnitte mit dem Horizonte parallel sind, so kann hender Sbenen Durchschnitt keinen Punkt im Horizonte haben. Dieser Punkt wäre in benden Sorizonte haben. Dieser Punkt wäre in benden Sbenen, und im Horizonte, also in benden Durchschnitten mit dem Horizonte. Daher ist dieser benden Sprizonte wir einander, jeder ihrem Durchschnitte mit dem Horizonte parallel.

Zwen Dächer, über parallele Mauren gegen einander geneigt, sind ein Bep piel hievon.

Durchschnitts bender Ebenen, aus den gegebenen Grössen, so unmittelbar als möglich ist. Die einzige Beschwerlichkeit hieben ist, daß die gesuchte Cotangente (12) aus zwen Stücken besteht, deren jedes man einzeln berechnen muß.

22. Indessen erhellt aus dem Erempel, wie man zu diefer Berechnung die Logarithmen bequem

brauchen kann,

Ich habe mich baben ber gröffern logarithmie schen Tafeln, und noch Proportionaltheile, bedient.

Aus den gemeinen, und ohne Proportionaltheile, sindet man diesen ersten Theil doch = 0,4769, und das giebt cot x = 0,9700 das schränft den Winkel ebenfalls zwischen 52 und 53 Minuten über 45 Grad ein.

83. Nur, wenn einer der bepten gegebenen Winkel nahe bep einem rechten, der andere weit davon unterschieden wäre, könnte der erste Theil so groß werden, daß ihn die Logarithmen nicht gar zu scharf gäben.

24. In diesem Falle könnte man mit dem tris gonometrischen Linien selbst rechnen; welches freps

lich auch soust niemanden verboten ift.

25. In der hisherigen Rechnung habe ich bepder gegebenen Winkel Tangenten bejaht angenommen; also die Winkel spißig.

26. So fällt das Perpendikel, CD zwischen sie

und ist spißig. (Sphår. Trig. 2. Set 1,)

27. Ebenfalls sehe ich die gegebene Seite als spisig an, folglich Cosinus und Tangente bejaht.

- 28. Wird also etwas in 25; ober 27; stumpf, so muß man wissen, wie die trigonometrischen lien alsbenn verneint werden, und wie alsbenn die Formel (12) zu brauchen ist.
- 29. Zur Erläuterung hievon, so viel als moglich von der Rechnung des Exempels (14) zu brauchen, bleibe alles wie dorten, nur sen A = 129° 48'; des Winkels, der dorten mit diesem Buchstaben angedeutet At, Supplement zu 180°.

Perneint anselfn; Und so with der erste Theil, den man dort durch den Logarithmen sand, nur verneint, behålt sonst eben die Gi ossez ist also

= - 0, 476967 abbirt cot c = + 0; 4931484¹¹

 $\cot x = + 0, 0161784$

Wiese Grösse gehört als Langente zu 55° 4; Also ist x = 89° 6' —

Das beträgt mehr als c; und giebt c -- x

= (35° 21')

Die Bedeutung ist offenbahr: Man musse ben Bogen All durch B weiter fortziehen, und da hinaus von B an BD = 25° 21' nehmen.

Ferner log tab sin x = 9,999464 log tab tang A = 10 0792671

log tab tang y == 10, 0793135

fchen die benden stumpfen Winkel, welche die Eber wen der Bogen CA, CB mit dem Horizonte machen, und ist alse stumps (Sphär, Arig. 2: Sak 3.) Daß es aber in Minuten mit dem Aumpfad Winkel A einerlen ist, kömmt, wie man so gleicht seht, daher daß zest nahe an 90 Graden ist, und zeigt an auch AC werde bennahe ein Quadrant senn, also CD das Maaß des Winkels A.

jande man die behden unbekannten Grössen (5; 6;),

fo:

31. Im Drepecke ABC suche mon aus der gegebenen Seite, und den anliegenden Winkeln; die Seite AC, die b heißt.

32. Nun im rechtwinklichten Orenecke ACD, aus dem schiefen Winkel (3) und der Hypothenus

(31), die benben Schenfel x; y;

33. Die Frage (31) ist in meiner sphär. Trig. der schieswinkl. & Fall, und die dortigen Zeichen sind in die hiesigen so zu überseßen :

Man nenne ben bortigen Winkel BPA, ber

in gegenwärtiger Figur nicht vorkomme, u.

Also zuerst cot u = tang B, cos c.

34. Mun für (33) fin y 40 fin A. sin b.(1. Gas

35. Man sieht leicht, dast diese Rechnung weitz käuftiger ist, als die vorige. Man muß zwo Zwi-Eden-

434 -

schengröffen u, b, berechnen, ehe man an x und y

aus der Formel (12) leichter zu beurtheilen, als aus der Rechnung (31).

37. Bleibt man also ben der Formel (12), so

Durchschnitt, mit jeder Ebene Durchschnitte mit dem Porizonte macht.

Dieser Winkel Maasse sind die bepten Seiem des Drenecks. Also (nach 34)

cot b = cof A cot x; unb eben fo cot a = cof B. cot (c - x).

39. Endlich für bender Ebenen Winkel mit eine ander

fin C in a

40. Für c = 90° (15) fömmt cot b = sin A, cot B cot a = sin B. cot A.

41. Für (18) cot b = - cof A. tang & c;

Und cot a bekömmt den entgegengesetzen, sonst gleichen, Werth. Also haben auch die Langenten von a, b; entgegengesetze, soust gleiche Werthe. Das ist; Diese bepten Bogen machen zusammen 180 Grab.

49. Die bisherigen Verechnungen vienen auch zu folgender

Aufgabe.

43. Man hat den Winkel, ven die Durchschittets von ein Paar Ebenen mit dem Horizonte, wis einander machen; also c (4).

Imgleichen die Lage der Linie in der bende Ebenen einander schneiden. Also x; y; (5; 8).

Aus diesen unmittelbar gegebenen Grössen sucht man der Ebenen Reigungen gegen den Horistont, und die Winkel, welche ihr gemeinschafflischer Durchschnitt, mit jeder Durchschnitte mit dem Horizonte macht.

44. Für das erste, ist aus (9)

sot A == fin x. sot y; sot B == fin (c-x). cot y

45. Für das zwente; Aus sphär. Trig. 1: Sas 3. Zus. co.

colb = colx, coly unb cola = col(c-x). coly

46. Die Untersuchung (1) erwähnt Hr. v. D. H. 618; als eine Anwendung schiefwinklichter Rusgeldrepecke, nachdem er dren Aufgaben erwähnt hat, deren jede sich soll auf ein rethtwinklichtes Oreneck bringen lassen. Die ersten benden von ihren stehen in der 29. Unin.

47. Die britte heißt ben ihm so: Man weiß das Streichen und Fallen eines Ganges, und das Ansteigen eines Gebürges nach einer zugleich gegebe-

gebenene Wiegend im Graben, Man sollspangus die Lienie finden, in welcher der Gang sein Ausstreichen hac-

48. Weil Hr. v. D. diese Aufgaben mit keiner Figur erläutert hat; so ist mir besonders in dieser dinkkei; was er durch: Anskeigen des Pebürges nach einer zugleich gegebenen Gegend sagen will. Ich stelle mir die Sache so por:

soch de Oberfläche des Berges wird als eine geneigte Ebene angesehen. Man weiß die lages dieser geneigten Ebene; also: ihre Neigung gegen den Horizont, das Ansteigen; und die Stunde, in welcher eine söhlige linte auf dieser donlegigen Ebene streicht. Eine andere söhlige linte, die jener das rechte Winkelkreuß giebt, bestimmt die Gegend des Ansteigens.

So, wenn in der 35 Fig. HG die erste sohlige Linie, QK die zwente, O in der geneigten Stone ware, ware KQQ das Ansteigen in Graben, nach der Gegend KQ.

50. Mun ist der Gang eine andere schiefe Chene, von der man Streichen und Fallen weiß.

In der 16 Fig. sep RCN im Horizonte, CN, CE, im Gange, ECR vertical; So weiß man die Stunde in welcher CN streicht, und den spharischen Winkel N, des Ganges Fallen.

51. Soll nun CE des Ganges Ausstreichen in der geneigten Ebene senn, so weiß man im Kugeldrenecke ERN nichts mehr, als den rechten Winstel bep R; und den schiefen N.

52. Denn

Denn ob man gleich bas Streichen von CN weiß, so weiß man doch das von CR nicht. Ausser wenn man annahme, CE der 16 Jig: ware mit QK der 31; einerlen, das ist: die Lini, in welscher der Gang ausstreicht, sen auf die sohlige Linien, die in der geneigten Ebene (50) gezogen werden, senkrecht. Ich sehe abre nicht, was und herechtiget, dieses anzunehmen; Und alsa läßt sich nach meinen Auslegung des Hrn. v. D. Ausgabe nicht auf ein einziges rechtwinklichtes Rugele drepeck beingen.

53. Ich stelle mir die Sache so vor: Gang, und Oberstäche des Verges, sind ein Paar geneige te Ebenen, wie CKA; CKB; 41 Fig.

Man weiß jeder ihr Streichen; also den Winkel AKB = c.

· Auch seber ihr Fallen; also die Winkel A, B.

Daraus sucht man die lage ihres Durche schnitts, KC des Ausgehenden vom Gange.

Das ist also völlig die Untersuchung (1).

31. Anmerkung.

Ueber die krummen Linien, in denen ein Sang fällt und zu Tage ausstreicht.

v. Oppel S. 620.

1. Wenn man einen Gang nicht nur in dem kleinen Theile der Erde betrachtet, in dem man ihn ihn murklich verfolgen kann, in einem Theile, det gegen die ganze Erdkugel sur nichts zn achten ist, sondern annimmt, er solle in dem Streichen und Kallen, das man ben ihm an einer gewissen Stelle gefunden hat, durch die ganze Erdkugel sehen, so. kann man fragen, was hieraus von seiner Figur solgt?

- 2. A 42 Fig. sen ein Punkt in der Oberstäche der Erdfugel; C ihr Mittelpunkt. Durch CA lege man eine willkührliche Sbene, die also allemahl für alle die Oerter auf der Oberstäche der Strde, durch welche sie geht, vertical senn wird.
 - 3. In dieser Ebene soll eine krumme Linie M so liegen, daß sie an jeder Stelle, eine und dieselbe Reigung, gegen die horizontale Ebene durch diese Stelle hat.
 - 4. M sen eine solche Stelle. Die horizontale, Ebene an ihr steht senkrecht auf CM. Gegen die horizontale Ebene hat das Element der krammen linie eine gewisse Reigung.
 - 5. Diese Meigung ist die Ergänzung zu 90 Graben von dem Winkel CMm ber Ø heissen mag.
- 6. Soll also jene Neigung überast, mo man Min der frummen kinie nimmt, eine und dieselbe senn, so ist auch überall der Winkel, den das Element der krummen kinie mit einer daran gezogenen kinie CM macht, einer und derselbe.

· 7. Man

31178

- 7. Man nenne CA = r; CM = y; den Winkel ACM = Z. Gein Differential ist MCm.
- 8. Die krumme linie kömmt dem Mittelpunkte der Erde immer näher und näher. Wenn man also mit Cm den Kreisbogen ink beschreibt, der

= ydz ist, so ist MR = — dy und
$$\frac{mR}{MR}$$
 oder

$$\frac{\mathrm{yd}\zeta}{-\mathrm{d}\mathrm{y}} = \mathrm{tang} \ \varphi.$$

9. Also
$$\frac{d\zeta}{tang \varphi} = -\frac{dy}{y}$$
; unb $\frac{\zeta}{tang \varphi} =$ Confi — $\log y$.

Es ist aber $\zeta = 0$, für y = r; Also Const

$$= \log r. \text{ unb} \frac{g}{\tan \varphi} = \log \frac{r}{y}$$

- 10. Diese krumme linie ist also die logarithmische Spirallinie. Ich habe von ihr in der Analysis des Unendlichen (10; gehandelt. Wollte aber doch lieber die kurze Rechnung, durch die man ihre Gleichung sindet, hie benbringen, zumahl da hie die Gleichung ein wenig bequemer ausgedrückt ist als dorten, und unmittelbar so, wie zu gegenwärtiger Absicht ersodert wird, sür den Theil der krummen linie, welcher sich von der Oberstäche dem Mittelpunkte der Erde immer nähert.
- 10. Von einem Gange, der immer tiefer und tiefer geht, sagt der Bergmann: er gehe in ewige
 Teufe;

Reuse; und sagt diß richtig, weil er sich unter der Oberstäche der Erde gleichsam einen Abgrund vorsstellt. Ob, aber der Hr. v. D. hie eben den Ausspruck mit Rechte gebraucht habe, das ist mir zweis selhast, denn für den Geographen ist unter der Oberstäche kein Abgrund, sondern ihr Mittelpunkt zu bestimmter Entsernung.

- 11. Also, wenn ein Gang nicht in ewige Teuse, sondern dem Mittelpunkte der Erde immer naher und naher niedergeht, und daben beständig einer-lep Fallen behalten soll: So kann er, allgemein betrachtet, keine Ebene senn, sondern jeder Durchschnitt einer Ebene durch den Mittelpunkt der Schnitt einer Ebene durch den Mittelpunkt der Schnitt ihm, ist eine logarithmische Spirallinie, deren Winkel om mit des Ganges Fallen 90 Grad macht.
- 12. Ist $\varphi = 90^\circ$ also die Tangente davon unendlich, so giebt die Gleichung (8) $o = \log \frac{\Gamma}{\psi}$ also r = y. Nähmlich des Ganges Fallen ist = 0; und sein Durchschnitt (11) ein größter Kreis auf der Oberstäche der Erde.
- 13. Ist $\varphi = o$, so giebt die Gleichung (8) log unendich, also y = o. Der Gang ist also denn eine seigere Ebene, die einzige Bedingung, unter welcher der Gang eine Ehene senn kann. Je- de Ehene, durch den Mittespunkt der Erde, schneis det

bet ihn in einer geraden Linie durch den Mittels punkt, das ist die Bedeutung von y = 0.

Soviel vom Gange der immer mit einerley

Fallen weiter und weiter in die Teufe sett.

14. Ein Gang streicht in einer gewissen Stunde zu Tage aus. Das heißt: Sein Durchschnitt mit der Horizontalfläche des Ortes, wo er ausstreicht, macht mit dem dasigen Meridiane einen gewissen Winkel.

- 15. Sollte er also über die ganze Oberfläche ber Erdfugel ausstreichen, und immer in chen der Stunde, so müßte er auf dieser Oberfläche eine frumme linie angeben, die mit jedem Meridiane eben den Winkel wie mit dem andern machte.
- 16. Man kann dergleichen krumme Linien auf den meisten künstlichen Erdkugeln sehen. Von jester Windrose, die auf einer solchen Erdkugel abges bildet ist, gehen Striche aus, die sich durch die Meridiane weiter fortziehen, und deren jeder, alle Meridiane unter einem und demselben Winkel, ein anderer unter einem andern, aber auch immer demselben andern schneidet.
- 17. Nach einer solchen Linie würde ein Schiff gehen, das beständig von einem und demselben Winde nach der Richtung des Windes getrieben würde. Z. E. Wenn es immer Nordwesswind hatete, ginge es aus jedem Meridiane in den nächsten, nach Südosten.

- 18. Von diesem schiefen Laufe des Schiffes beißt man solche Linien Lorobronnien.
- 19. Der Gang (15) streicht also in einer lerobromischen linie zu Tage aus.
- 20. Wenn er gerade von Suden nach Norden, oder umgekehrt ftreicht, so wird diese Linie ein Meridian.
- 21. Wenn er aus einem Punkte, der von jedem Pole 90 Grad absteht, gerade Ost oder Westwärts streicht, wird sie der Aequakor.
- 20. Von den korodromien hat Jacob Bernoulli theoretisch und praktisch in den Leipziger Actis Erud. 1691; 1699; gehandelt. Man s. Opera Jacob. Bernoullii n. 42. u. n. 91. Gleichwohl sagt Leonh Christoph Sturm, in seinem furzen Begriff der gesammten Mathesis (Frankf. a. d. Oder 1710.) III. Theil 233 Seite, man suche noch jeso biese Linie recht accurat herauszubringen, und wenn els nes Schiffs lorobromie accurat beterminirt ware, könnte man seine geographische länge auf der See Ein Paar Sate, welche zeigen, mas sonst schon von Sturmen bekannt ist, daß er von den Theilen der Mathematik, die nicht nahe mit Baukunst, Fortification und etwa gemeiner praktis schen Geometrie verwandt sind, auch nicht einmahl historische Kenntnisse zulänglich besessen hat.

32. Anmerkung.

Machricht von des Hrn. v. Oppel Anshang der Anleitung zur Mark-scheidekunst.

- 1. Bielleicht ist diese kleine Schrist nicht allen bekannt, welche die Unleitung zur Markscheideskunst selbst besitzen. Sie ist 1752 auch zu Dressben ben Walther herausgek. 36 Quarts. 1. Rupfert. Die Paragraphen werden in ihr mit denen der Markscheidekunst in einem fortgezählt und gehen von 930 bis 955.
- Juerst betrachtet der Hr. v. D. die söhlige Figur, welche aus den Urbeiten eines Markscheisderzüges entstehet, und zwischen den Sohlen aller gezogenen Schnuren auf einen und denselben Horizont gebracht, enthalten ist, wenn man noch von dem Punkte, der in einer seigern Linie mit dem Anshaltenspunkte ist, an den, welcher in einer seigern Linie mit dem ist wo man aushörte, eine gerade Linie zieht.
- 3. Diese gerade Linie hat man nicht aus uns mittelbarer Messung so wenig, als die benden Winstellen welche sie, einen mit der ersten Seite der Fischen, vom Anhalten an, den andern, mit der letzeten ohne eine am Endpunkte, macht. Die gerasten de Linie selbst kann als die letzte Seite der Fischur angesehen werden.

- 4. Aber aus unmittelbarer Messung, oder vers mittelst der lehre von Sohlen und Seigerteusen, hat man alle übrigen Seiten der Figur, die letze ausgenommen; auch alle Winkel die sie mit einans der machen, vermittelst des Hängecompasses (7. Anm. 56.) oder der 12. Anmerk. Es ist nähmslich so viel, als eine Figur aus ihrem Umfange ges messen. (13 Anm. 7.).
- 5. Die letzte Seite nun, und ihre Winkel (2) lehret der Hr. v. D. zuerst in diesem Unhange berechnen.
- 6. Man sieht leicht, wie dieses geschehen kann, wenn man die Figur durch Diagonalen aus dem Anfangspunkte in Orenecke zerlegt, da man immer von einem ins andere gehen, und was man im vorherzehenden berechnet hat, im nächstfolgens den brauchen kann.
- 7. Hr. v. Oppel aber giebt ben jedem Vielecke Formeln in Buchstaben ausgedruckt, durch welche, z. E. benm Finsfecke, die letzte Seite und ihre benden Winkel bestimmt werden.
- 8. Benspiele solcher Formeln, und zwar die einfachsten unter ihnen, wären. Wenn in einem Drepecke zwo Seiten mit dem eingeschlossenen Winkel gegeben sind, die dritte Seite und ihre benden Winkel zu sinden. Sie stehen in meiner Trigonom. 20. S. 1. Zus. und 1. astron. Abhandl, 52; 53. Des Hrn. v. D. seine für das Orepeck stimmen damit überein, nur wird ihr Ausdruck weite

weitsauftiger, weil er statt des Sinustotus nicht 1 sest.

- 9. Man sieht leicht voraus, daß ben Figuren von viel Seiten dergleichen Formeln sehr zusam- mengesetzt ausfallen. Man kann auch die logarithe men nicht gar zu bequem anbringen; und trigonometrische linien selbst mit einander zu multiplici: ren und zu dividiren, wie man vor Bekanntma- chung der logarithmen thun mußte, dazu würden sich jeso Astronomen schwerlich verstehen, denen man doch immer noch mühsamere Rechnungen anmuthen darf als Markscheidern.
- 10. Nachdem in der Figur stumpfe Winkel vorkommen, oder gar einwärtsgehende, die man für grösser als 180 Grad annehmen muß (G om. 13. S. 7. Zus. Unm) ist Ausmerksamkeit nothig, wels che von dieser Winkel trigonometrischen Linien, bejaht bleiben, oder verneint werden.
- 11. Mir scheint es also nicht, als ob des Hrn. v. D. so zusammengesetzte Formeln sehr brauchbar wären, und ich würde lieber ben der gemeinen trisgonometrischen Rechnung (5) bleiben.
- 12. Ein anderer Vorschlag, den Hr. v. D. im angesührten Unhange thut, kommt auf folgende Betrachtung an. Man stelle sich dren Sbenen vor, eine sohlig, die benden andern seiger auf jener, über Linien, deren eine die Richtung der Magnet-

Magnetnadel, die andere die sechste Stundenlisnie, also auf jener senkrecht ist: So machen die dren Ebenen jede mit einander rechte Winkel, und jeder Punkt ist durch die dren Perpendikel von ihm auf diese Ebenen bestimmt. Hr. v. D. lehrt nun, wie man ben einem Markscheiderzuge, aus dem was ist gemessen worden, die Lage eines Punktes auf erwähnte Art bestimmen kann.

13. Dieses Verfahren ist eben das, was man sonst in der Analysis braucht, wenn man die tage eines Punktes durch dren rechtwinklichte Coordinaten bestimmt. (Analys. endl. Grössen 514). Der Hr. v. D zeigt seine Anwendung aussührlich auch in einem Erempel. Die Beweise seiner Regeln würde man sich freylich aus der Lehre von der tage der Ebenen und sphärischen Trigonometrie aussuchen müssen.

Abhandlung. Von Höhenmessungen durch das Barometer.

t. Von diesem Gegenstande mit ben Gelegenheit der Markscheidekunst zu handeln, braucht wohl keine grosse Rechtfertigung. Er gehört ohns streitig mit zu den Mitteln, welche die Geometrie zu branchen sucht, Kenntniß von Gebürgen zu geben, und um alle solche Mittel bekümmert sich doch wohl der Berggeometer, wenn er nach Vollkommenheit in seiner Urt strebet.

2. In den gewöhnlichen Unleitungen zur Masthematik kann von diesem Versahren nicht gründslich gehandelt werden, besonders weil es etwas von der Rechnung des Unendlichen voraussest, frenlich nur ihre Unfangsgründe, die jedem, der sich mit Ibmessungen abgeben will, bekannt senn sollten.

3. Man hat auch Taseln over sonst Vorschriften aus dem Stande des Quecksilbers im Barometer, die Höhe des Ortes, wo es diesen Stand hat, zu berechnen. Aber jede solcher Vorschriften giebt immer sür einerlen Stand des Quecksilbers eine andere Höhe als die andere. Es ist also wohl der Mühe werth zu wissen, woher dieser Unterschied tührt, ob, und wie weit die Ersinder solcher Resein in ihren Grundsüßen von einander abgehen.

4. Fast allgemein nehmen sie an: die Dichte der Luft an jeder Stelle verhalte sich, wie die Krast, mit welcher sie zusammengepreßt wird.

2 4

5. Dieses

Dieses haben Mariotte und andere durch Versuche gefunden, ben denen die Luft, mit der doppelten oder drenfachen Kraft, in die Hälfte, oder in den dritten Theil des vorigen Raums zusammengepreßt ward. (Man s. meine Anfangsgr. der Aerometrie 62.)

6. Umgekehrt läßt sich also schliessen, wo die Luft halb so stark, oder den dritten Theil so stark gedruckt wird als ben uns, da sen sie nur halb,

oder den dritten Theil so dicht.

Von Prufungen des angenommenen Gesetzes ben verdunnter Luft.

7. I. Es gibt auch Mittel, sich durch Erfahrungen zu versichern, ob das Gesetz eben so ben verdunnter Luft, wie ben verdichteter, beobachtet wird.

II. Hiezu könnte Einem die Luftpumpe einfallen. Man könnte ihre Cylinder und die Glocke ausmessen, und so berechnen, wie viel die Lust nach einer gegebenen Menge von Erantlationen verdünnt wäre, (Aer. 41) nun aus der Quecksilberprobe beurtheilen, ob sie in eben dem Verhälts niß schwächer wäre.

Genaue Ausmessungen aber sind nicht so gar seicht, und aus der Beschaffenheit der Lustpumpen erhellt, daß man die Regel, aus der Zahl der Auspumpungen die Verdünnung zu berechnen, nicht mit völliger Sicherheit anwenden dürste.

III. Man stelle sich eine Röhre vor, wie zu Barometern genommen, nur an beyden Enden offen. Sie sey durchaus gleich weit, oder wenn das nicht ist, muß man Mittel wissen, die unterschiedenen Weiten in Verechnung zu bringen. Ich will es aber jeso annehmen, um die Sache kürzer vorzutragen.

IIII. Die Barometerhöhe zu der Zeit, da man den Versuch, der jest soll beschrieben werden, machen

will, sen = f.

Die länge der Röhre = g.

V. Man halte sie vertital, und verschliesse ihr unterstes Ende, mit einem Stopsel, oder mit dem Finger.

Zum obersten schütte man Quecksilber hinein, so daß über dem Quecksilber ein Theil der Röhre, dessen Länge = a; von Quecksilber leer bleibt.

In diesen Theil tritt also Luft, so dicht als

bie umliegende.

VI. Nun verschliesse man die Röhre oben, so daß die Verbindung mit der äusern Luft abgeschnitzen wird.

Und öffne sie alsbenn unten.

Es ist klar, daß alsbenn unten Quecksilber

herausfliessen wird.

Denn die kust, welche den Raum = a einnimmt, ware im Stande, den Druck der Atmosphäre, oder welches eben so viel ist, eine Queckstibersäuse von der Höhe f-zu erhalten. Also ist die Atmosphäre nicht stark genug, zusgleich diese Luft, in diesem Raume, und eine Queckstibersäule von der Höhe g — a (V) zu ershalten.

Wenn aber Quecksilber heraus läuft, und die über dem Quecksilber befindliche kuft sich ausbreitet, so werden diese benden Kräfte, welche dem Drucke der Utmosphäre entgegengesetzt sind, geztinger, und so wird diese Verminderung so weit gehen, bis bende dem Drucke der Utmosphäre gleich werden. Unter was sur Umständen dieses geschicht, läßt sich so bestimmen.

VII. Die kuft über dem Quecksilber breite sich

aus bem Raume a, in ben y aus.

VIII. Im ersten Raume konnte sie eine Queckfilbersäuse = f erhalten, also kann sie im zwenten

eine Quecksibersäule = 1. a erhalten, wenn

man annimmt, die ausdehnende Kraft von einerlen Luft verhalte sich wie ihre Dichte, also verkehrt, wie der Raum, den sie einnimmt.

VIII. Moch bleibt in der Röhre eine Quecksil-

bersause = g - y.

X. Diese benden Kräfte (VIII; VIIII;) ets hält die Atmosphäre. Also ist

$$\frac{fa}{y} + g - y = f$$

$$Ober y^2 = a. f - (f-g). y.$$

XI. Die Aussolung der quadratischen Gleischung giebt $y = \sqrt{(\frac{1}{4}(f-g)^2 + af) - \frac{1}{4}}$ (f.—g) für der Gleichung bejahte Wurzel, welches offenbahr die ist, welche man hie braucht.

XII. So läßt sich aus dem VIII; angenommes nen Saße berechnen, wie tief das Quecksilber falst len muß. Und wenn denn die Erfahrung zeigt, es salle so tief, so bestätigt sie den angenommenen Saß.

Diese Aufgabe mit ihrer Auflösung ist von. Jacob Bernoulli vorgetragen worden, unter dem Litel: Vsus logicae in physica. Op. Iac. B. T. I.

Hie will ich bequemet zu gegenwärtiger Absicht eine andere Anwendung der quadratischen Gleichung (X) machen, die B. zu der seinigen nicht brauchte.

XIII. Man setze, die kuft soll n mahl dunner werden; also y = n. a senn. Dieses in die quadratische Gleichung gesetzt, giebt

$$n^2 a = f - (f - g)$$
. n
Ober $a = f + n$. $(g - f)$

XIIII. **Erempel.** Das Barometer steht 28 Zoll = f. Die länge der Röhre ist 30 = g. Man will haben, daß sich die luft über dem Queckssilber viermahl (also n = 4) verdünnen soll; Wie viel muß man oben in der Röhre von Queckssilber leer lassen?

$21160 = \frac{28 + 4.2}{16} = \frac{2}{3}$

Ruckwärts läßt sich dieses so erläutern: In der Röhre sind 2 Zoll natürliche Luft, die in diesem Zustande 28 Zoll Quecksilber tragen könnte. Sie breitet sich in den vierfachen Raum = 9 Zoll aus, und so kann sie nur den vierten Theil = 7 Zoll Quecksilber halten. Ferner bleiben in der Röhre 30 — 9 = 21 Zoll Quecksilber. Ulso ist das, was in der Röhre befindlich ist, = 7 + 21 = 28 Zoll Quecksilber, gleich so viel als die Utmessphäre erhalten kann.

xv. Wenn man also ben einem gegebenen Barometerstande = f; für eine gegebene Röhre = g,
unterschiedene Werthe von n annimmt, und das
jedem zugehörige a berechnet; So kann man sür
jede dieser Rechnungen, so vielsals sie angiebt, natürliche Luft über dem Quecksilber lassen, alsdenn
den Versuch nach (VI) anstellen und nun sehen,
ob der Raum oben in der Röhre, der von Quecksilber leer ist, y = n. a ist. Dieß Versahren würde bequemer senn, die Voraussehung (4) zu prüsen, als wenn man nach Vernoullin allemahl eine quadratische Gleichung aussösen wollte. Auch
hatte B. keine solche Prüsung zur Absicht.

XVI. Wenn die Röhre länger ist, als die Varometerhöhe, also in XIII; g — f'bejaht, so bekömmt man allemahl für a einen bejahten Werth, so groß man auch n nimmt; Nur wird dieser Werth

Werth für ein grosses n sehr klein ausfallen, und sich also nicht wohl abmessen lassen. Allenfalls müßte man zu dieser Absicht die Röhre sehr lang nehmen, und sich in den Stand sehen, die kleinen Theilchen, in denen a durch die Rechnung angegeben wird, sehr scharf abzunehmen.

XVII. Man seße f=28; g=40; n=100;
-so kömmt 2 = 0, 1228. Wenn man so viel Plaß in der Röhre oben sür natürliche kuft läßt, so breis tet sich solche in den hundert sachen Raum = 12, 28 aus, in w Ichem Zustande sie 0, 28 Queckssilber halten kann. In der Röhre aber bleiben 40—12, 28 = 27,72 Quecksilber, die also mit der verdünnten eingeschlossenen kuft, zusammen 28, dem Orucke der Utmosphäre gleich sind.

XVIII. So zeigt sich, wie man die Voraussetung auch für grosse Verdünnungen prüfen könnte, woben freylich allerlen Schwürigkeiten eintreten

würden, sehr sichere Versuche zu machen.

XVIIII. Ist die Röhre kürzer, als die Queckfilbersäule im Barometer, so wäre in (XIII) ein bequemerer Ausdruck des Zählers f.—n. (f.—g);

und $n = \frac{f}{f - g}$ gabe die Gränze, ver n sich nä-

hern darf, aber solche nicht erreichen.

Denn im letten Falle bliebe keine kuft über dem Quecksilber. Es sanke nicht, weil es im Barometer durch die Atmosphäre noch höher erhalten wird. Nähmlich y = n. a wäre hie = n. o.

Nähme

Mahme man n noch grösser als die angegebene Gränze, so käme der Werth von a verneint, der-

gleichen sich hie gar nicht anbringen läßt.

XX. In dem bisherigen habe ich nur die Theostie solcher Versuche auseinander seßen wollen. Die Handgriffe zur Ausübung wird jeder sich leicht erstenken, dem torrscellianische Röhren und Baromes

ter bekannt sind.

Begreislich wird man das unterste Ende der Röhre in ein Gefäß mit Quecksilber gehen lassen, voer ihm einen aufwärts gebogenen Schenkel anssügen. Sonst würde die Rechnung mit der Erfahrung nicht übereintreffen. Denn weil das Queckssilber durch den Fall eine Geschwindigkeit bekömt, so sließt anfangs mehr aus der Röhre als die Rechnung angiebt, das tritt aber nachdem aus dem Gestässe oder dem auswärts gebogenen Schenkel wiesder hinein, und es entstehen gleichsam Oscillationen; erst wenn Alles ruhig ist, kann man y abemessen.

Wenn man ein Gefäß, oder einen aufwärts gebogenen Schenkel braucht, sind solche Erinnerungen wie (Uerometr. 74.) inacht zu nehmen.

8 Zu gegenwärtiger Untersuchung ist eben nichts daran gelegen, wie es sich ben sehr grossen Aenderungen der druckenden Kraft der kuft vershält. Denn in kuft, die nur noch einmahl so dicht, oder in solcher, die nur halb so dicht wäre, als die uns gewöhnliche, könnten wir schwerlich lange leben, und so kann man in den Sertern, wohin wir

mit bem Barometer fommen, bas Befeg (4) an-

nehmen.

9. Uber eine andere beträchtliche Einschräntung dies Geseges ift, daß man die Warme ber Luft ungeandert benbehalten muß. Chen die Masfe Luft breitet sich in einen gröffern Raum aus, wenn sie erwärmt wird, und so trägt dunnere Luft, eben den Druck, oder noch stärkern als zuvor dichtere trug.

Auch könnten mäßriche ober andere Dünste verursachen, daß die Luft, in der sie sich aufhalten, eine andere Federkraft äusert, als sie ohne Benmischung salcher fremben Materien zigen wurden.

Folgen aus diesen Ursachen, wenn es noch mehr Uenderungen geben sollte, das alles sest man anfangs benseite, um die Untersuit chung nicht allzu verwickelt zu machen. Nachdem muß man untersuchen, ob, und wie sie ben ber Unwendung anzubringen sind.

Aufgabe.

- 11. Die Vergleichung, zwischen dem Stan de des Barometers, und Sohe über dem Soe rizonte, in der Voraussezung (4) zu finden.
- 12. In der 31 Fig. sen S im Horizonte, K darüber um die Höhe SK = x erhoben.

Die Höhe des Quecksilbers im Barometer sen = f ben S; und = y ben K.

13. Ben S verhalte sich die Dichte der Luft, zur Dichte des Quecksilbers wie m: 1. Begreif-

lich wird m ein sehr kleiner Bruch senn.

14. Indem man aus K um dx steigt, falle das Quecksilber im Barometer um dy. Die Höhe der Quecksilbersäule nimmt ab, indem die Höhe, auf welche man steigt, zunimmt, also gehören benden Höhen entgegengesetzte Uenderungen zu, zu + dx gehört hie — dy.

15. Umgekehrt, wenn man niederwärts geht,

gehören zusammen - dx und + dy.

verhält sich in S und K wie f und y, die Quecksilbersäulen die er erhält. Eben so verhalten sich also die Dichten der kuft in S und K (4).

17. Folglich ist in K, die Dichte der luft $\frac{my}{f}$

18. Diese kuft sieht man von K bis T als durchaus gleich dicht an. Soll also eine Säule von ihr, mit einer Säule Quecksilber in der Barometerröhre im Gleichgewichte senn, so mussen sich der ers sten und der zwenten Säulen Höhen verhalten, wie die Dichte des Quecksilbers zur Dichte der kuft. (Hydrostat. 35).

19. Diese Luftsäule hat KT zur Höhe. Ind die Quecksübersäule mit der sie im Gleichgewicht ist, hat so viel Höhe, um so viel das Quecksüber gefallen ist, indem man von K bis T stieg, denn so viel höher ward es in K von erwähnter Luftsäu-

le erhalten.

20. Also ist (18; 14)
$$dx: -dy = 1:-\frac{my}{f}$$

Folglich
$$\frac{mydx}{f} = -dy$$
 ober $dx = \frac{-f}{m} \cdot \frac{dy}{y}$

21. Die Integration hievon kömmt auf die natürlichen logarithmen an. (Anal. des Unendl. 219; 225) und so ist

$$x = Const - \frac{f}{m} lognat y$$

Weil x = 0 für $y = f_{(12)}$ so ist Const

f log nat f

22. I. Also
$$x = \frac{f}{m} \log nat \left(\frac{f}{y}\right)$$

II. Sest man in (17) die Dichte der lust wir und bedeutet a; die lange einer Saule einer flüßigen Materie, deren Dichte = m, ihr Druck so stark als der Druck der Quecksilbersaule kist, also f = m, a; so kömmt x = a. lognat (m > v), sür die Vergleichung zwischen Höhe, und Dicheste der lust.

III. Wenn lognat e == 11 so erhält man-

v = m. e , wodurch sich die Dichte der kuft in jeder angenommenen Höhe, aus der am Hoerigonte berechnen läßt.

23. Die Regel (22; I) mit Worten ausgedruckt wäre, also diese: Man suche den natürlichen Logarithmen des Quotienten den die Barometerhöhe in S, mit der in K dividirt, giebt.

Diesen Logarithmen, als eine Zahl betrachtet, multiplicire man mit der Barometerhöhe in S.

Und dividire das Produkt mit der Dichte der Luft in S (12).

Was heraus kommt, ist die Höhe SK.

- 24. Man begreift, daß so die gesuchte Höhe in eben solchem Maasse herauskömmt, in welchem man die Varometerhöhen angiebt. Sind diese in Zollen, und etwa in Decimaltheilen von Zollen angegeben, so sindet sich auch die gesuchte Höhe in Zollen und deren Decimaltheilen. Hat man die Varometerhöhen etwa in Zwölftheilen eines Zolls, in Linien, ausgedruckt, so sindet sich die gesuchte Höhe in eben solchen Linien.
- nes Thurms, wird man wohl nicht durch eine Menge von Zollen oder Linien ausdrucken wollen, wenn man auch der Methode zutraute, daß sie diese Menge genau angabe. Also fügt man zu (23) noch folgendes,
- 26. Was in (23) herauskömmt, dividire man mit 12 oder mit 144; nachdem man die Baromes terhöhen in Zollen oder in Linien ausgedruckt hat. So bekömmt man die gesuchte Höhe in Fußen.

garithmen ersodert werden, die nicht so gar gemein sind. Und die man gedruckt hat, reichen nicht so weit, als man wünschen könnte. Hr. Lambert, in s. Jusäßen zu den logarithmischen und trigon. Tabellen (Berl. 1779) 13 Tas. hat sie bis 100 gegeben, auch Simpsons seine mitgetheilt die dis 1000 zu brauchen sind. (Man s. Hr. L. Erklärung der Taseln 60. J.). Die lesten stehn auch in den zu Avignon 1770 herausgekommenen Tables de logarithmes.

28. Wer mit solchen Takeln nicht versorgt ist, kann sich der gewöhnlichen briggischen Logarithemen so bedienen, daß er den briggischen Logarithemen des Quotienten (23) mit dem natürlichen logarithmen der 10 oder mit 2, 302585... = k multiplicirt.

Das Produkt giebt den natürlichen, welchen man eigentlich brauchen sollte.

Es kann auch hieben dienlich senn, den briggischen logarithmen von k zu wissen. Diese Grösse, so weit sie hie angegeben ist, bis auf Millions
theile, ist = 5.0,460517. Ich sinde des lese
ten Factors logarithmen durch Proportionaltheile,
addire dazu den von der 5; und sinde so

 $\log k = 0,3622157.$

Dieses kann sür gegenwärtige Rechnungen genug sehn. Da aber der briggische Logarithme von k auf unterschiedene Urt brauchbar senn kann,

P 2

so ware es nicht unnüß, ihn schärfer zu suchen, eben wie man den Logarithmen der Peripherie für den Durchmesser 1; genau gesucht hat. (I. astr. Abh. 96.)

Etwas schärfer ist derselbe schon dom Hugen gesucht, und eben zu der Absicht gebraucht worden, durch briggische Logarithmen zu sinden, was uns mittelbar, natürliche ersodert. Man s. Hugens Observationes in libr. Iac. Gregorii de vora circ. et hyp. quadrat. In der Sammlung von Hugens Werken die s'Gravesande besorgt hat in dem Bande: Opera Varia; Vol. 2. p. 463.

H. braucht 0, 3622156868 welches, mit dem, was ich vorhin angegeben habe, so genau übereinsstimmt, daß man keine andere Angabe, als meine brauchen kann, wenn man nur dis auf sieben Des cimalstellen der Logarithmen gehn will.

Man sieht leicht, daß Hugen sich Tafeln bes
dient hat, wo die logarithmen in mehr Decimals
spellen angegeben sind; Er hat auch, für Zahlen
von viel Decimalstellen, sich des Vortheils der trisgonometrischen logarithmen bedient, wovon ich
9. Unm. 20; geredet habe.

29. Die Dichte der kuft in S muß man aus Erfahrungen der Natursorscher annehmen. Besanntermassen sind diese Erfahrungen nicht ganz übereinstimmend, können es auch nicht senn, weil sie nicht alle an einem Orte, und unter einerlen Umständen, außestellt sind.

30. Nimmt

30. Nimmt man sie also an, so giebt $\frac{f}{m}$; noch

mit 12 oder 144 dividirt, (26) einen beständigen Coefficienten, der, mit jedem natürlichen logarithemen des veränderlichen Quotienten in (22) multiplicirt, allemahl die Höhe x in Jussen angiebt, die dieses Quotienten jedesmahligem Divisor y geshört.

Multiplicirt man diesen beständigen Coefficienten mit k (28), so hat man einen andern beständigen Coefficienten, der ben dem briggischen Logarithmen eben so gebraucht wird, wie jener benm natürlichen.

Wie sich der Barometerstand sür eine gewisse Sohe ändert, wenn sich der Barometerstand im Sorizonte ändert.

31. I. Weil bekanntermassen, das Barometer, an einem und demselben Orte nicht immer einerlen Höhe hat, so seße man, da, wo sein Stand jeso f war, sen er zu einer andern Zeit = F. Die Dichte der Lust sen alsbenn M.

11. So ist f: F = m: M. (4)

III. In eben der vorigen Höhe über diesem Orte, oder in der Höhe = x, sen der Barometers. Fand nun = Y.

IIII. So ist aus (22) jeso

$$x = \frac{F}{M}$$
. log nat (F: Y)

P 3

V. Die

so ware es nicht unnüß, ihn schärfer zu suchen, eben wie man den Logarithmen der Peripherie für den Durchmesser 1; genau gesucht hat. (I. astr. Abh. 96.)

Etwas schärfer ist berselbe schon vom Hugen gesucht, und eben zu der Absicht gebraucht worden, durch briggische Logarithmen zu sinden, was uns mittelbar, natürliche erfodert. Man s. Hugens Observationes in libr. Iac. Gregorii de vora circ. et hyp. quadrat. In der Sammlung von Hugens Werken die s'Gravesande besorgt hat in dem Bande: Opera Varia; Vol. 2. p. 463.

H. braucht 0, 3622156868 welches, mit dem, was ich vorhin angegeben habe, so genau übereinsstimmt, daß man keine andere Angabe, als meine brauchen kann, wenn man nur dis auf sieben Des cimalstellen der Logarithmen gehn will.

Man sieht leicht, daß Hugen sich Tafeln bes dient hat, wo die logarithmen in mehr Decimalschlen angegeben sind; Er hat auch, für Zahlen von viel Decimalstellen, sich des Vortheils der trisgenometrischen logarithmen bedient, wovon ich 9. Unm. 20; geredet habe.

Erfahrungen der Maturforscher annehmen. Bekanntermassen sind diese Erfahrungen nicht ganz übereinstimmend; können es auch nicht senn, weil sie nicht alle an einem Orte, und unter einerlep Umständen, angestellt sind.

30. Nimmt

30. Nimmt man sie also an, so giebt $\frac{f}{m}$; noch

mit 12 oder 144 dividirt, (26) einen beständigen Coefficienten, der, mit jedem natürlichen logarithemen des veränderlichen Quotienten in (22) multiplicirt, allemahl die Höhe x in Fussen angiebt, die dieses Quotienten jedesmahligem Divisor y geshört.

Multiplicirt man diesen beständigen Coefficienten mit k (28), so hat man einen andern beständigen Coefficienten, der ben dem briggischen Logarithmen eben so gebraucht wird, wie jener benm natürlichen.

Wie sich der Barometerstand sür eine gewisse Ische ändert, wenn sich der Barometerstand im Zorizonte ändert.

31. I. Weil bekanntermassen, das Barometer, an einem und demselben Orte nicht immer einerlen Höhe hat, so seße man, da, wo sein Stand jeso f war, sep er zu einer andern Zeit = F. Die Dichte der Lust sep alsbenn M.

11. So ist f: F = m: M. (4)

III. In eben der vorigen Höhe über diesem Orte, oder in der Höhe = x, sep der Barometers. Kand nun = Y.

IIII. So ist aus (22) jeşo

$$x = \frac{F}{M}$$
. log nat (F; Y)

V. Die

V. Dieser Werth soll bem (22) gleich senn; Der Coefficient in benden ist einerlen (II). Also auch der logarithme, salglich f: y = F: Y.

VI. Oder: Wenn sich der Barometerstand im Horizonte ändert, so ändert sich auch der Barometerstand in einer bestimmten Höhe, und zwar so, daß sich die benden ersten Barometerstände im Horizonte, und in der Höhe, verhalten, wie die benden zwenten.

VII. Exempel. Der Barometerstand im Horizonte sen = 28 Zoll; in einer gewissen Höhe darüber = 27. Nun ändere er sich im Horizonte und werde 28, 5 Zoll; So wird er in der angenom.

menen Höhe;
$$\frac{28, 5.27}{28} = 27,583$$
 Zoll.

VIII. Der Barometerstand y gehörte also nun zu einer andern Höhe 9; so daß

$$q = \frac{F}{M}$$
. lognat (F: y).

VIIII. Und da ware q = x. lognat (F: y) lognat (f: y)

X. In diesem Ausbrucke könnte man auch die benden briggischen Logarithmen statt der natürlichen seßen; weil sich für einerlen Zahlen briggische Logarithmen, wie natürliche, verhalten.

Balley.

32. Hallen hat solche Berechnungen anzustellen gewiesen, und, wie zu seinen Zeiten gewöhnlich war, zum Grunde berselben die Hyperbel zwischen den Usymptoten gelegt. Seine Schrift führt den Tietel: A discourse of the rule of the decrease of the height of the Mercury in the Barometer... Sie steht in einer zu kondon 1705 in 8vo. herausgek. Sammfung, die Miscellanea Curiosa heißt, aus den phisosophischen Transactionen.

33. Hallen nimmt an, die eignen Schweren von Wasser und kuft verhalten sich, wie 800: I und von Quecksilber und Wasser, wie 13, 5: I das giebt also das Verhältniß der eignen Schweren von Quecksilber und kuft, wie 10800: I oder m

10800

34. Die Stelle, wo dieses statt findet, nimmt er am User des Meeres an, und die Barometerhohe daselbst 30 englische Zoll = f.

39. So wird der beständige Coefficient (30)

10800. 30

27000.

36. **Exempel.** Wie groß ist die Höhe, wo das Quecksilber ben 20 Zoll = y steht.

 $\begin{array}{c} \log \text{ nat } 30 = 3,4011974 \\ 20 = 2,9957323 \\ \hline \frac{38}{20} = 0,4054651 \end{array}$

9) 4

Dieses

Dieses mit dem Coefficienten (35) multiplicirt giebt 10947, 557. . Die ganzen Fuß stehen als die Höhe, welche diesem Barometerstande zugeshört, in einer Tasel, welche Hallen seinem Aufsaße bengefügt hat.

Wie man die Dichte der Luft an einem gegebenen Orte, blos durch das Barometer, selbst findet.

37. Man steige von 3 auf eine Höhe, die man messen kann, so daß man weiß, man sen daselbst um c Fuß höher als in S.

Man bemerke, wie hoch daselbst das Quecksile ber steht. Es sen g Zoll.

So ist aus 22; 26;

$$c = \frac{1}{12 \text{ m}} \cdot \log \text{ nat } \frac{1}{g}.$$
38. Folglich m =
$$\frac{f}{12. c} \log \text{ nat } \frac{f}{g}$$

39. Hieraus läßt sich die Höhe zu finden, eine Formel herleiten, die deswegen sehr bequem ist, weil man ben ihr sogleich Briggische Logarithmen brauchen kann.

Wenn man den Werth von m (38) in (22) sest, so bekömmt man

$$x = c$$
, $\frac{\log nat (f; y)}{\log nat (f; g)}$

Aber

Aber die Briggischen logarithmen von f: y und von f: g verhalten sich, wie die natürlichen, wie man leicht aus der Theorie der Logarithmen, 1. E. Unt. 228; herleitet.

Versteht man also unter der Benennung der

Logarithmen schlechtweg briggische, so ist auch

log (f: y) log (f: g)

Also, wenn B den beständigen Coefficienten bedeutet.

 $x = B \cdot \log (f \cdot y)$

Mariotte.

40. Man hat vom Mariotte eine Schrift de la nature de l'air. Sie befindet sich in den Oeuvres de Mr. Mariotte (Hagg 1740; 4°) im I. Theile.

41. In dieser Schrift 174 u. f. S. der angeführten Ausgabe, erzählt er unterschiedene Erfahzungen, wie tief das Queckfilber sinke, wenn man es von einer Stelle an eine höhere bringt. dem Reller, unter der pariser Sternwarte, bis binauf fiel es ihm etwas mehr als z einer pariser Linie, und von der letztgenannten Stelle, bis an die Platteforme, wieder eben so viel. Jede diefer Höhen ist 34 Fuß. Undere solche Erfahrungen, geben ihm 63-Fuß Bobe, für eine linie Queckfilber. Um sich aber die Rechnung zu erleichtern, nimmt er, einer zu Orleans angestellten Erfahr rung gemäß, 60 Juß, für-eine linie, an einer Stelle, wo das Barometer 28 Zoll steht.

42, Uus PS

42. Aus diesen Angaben läßt sich nach (39). berechnen, was er für eine Dichte der Luft annehmen muß.

43. Es ist nähmlich f = 28 Zoll; die betragen 336 linien, und g eine linie weniger, also 335 ober 67.5 linien. Drucket man also bende in Zol-

len aus, so kömmt $\frac{f}{m} = \frac{28.12.}{67.5}$ Für diesen

Ausdruck läßt sich der natürliche Logarithme des Divisors, und des Dividendus, aus denen, die man hat, (27) durch die Addition sinden. Die Rechnung sieht so aus: Es sind die natürlichen Logarithmen

Summe (1) = 5, 8171111598

$$67' = 4,2046926193$$
 $5 = 16094379124$

Dieß also ber natürliche Logarithme des Quo-

44. Die gedruckten logarithmen sind nur in 7 Dectmalstellen, ich habe mich hie geschriebener bestient, die der Hr. von Stramford auf zwanzig Descimalstellen berechnet hat.

45. Was mit diesem natürlichen logarithmen (43) multiplicirt werden muß (39) ist

$$\frac{28}{12.60} = \frac{7}{180}$$

46. Das Produkt finde ich m = 0, 000115.

47. Aus den angegebenen Zahlen, und dem natürlichen Logarithmen, läßt sich diese Dichte auch durch die gewöhnlichen briggischen Logarithmen so berechnen.

48.
$$\log 0$$
, $\cos 29866 = 4$, $4743036 - 7$
 $\log 7 = 0$, 8450980

0, $3194016 - 2$
abyez, $\log 180$, $= 2$, 2552725
 $\log m = 0$, $0641291 - 4$
 $\log \frac{1}{m} = 3$, 9358708
abyez, $\log 13$, $5 = 1$, 1303338
 $\log \frac{1}{13$, 5 , $m = 2$, 8055370

Vermittelst dieser logarithmen sindet sich m = 0,00011591; $\frac{1}{m}$ = 862%, 2, oder Quecksilsder, so vielmahl dichter als lust. Und wenn man mit Halleyen (33) das Quecksilber 13, 5 mahl dichter als Wasser setz, so sindet sich $\frac{1}{13,5 \text{ m}}$ = 639,

639,0/, als oder das Wasser so vielmahl dichter

als kuft.

49. Usso, wenn man benm Mariotte und Hals len (33) einerlen Wasser und Quecksilber versteht, so könmt der Dichte dieses Wassers die Dichte von Mariottes kuft viel näher, als die vom Hallens seiner.

50. Wenn ich c = 63 setze, wie M. seinen eigenen Ersahrungen gemäß hätte setzen sollen, (41) so wird das, was man mit dem natürlichen Logarithe

men multipliciren muß, in $(45) = \frac{7}{189}$. Wenn

ich damit rechne wie in 48; so sinde ich un =0,00011039; das Quecksilber 9058 mahl und das Wasser 671,0 mahl dichter als Luft.

51. Mariotte setzt also viel dichtere kuft voraus, als man gewöhnlich annimmt. Denn Halleys Ungabe ist die gewöhnliche.

Hiemit sage ich aber nicht, daß man so unmittelbar Mariottes und Hallens Dichten vergleichen könne. Denn sie gehören nicht für einerlen Barometerstand, jene sür 28 pariser Zoll, diese sür 30 englische. Will man also genauer gegen einander halten, was jeder sür eine Dichte der Luft annimmt, so muß man etwa berechnen, wie dichte Hallens Lust ben 28 pariser Zoll senn würde. Das geschicht unten (66).

52. Die Bestimmung der Dichte also nach 48; oder 50; angenommen, muß man ben Mariotten den

den natürlichen kogarithmen von 28: y mit 12.m

multipliciren, das giebt x in Fussen (22; 26;)

53. Oder aus (39) mit briggischen logarith.

 $x = c. \frac{\log (336: y)}{\log (336: 335)}$

74. Wo.y eine Menge Linien bedeutet aber c;

60 over 63 Fuß.

55. Man brauche die lette Voraussetzung, so ist der Coefficient, den man in den veränderlichen Logarithmen multipliciren muß = $\frac{63}{0,0012945}$

56. Diesen Coefficienten berechnet man bequem burch die Logarithmen

log 63 = 1, 7993405 bavon abgezogen log 0, 0012945 = 0, 1121021 - 3

log des Coeff. = 4,6872384 gehört zu 48667.

- 57. Nach dieser Vorbereitung läßt sich, der Formel 53 gemäß, so rechnen, daß man nicht einmahl zu multipliciren braucht, sondern Alles mit den logarithmen ausrichtet.
- 58. **Exempel.** Es sen y == 27 Zoll. Hie kann man den Ausdruck in Zollen benbehalten, wie allemahl, wo die Barometerhöhe lauter ganze Zoll beträgt. Da muß man auch 28 Zoll statt 336 Hinien schreiben, und so ist log 28

 $\log 28 = 1,4471580$ 27 = 1,4313638

28: 27 = 0,0157942 $\log 0,0157942 = 0,1984976 - 2$ $\det \text{ Coeff. } (56) = 4,6872384$

lug x = 2, 8857360 gehört zu 768, 66

59. So rechnet Mariotte nicht. Er stellt sich bie Utmosphare in Schichten getheilt vor, so beschaffen, daß, wenn man aus einer in die nachsthos here kommt, das Barometer um 12 einer Linis Dergleichen Schichten bekömmt er 336. 12 = 4032, wenn das Barometer in der niedrigsten 28 Zoll Quecksilber enthalten, in ber obersten ganz leer senn soll. Weil er zu unterst 60 Fuß Höhe auf eine Linie Quecksilberfall rechnet, so bekömmt die unterste Schicht den zwölften Theil davon, also funf Juß. So könnte er nach und nach berechnen, wie viel Juß jede Schicht beträgt, ober wie viel zwischen derselben niedrigsten und bochsten Grenze enthalten sind; Er sieht auch selbst ein, daß man das Wachsthum der Schichten nach den Regeln berechnen könnte, deren man sich bedient, die Logas rithmen zu finden. Indessen wird ihm biese Urs beit zu langweilig; er glaubt, eine Summe geo. metrischer Progressionen sen nicht sehr von bem umterschieden, was man findet, wenn man diese Progressionen nach- ber arithmetischen Proportion nimmt, und nun stellt er sich für jeden Stand bes Barome.

Barometers so viel Glieber einer Progression, vor soviel Linien der Barometerstand unter 28 Zollen ist, sindet die Summe dieser Glieber

Ich habe die Geduld nicht, M. Regeln weiter abzuschreiben. Meine Absicht ist auch nicht, daß man sie hier lernen soll, sondern daß man aus dem Angesührten sehn soll, in was sür Verwirzung und Weitläustigkeit M. gerathen, ist, nur weil er die Rechnung des Unendlichen nicht kanne te. In der gemeinen cartesianischen Algebra war er nicht ungeübt.

Seine Schichten, in deren jeder das Quecksilber in einer Linie mehr fällt, sind in der That ein Schritt nach der Nechnung des Unendlichen, nach Schichsten deren jede die Höhe dx hat, indem das Queckssilber um dy fällt (15). Nun wußte aber M. nicht, wie er die Summe vieler solcher Schichten bequem finden sollte. Er suchte durch Addiren, was man durch Integriren finden muß.

Wie boch muß man steigen, damit das Bar rometer um eine gegebene Grosse sällt?

60. 1. Ich setze, man befindet sich an einer Stelle wo der Barometerstand y ist. Man will von dieser Stelle um eine Höhe = u steigen, damit der Barometerstand y — t werden soll; tist eine gegebene Grösse.

$$211fo(39) x + u = B, log (f: (y - t))$$

$$11nb(39; 80;) u = B, log (y: (y - t))$$

Wenn t immer einerlen bleibt, so wächst der veränderliche Logarithme, indem y abnimmt, denne er gehört zu einer Grösse die sich so ausdrücken läßt.

 $r: (r - \frac{t}{y})$ und da nimmt der Divisor

Immer ab, wenn y ben einerlen t abnimmt.

II. Wenn man sich die Luft in Schichten getheilt einbildet, da von jeder in die nächsthöhere,
das Quecksilder immer um gleichviel = t fällt, so
sind die benden Gränzen einer solchen Schicht;
weit von einander, wenn sich die Schicht hoch in
der Utmosphäre besindet, wo der Varometerstand
niedrig ist.

III. Benm Mariotte (59) ist t eine Linie. Man berechne die Schicht wo das Quecksilber von

14 Zoll = 168 Linien auf 167 fällt.

Mansindet log (168: 167) = 0,0025928;

 $\log 0, 0025928 = 0,4137690 - 3$ $\log B = 4,6872384 (56)$

log u = 2, 1010074

gledt u = 126, 18 Fuß = 126 F. 2, 16 Zoll IIII. Seste man in (t) t = dy also u = dx; so verwandelt sich log (y: (y — t)) in d log y; Das were das Differential eines briggischen logatithmen; also = dy: k. y (28); und, wenn man nicht darauf siehes daß von den benden versänderlichen Größen eine zunimmt, indem die andere abnimmt, so bekömmt man dx = B. dy: ky = cdy: k. log (f: y) (39).

V. Mas

V. Mariotte rechnet die Schichten (de la natide l'air. Oeuvres de Mr. M. p. 175.) nach einer Regel, die sich in meinen Zeichen kurz so ausdrucken läßt. Die Grösse einer Schicht, was ich u nenne, bey Mariotte = v gesest, und t = 1 linie, so ist v = c. f: y.

VI. Wenn c = 63 Fuß, f = 28 Boll = 336 Linien, so ist der Dividend in (V) = 63.336 =

21168.

VII. Dieses Versahren wäre richtig, wenn die Lust von der untersten Gränze einer Schicht bis an die oberste durchaus gleich dicht wäre. Aber die Lust wird von unten nach oben zu dünner; Also muß die oberste Gränze weiter von der untersten abstehen, als Mariottens Rechnung angiebt, oder: er sindet jede Schicht etwas zu klein.

VIII. Dieser Fehler muß ben einem kleinern y mehr betragen als ben einem grössern, benn ben jenem muß man um eine grössere Höhe steigen,

damit das Barometer um eine Linie fällt.

VIIII. Also kann man, wie groß dieser Fehrler etwa werden mag, so bestimmen, wenn man ihn für den geringsten Barometerstand, den man etwa brauchen will, betechnet; Das sen y = 14 Zoll = 168 Linien; Man suche also, wie hoch man von da steigen muß, daß das Barometer auf 167 fällt.

Nach meiner Formel ist log (168: 167) ==

0,0025928

 $\log 0,0025928 = 0,4137690 - 3$ $\log B = 4,6872384 (56)$

log u == 2, 1010074

Sieht u = 126, 18 Fuß = 126 Fuß 2, 16 Zoll. Aber v = 126,

X. Sest man y = 16 Zoll = 192 Linien, so ist

 $\log (192:191) = 0,0022678; u = 110,36$ $\Re = 110 \Re .4,32 \Re .$

Aber. 63. 28 ober v = 110 F. 3 Zoll.

XI. Also u — v kleiner in X als VIIII; wie

VIII erfodert.

XII. Mariottes Verfahren, eigentlich nach seinen Grundsäßen zu rechnen, wäre folgendes: Jede Schicht zu berechnen, die einer Linie Barometerfall gehört, und sie zusammen zu addiren; z. E. von der Stelle wo das Varometer 336 Linien steht, bis an die wo es 168 L. steht, sind 168 Schichten, deren man jede einzeln berechnen, und zusammen addiren müßte, der letzten Stelle Höhe über die erste zu haben.

XIII. Weil nun M. jede einzelne Schicht zu klein findet, so wird auch ihre Summe zu klein, oder: eine Höhe, nach dieser Urt berechnet, muß

kleiner herauskommen, als nach (58).

XIII, Dieser Fehler kann aber doch nicht gar zu viel betragen. Im Erempel (XII) muß er

viel kleiner seyn als $\frac{168}{4}$ = 42 Fuß (VIIII)

Das wäre sehr unbeträchtlich ben 14650 Fuß, wie diese Höhe nach 58 gefunden wird.

61. I. Hr. de kuc, in seinem Buche, von dem ich unten (275) rede, hat sich viel Mühe gegeben, Mariottes Verfahren zu erläutern, und darnach zu

rechnen, woben er 63 statt 60 braucht (41).

11. In der Tasel, die ich (unten 283) erwähne, ist eine Columne, nach Mariottes Grundsägen berechnet, und das sind, wie ich nicht anders verstehen kann, die bisher von mir beschriebenen. Die Zahlen dieser Tasel müßten also, den einerlen Basrometerständen, kleiner senn als die, welche ich nach (58) sinde; Ich weiß aber nicht, woher es kömt, daß sie immer grösser sind, Ich will einige heressen

y	Meine R.	Hr. D. L. •
27	768, 66	771
96	1566, 3	1571 F. 1 Zoll
47	10546	10580; 7
16	11838	11866; 1

III. Zwischen den Barometerständen 336 und 335 linien sest Hr. D. L. die Höhe 63 Fuß, wie meine Formel; (56). In diesem Grunde der Bestechnung sind wir also eins.

IIII. Zwischen den Barometerständen 192; 191; Linien giebt er die Höhe so an, wie v in (60; X) gesunden worden; Also hat er Mariottes Schichten zum Grunde gelegt.

V. Wie es nun kömme, daß die Zahlen seiner Tafel grösser sind als meine, anstatt kleiner zu senn, weiß ich nicht zu erklären. Ben dem Bas rometer-

rometerstande 17 Zoll, habe ich mir die Mühr genommen, die Höhe nach der Art, wie ich urtheilte, daß Hr. D. L. müßte gerechnet haben, nachzurechnen, und 768,47 herausbekommen, etwas kleiner als meine Zahl; folglich mit meinen Schlüssen (60; XIII.) übereinstimmt. Daraus möchte man vielleicht schliessen, Hr. D. L. habe sich verrechner, und ben einer an sich nicht künstlichen, aber weitläustigen Arbeit, dem Abdiren vieler Schichten, wäre das Verrechnen sehr verzenhlich.

Gleichwohl ist auch nicht so leicht einzusehen, warum er sich ben allen seinen Zahlen eben auf die Art verrechnet hatte, daß er mehr herausbe-kommen, als er nach seinem Versahren bekommen sollte.

Wie er eigentlich verfahren hat, hat er nicht umständlich gezeigt, es hätte nur durch ein weitsläuftiges Exempel geschehen können.

VI. Ob mein Verfahren (58) Mariottes Grundsäßen gemäß ist, und ob ich nach meiner Formel richtig gerechnet habe, kann jeder leicht prüfen. Hat aber Hr. de kuc, in der Hypothese nach der er zu rechnen angiebt, stillschweigend etwas geändert, so habe ich jeso keine kust auszusuchen, worinn diese Aenderung besteht.

Borrebow.

62. I. Biel ähnliches mit Mariottes Verfahren hat des berühmten Danischen Astronomen Peter Horres Horrebows seins, in s. Element. Philos. Natur. Cap. 8. Er stellt sich auch die Atmosphäre in Schichten getheilt vor, in deren jeder das Quecks silber um eine Linie fällt, berechnet wie weit jede unterste Gränze von ihrer obersten ist, und sindet daraus die Höhe, die einem gegebenen Barometer. stande gehört.

II. Die bestimmten Zahlen seiner so berechneten Tasel gründet er auf eine Ersahrung, die er im August 1737 angestellt hat. Er hat mit sleißiger Beobachtung gesunden, daß das Quecksilber am Horizonte des Meers ben 28 Zollen gestanden, und er 75 Fuß oder 12, 5 Hexapedas steigen müß-

sen, bis es eine linie gesunken.

Er sagt nicht, was er für Maaß gebraucht. Wenn er aber auch nicht gleich zuvor die pariser Astronomen genannt hatte, so zeigt doch der Barometerstand am Meere, daß er pariser Zoll, und folglich auch Toisen versteht. So wird sich seine Berechnung mit Mariottes seiner sehr bequem vergleichen lassen.

III. Ich will der Kürze wegen gleich hinter einander zeigen, wie man, Horrebows Angabe gemäß, nach (39) den Coefficienten, und ferner die Höhe für den Barometerstand 27 Zoll (58) bestimmt.

Es ist also ben Horrebow;

c=12,5 Toisen, f=336 linien; g=335. wo log (f: g) in (55) angegeben, und der logarithme dieser Grösse in (56) gebraucht ist. Also

22 3

log 12, 5 = 1, 0969100

o, 1121021 - 3

log B = 3, 9848079

o, 1984976 - 2

 $\log x = 2$, 1833055

gehört zu 152, 51 = 915, 06 Fuß

S. hat 152, 4

Uebrigens ist B = 96572

Warum H. weniger bekömmt, als ich, erhellt aus 60; VII. Für den Barometerstand 26 Zoll habe ich 310, 78 Toisen berechnet. H. hat 310, K.

V. Viel grösser aber als Mariottes Höhe ist H. seine, ben einerlen Barometerstande, welches schon daraus begreislich wird, weil er zur ersten Linie Fall 75 Fuß ersodert, M. nur 63.

VI. H., hat also eine bunnere lust als Mariotete, und könnte hierinnen leicht mehr Recht haben, (51).

VII. Das Buch, in dem H. Methode steht, hat so was besonders, daß eine kleine Nachricht davon nicht unangenehm sepn wird. In der Zueignungsschrift meldet er, das Lehramt der Physik sen auf der Kopenhagner Universität besoldungslos, und wechsele zwischen den Medicis und Mathematicis ab. Als es nun in seinem Alter an ihn kam, ließ er Caspar Bartholins Compendium wieder drucken, darüber er in seiner Jugend gehört

gefort hatte, und anderte nur, was ihm in diesem 56 Jahr alten Buche zu verbessern nothig schien. Wer sonst weiß, daß Hr. H. die newtonischen Sa-Be nicht angenommen, und in den meisten Stutten ziemlich cartesianisch gedacht, wird sich nun leicht eine Vorstellung machen, wie sehr biese 1748 herausgekommene Physik von andern eben der Zeit unterschieden ist. Indessen sind diese Untersudungen von ben Dichten der Luftschichten und andere einzelne Bemerkungen immer noch lehrreich. Ich habe das Buch von einem Sohne des Verfaffere Drn. Christian Horrebow geschenkt bekommen. P. H war d. 25. Man 1679 gebohren, und starb ben 15. Apr. 1764. Im alten Hamburgischen Magazine IIII Band habe ich aus dieser Physik einen Auszug gegeben, wo ich 679. G. H. Worstellung ber Schichten, umständlicher, und mit Buchstabenrechnungen erläutert habe.

Zalleps Formel mit der verglichen, welche aus Wariottes Angabe folgt.

63. Zuerst muß man Hallens englisches Maaß auf französisches bringen. In der Rechnung, die ich hierüber geführt habe, habe ich mit Hr. de Luc im (61) angeführten Buche h. 264 die Verhältniß so angenommen, daß engl: franz = 144: 153.

Ich will diese Verhältniß beybehalten, weil es sich nicht der Mühe verlohnt, die Rechnung von

von neuem zu machen, da ich blos ein Exempel geben will, wie man ein paar Formeln mit einander vergleicht. Sonst hält nach Crusens Cons toristen der gemeine Londner Fuß 135, 16 pariser

Linien, ist also = $\frac{135, 16}{144}$ londner Fuß, und das giebt die Verhältniß des französischen Fußes zum englischen = 153: 143, 60 die doch also der angenommenen sehr nahe kömmt. S. unt. 356.

64. Also ist Hallens f (34)' = $\frac{144.30}{153}$ = 28, 235 parifer Zoll. Wie ich burch die logarithemen sinde.

65. Wo das Barometer so hoch steht, als nur jeso in Pariserzollen ist berechnet worden, da nimmt Halley die Dichte der Lust so wie in (33) an. Wie dicht ist also diese Lust wo das Baros meter 28 Zoll hoch steht? Diese Frage beantworztet das vierte Glied nachfolgender Proportion:

Mit logarithmen wird die Regel Detri so gemacht

$$log 108 00 = 4,0334238$$

 $28,235 = 1,4507923$

Summe = 5, 4842161 bavon abgezogen log 28 = 1, 4471580

4,0370581

Die Dichte ist ein Bruch, ber gehört zu 10891. Diesen Renner, zum Zähler 1 hat.

66. Versteht man also in (92) Pariser Maaß so ist

$$x = \frac{28}{12}$$
, 10891. log nat (28: y)

Die Barometerhöhe in Zollen verstanden, die Sohe über den Horizont in Fußen.

- 67. Diese Formel ist also von der, welche aus Mariottes Angaben fließt (52), nur in bem Coefficienten vor dem logarithmen unterschieden; wa in diesem Coefficienten bie 10891 steht, mußte nach dem Mariotte 9058 oder 8628 stehen. (50; 48)
- 68. Nähmlich: wer annimmt, die Dichte der Luft verhalte sich wie ber Pruck ben sie leidet, ber muß allemahl Höhe und Barometerstand nach einer Formel wie (22) vergleichen. Wenn er also für diese Dinge einerlen Maaß mit einem andern braucht, so können ihrer benden Formeln in nichts unterschieden senn, als in dem Coefficienten vor dem Logarithmen; Und dieser Unterschied beruht nur darauf, daß für einerlen Barometerstand, der eine,

eine, eine andere Dichte der Luft annimmt, als der andere.

Zalleys Kormel, in französischem Maasse zur Berechnung mit Briggischen Logarithem men eingerichtet.

69. I. Dieses ersobert nur, ben beständigen Coefficienten (66) noch mit k zu multipliciren (28) so ist

$$x = \frac{7}{3}$$
. 10891. log (28: y)

Da kann man auch dieses beständigen Coefficienten, beständigen Logarithmen berechnen.

11. Ich will, ben Plaß zu sparen, gleich ein Exempel für v = 27 berechnen, an dem man die Rechnung im Zusammenhange sehen kann.

Der logarithme von 28: 27 und was man mit ihm auch hie, nur mit gehöriger Aenderung, machen muß, steht (58).

$$log k = 0, 3622157
10891 = 4, 0370581 (65)
7 = 0, 8450980$$

$$5,2443718$$
 $3 = 0,4771212$

log x = 2, 9657482 gehört zu 924, 16

III. Hr.

III. Hr. de kuc im (61) angeführten Buche J. 264. lehrt auch die Berechnung der hallenischen Höhe nach französischem Maasse mit briggischen Logarithmen. Seine Formel ist

_ 907 Fuß 7 Zoll. log (28: y)

155110

Er hat also nur den Coefficienten so unbequem als möglich ausgedruckt, und doch die Geduld gehabt, eine Tasel nach seiner Formel zu verechnen, die ben seinem 334 J. steht.

IIII. Ein Glied aus dieser Tasel zu prüsen, habe ich y = 20 geseßt, wo 28: 20 = 1, 4. Mein Versahren (II) giebt mir 8549, 7 Fuß Hr. de Ł. hat 8550 Fuß 3 Zoll

V. Uebrigens hatte ich die Berechnung mit briggischen logarithmen aus (28) schon ben (36) zeigen können. Weil es aber ziemlich gewöhnlich ist, ben solchen Beobachtungen französisches Maaß zu brauchen, so wollte ich sie lieber ben Hallens Formel in bemselben ausgedruckt benbringen.

VI. Zieht man von dem logarithmen des Coefficienten (II) den logarithmen der 6 ab, so bekömmt man 3, 9990994 = log 9979, 2. Das wäre der Coefficient, mit dem man (log 28: y) multipliciren müßte, um die Höhe in Toisen zu bestommen.

Wenn man für einen Barometerstand die Hohe über den Gorizont nach einer gewissen fen Formel berechnet hat, zu sinden, was eine andere Formel zu eben dem Baromes terstande für eine Zohe über eben dem Gorizont gabe.

70. Es versteht sich, daß man in benden einer, len Maaß gebraucht, und bendemahl die Höhen von einem Horizonte rechnet, wo das Varometer einen und denselben Stand hat. So können bens de Formeln, nur nach der (68) angezeigten Art, im Coefficienten unterschieden senn.

71. Die erste Formel sen also die (22).

In der zwenten sen n die Dichte der kuft, welche ben ihr angenommen wird, wenn das Barometer den Stand f hat. Die gesuchte Höhe = z.

72. So ist sie:
$$z = \frac{1}{n}$$
. lognat (f: y)

73. Also
$$z = \frac{mx}{n}$$

Dber: Die Höhen, welche einerlen Barometerstande zugehören, verhalten sich verkehrt wie die Dichten.

74. Wer für irgend einen Stand des Barometers geringere Dichte der Luft annimmt, als ein Underer, der nimmt auch für jeden Stand des Barometers an dem Orte, wo es diesen Stand hat, geringere Dichte an, als der andere, und zwar in ehen

eben der unveränderlichen Verhältniß. (17) Denn dende lassen sie die Dichte der Luft in eben der Verbhältniß abnehmen, in welcher die Quecksilbersäule im Barometer kürzer wird. (4)

75. Steigen also bende von einem Horizonte, wo sie einerlen Barometerstand haben, so glaubt der erste durch leichtere Luft zu steigen, der zwente durch

schwerere.

76. Jeder nimmt an: die Luftsäule, durch die er gestiegen ist, sen im Gleichgewichte mit der Quecksilbersäule, um welche das Quecksilber in seinem Varometer gesunken ist.

77. Der also leichtere kuft annimmt, ersobert eine grössere Höhe dieser kuftsäule, als der sie schwerer annimmt, und zwar in der verkehrten Verhältniß der Dichten, die sie bende für einerlen Varometerstand annehmen. Das ist eine Probe, wie Schlüsse mit Worten ausgedruckt aussehen, die eine Rechnung wie 72; 73; in ein paar Zeilen zusammenzieht.

Exempel zu 73.

78. Wie groß gabe Hallens Rechnung die Hobe zu dem Barometerstande (58).

Da gehören also m; x; zum Mariotte, n; z; zum Hallen. Den logarithmen der ersten dieser vier Grössen habe ich in (50) nicht hingeschrieben, hie brauche ich ihn.

$$\log m = + 0,0429398 - 4$$

$$\log x = + 2,8857360$$

Summe = 0,9286758 — 2 abgez. log n = — 4,0370581 (66)

log z = 2, 9657339 gehört zu 924, 13.

So viel Pariser Fuß ware man nach Hallens Formel von der Stelle, wo der Barometerstand 28 pariser Zoll ist, dis an die gestiegen, wo er 27 Zoll ist.

Stimmt sehr wohl mit 69; II überein, da hie auf Hunderttheile eines. Fusses nichts ankömmt, und bestätiget, daß meine Rechnung (58) richtig ist, Hrn. de kuc seine (61; II) Falsch.

79. Bisher hat f benm Hallen und benm Mas riotte den Barometerstand am User des Meeres bedeutet. Es könnte aber auch vorkommen, daß man den Barometerstand an zwo ungleich hohen Stellen eines Gebürges hätte, daraus eine Formel wie (39) herleitete, welche sür Höhen über der untersten Stelle des Gebürges diente, und nun wissen wollte, wieviel diese Höhen über dem User des Meers betrügen.

80. Da könnte man die Untersuchung allgemein so anfangen: h sen ein Barometerstand, grösser als f, solglich an einer niedrigern Stelle. Diesser Stelle Abstand, von der wo f der Barometerstand ist, ist völlig nach (39).

c. log (f: h)
log (f; g)

81. Diefet

81. Dieser Werth wird verneint seyn, benn bee Logarithme in seinem Babler gehort einem eigent. lichen Bruche, und ist folglich verneint. Die Bedeutung dieses Verneintert ist aber nur, bag biefer Abstand von der Stelle, von welcher x auf. marts geht, niederwarts geht.

82. Der Ort, wo der Barometerstand y ist, ist über dem, wo er h ift, um die Summe von x und dem Abstande (81) erhoben. Will man also diese Höhe, die v heissen mag, berechnen, so muß man zu dem Werthe von x, den vom Abstande (80) mit entgegengesetzte Zeichen segen, damit man ibn bejaht macht. So kommt

$$\mathbf{v} = \mathbf{c} \cdot (\log (\mathbf{f} : \mathbf{y}) - \log \mathbf{f} : \mathbf{h})$$

$$\log (\mathbf{f} : \mathbf{g})$$

ober

$$v = \frac{c. \log (h: y)}{\log (f: g)}$$

83. Da kann nun h ben Barometerstand am User des Meeres bedeuten.

Joh. Jac. Scheuchzer.

84. Nach Hrn. de luc Erzählung &. 274; maaß Scheuchzer mit der Schnur, benm Pfeffersbade, einen Felsen 714 parifer Fuß.

Das Quecksilber stand unten 25 Zoll 93 li-

nie pariser Maaß; oben 10 !. niedriger.

85. Also in 37; c = 714;

$$f = 25 3011 9$$
 $f = \frac{928}{3.12}$
 $g = 24 3011 11 \frac{1}{3} = \frac{898}{3.12}$

86. Daher (28)

$$m = \frac{928}{3.144.714}$$
, k, log (928: 898)

87. Der Coefficient ist $\frac{29}{9639}$. k und der 609 garithme gehört zu 464: 4499.

88. Wenn ich mit diesen Zahlen wie in (47)rechne, auch wie dorten Hallens Verhältniß zwischen den Dichten von Quecksilber und Wasser bens
behalte, um Alles besser vergleichen zu können, so
sinde ich für die Luft an der untersten Stelle, wo
Scheuchzer beobachtete, die Verhältnisse der Dichten solgendergestalt:

89. kuft: Quecks. = 0,000098890: I Quecks: kuft = 10114: 1 Wasser: kuft = 749,20: 1

Diese Luft ist helvetische, viel dünner als solthe, wo das Barometer ben 28 Zoll steht.

90. Man kann also fragen, was für eine Dichte solcher kuft aus Scheuchzers Erfahrung folgt.

Diese Dichte ist $\frac{28.12.3}{928}$ ober $\frac{63}{58}$ der ber rechneten (85) welches 1, 0862 beträgt.

34 finde für sie folgendes:

kuft: Quecks. == 0,00010739: 1

Quecks: Luft = 9311, 5: 1 Wasser: Luft = 689, 74: 1

91. Auch Scheuchzers Erfahrung giebt also die Luft gegen das Wasser dichter an, als man sonst

annimmt (51).

92. Der kogarithme von 464: 449 ist = 0,0142717; statt bieser Grösse habe ich in den bisherigen Rechnungen 0,014272 angenommen, und hievon den kogarithmen gebraucht, weil ich, indem ich nächstvorhergehende Rechnung machte, nicht daran bachte, daß ich in Papieren, woraus gegenwärtige Untersuchung in Ordnung gebracht wird, schon der genannten Grösse kogarithmen genauer durch Proportionaltheile gesunden hatte. Mit diesem verbesserten kogarithmen die Rechnung von vorne zu machen, wäre die Zeit verschwendet, ich will ihn aber in nächstsolgenden Rechnungen brauchen. Diese Nachricht war ich dem schuldig, der mir etwa hie zur Uedung nachrechnen wollte.

93 Ich suche nahmlich, für Scheuchzers Erfaherung, den beständigen Coefficienten (39).

 $\log c = 2, 8536982 (85)$

abgezogen ber

verbesserte logar. = 0, 1544757 - 2 (92)

log B = 4, 6992225

Dieser Coefficient ist 50029.

X

Wenn

Wenn man ihn mit 6 dividixt, bekömmt man 8338; den Coefficienten, mit welchem log (h: y) muß multiplicirt werden, die Höhe zwischen den Barometerständen h und y in Toisen zu bekommen.

94. Wie hoch die unterste Stelle, wo Scheuchzer beobachtete über einem Horizonte war, wo das Barometer ben 28 Zollen stünde?

95. Diese Frage beantwortet man aus (80). Es ist $\frac{f}{h} = \frac{928}{3.12.28}$ (87) $= \frac{58}{63}$. Der

Logarithme hieven ist = — 0, 0359125. Diese Grösse mit B (93) multiplicirt, gabe das Gessuchte; der verneinte Werth nach (81) zu verssehen.

Bon dieser Grösse sinde ich durch Proportionaltheile den logarithmen = 0, 5552455 — 2; und der zu log B addirt giebt 3, 2544680, welches zu 1796, 6 gehört. So viel Juß betrug die gesuchte Höhe.

36. Wie hoch die Höhe für jeden Varometerstand über den Horizont (94) ist, berechnet man nach (82), so daß man log (h: y) sucht, und mit B (93) multiplicirt.

97. Für y=20; hat man h: y=1,4; der logarithme hievon ist 0, 1461280; dieser Grösse logarithmen sinde ich durch Proportionaltheile = 0, 1647335 — 1; dazu log B addirt, kömt log v=3, 8639560; giebt v=7310, 6 Fuß=7310 Fuß 7, 2 Zoll. Hr. de luc in seiner ben ihm

Fuß, und 8 Zoll an, welches sehr wohl zusammentrifft.

- 98. Zum Ueberflusse kann man auch x nach (39)

berechnen.

99. In dem Exempel (97) wird $f:y=\frac{9^28}{720}$; der

Logarithme davon ist 0, 1102155; dieser Grösse sogarithmen sinde ich durch Proportionaltheile = 0, 0422427 — 1; und dazu log B addirt, kömmt log x = 3, 7414652 gehört zu 5514, 0.

So viel Fuß ist die Stelle, wo das Baromes ter ben 20 Zollsteht, über der untersten, wo Scheuchs

zer beobachtet hat.

Abdirt man dazu, was (95) gefunden wor-

den, so kömmt, wie gehörig, genau (97).

gewöhnlich am User des Meeres. Hr. de kue aber sagt J. 276; da stehe das Barometer ben

28 1/2 Zoll.

Wenn ich diese Angabe Hrn. de k. statt her brauche und baraus nach (82) für y = 20 rechne, so bekomme ich v = 7375, 2 Fuß; weit unterschiesen von dem, was ich (97) mit Hrn. de k. so überseinstimmend herausbrachte. Er hat also selbst nicht nach dieser Angabe gerechnet, sondern auch die, wie durchgängig in angesührter Tasel, 28 Poll für den Barometerstand in dem Horizonte ans genommen, über welchen man die Höhen gewöhnslich rechnet und den man am Meere nennt.

101. Das bisherige habe ich alles berechnet, wie mich dazu Hr. de kuc Machricht von Scheuchzers Beobachtung veranlaßte. Die historische Quelle zu dieser Beobachtung ist Joh. Jac. Scheuchzers

Bergreise 1707.

Diese Bergreise ist die sechste im II. Theile der Ausgabe, die Hr. Joh Ge. Sulzer von Scheuchsers Maturgeschichte des Schweizerlandes veranstaltet hat (Zürch 1746). Der II. Th. entshält nähmlich Sch. Bergreisen. Auf der 260 S. meldet Sch., er habe benm Pfessersbade an einer Wand eine Höhe von 766 Zürcher Fuß, mit einem sothe bestimmt und mit der Schnur gemessen; das Quecksilber habe unten 23 Zoll 2 Linien, oben 20 Zoll 4½ Linie Zürcher Maaß gestanden, die Absählung sen aber nicht von der Höhe des Quecksilsbers im untern Behältniß genommen worden.

Helvet. 20 S. und dessen Sohn in Philos. Transack. n. 405 hätten die Höhe dieser Felswand und den Unterschied der Barometerstände; 714 Pasriser Fuß, und 10 Pariser Linien angegeben, (wie 84) Es sen aber entweder in dieser Bestimmung ober in der Messung der Höhe des Quecksübers ein offenbahrer Fehler; denn aus dieser Bestimmung solge: daß Pfessers nicht einmahl 1200 Fuß über dem Meere sen, und das sen nach allen Beobachtungen falsch.

Die Höhe von 1200 Fuß folgt, wenn man Hrn. Daniel Bernoullis Formel annimmt, (Man

s. unten

sohn angeben, berechnet, das Barometer falle in selbiger Gegend um 1 Linie in einer Höhe von 71,4 Fuß, und hieraus die mittlere Barometerhöhe selbigen Orts herleitet, wie (unten 179) gelehret wird.

Nun aber giebt Hr. Daniel Bernoulli selbst das, worauf er seine Regel grundet, nur für eine Hppothese an, (170) und unter den Erfahrungen, die er daben zum Grunde legt, sind nicht alle ganz

zuverläßig (174).

Wie kann also Hr. Sulzer etwas, das als Erfahrung angegeben wird, deswegen eines offen-bahren Fehlers beschuldigen, weil es mit einer so hypothetischen, unsichern Rechnung nicht übereintrifft? Hypothesen mussen aus Erfahrungen beurtheilet werden, nicht Erfahrungen aus Hypothesen.

Ich habe untersucht, was die Zürcher Maasse, die Scheuchzer hie nennt, in pariser betragen

möchten.

Nach Crusens Contoristen halt der Zürcher Fuß 133, 1 pariser Linie. Daraus aber sinde ich 766 Zürcher Fuß = 708, 02 pariser, und sokann Scheuchzer diese Vergleichung nicht gebraucht haben.

Aber den Zahlen von Zürcher und pariser Fuß die er einander gleichgültig seßt, gemäß, sinde ich log (714: 766) = 0,9694694 — 1, und dazu log 144 addirt, bekomme ich einen logarithmen, welcher am nächsten zu 134,22 gehört. So viel R 3 pariser

pariser Linien halt der Zürcher Fuß, wenn 766

Zürcher = 714 pariser sind.

Aber die Verhältniß zwischen benden Fussen läßt sich auch daraus berechnen, daß Scheuchzer die benden Varometerstände in Zürcher Maasse anglebt, und darnach ihren Unterschied in pariser Linien.

Mur muß man daben folgendes bemerken: Scheuchzers Zürcher Zoll und Linien sind Zehnstheile und Hundertheile seines Zürcher Fusses. Also sind, den Fuß zur Einheit genommen, seine bens den Barometerstände in Zürcher Maasse folgende:

unten; 2, 32 oben 2, 245 Unterschied 0, 075

Daß man Decimaltheile des Fusses versiehen muß, erhellt auch daraus, daß Sch. selbst sagt, der Unterschied betrage 7½ Linie, welches vollkommen mit meiner Rechnung übereinstimmt.

Also ist 0,075 Zürch. F. $=\frac{10}{144}$ par. Fuß

ober Zürch. Fuß $=\frac{10}{10,8}$ pariser.

Das giebt den Zürcher Fuß = 133, 33 pariser Linien.

Und log (10:10,8) + log 766 giebt einen kogarithmen, der zu 709, 2 gehört. Also gäben 766 Zürcher Fuß nur 709, 2 pariser, statt 714. Folglich

Folglich stimmen Scheuchzers Ausdrückungen feiner Höhe, und seines Unterschiedes ber Baros meterstände, in pariser Maasse nicht überein.

Und so zeigt sich, baß, ben der Verwandlung des Zürcher Maasses in pariser, vermuthlich ein Rechnungssehler vorgegangen ist. Wo derselbe steckt, und wie das zürchische ins französische zu überseßen ist, hatte vielleicht Hr. Sulzer entdecken und Scheuchzers Fuß ausfündig machen können.

Uebrigens giebt Sch. selbst einen Jehler ben seiner Beobachtung an, ohne daß man nothig hat, einer Hypothese wegen, einen anzunehmen. Er habe die Abzählung nicht von der Höhe des Queckssilbers im untersten Behältnisse genommen.

Er hat also nur bemerkt, wie viel es oben gesunken, nicht wie viel es unten gestiegen ist, und weiß so nicht ganzeigentlich, wie viel sich die Queck-silbersäule verändert hat.

Ben gewöhnlichen Barometerbeobachtungen macht man aus dieser Unrichtigkeit eben nicht gar zu viel, wenn das Gesäß nur mäßig weit gegen die Röhre ist.

Benm Höhenmessen aber, wo man den Barometerstand selbst in Kleinen Theilen einer Linie zu haben wünscht, könnte sie doch wohl nicht ganz unbeträchtlich senn.

Und dieser Umstand erregt schon den Versbacht, Scheuchzers Barometer, von dem mir keisne aussührliche Beschreibung bekannt ist, könnte nielleicht

1098 1758 vielleicht nicht alle Vollkommenheit gehabt haben, die man fodern könnte, wenn man aus Beobathtungen mit demseiben allgemeine Regeln herleiten sollte, ob es gleich immer gut genug gewesen wäre, Höhen an den Oertern, wo Sch. es gebraucht, einigermaassen anzugeben; Zu der ersten Absicht, allgemeiner Regeln, gehort, daß es mit andern übereingestimmt hitte.

Scheuchzer hat wohl auf solche Ersobernisse nicht die gröste Aufmerksamkeit gewandt, das zeigt unter andern, daß er den Capuzinern auf St. Gotthard ein Barometer gelassen, und ihre Beobachtungen daran bekannt gemacht hat, man kann aber nicht leicht beurtheilen, wie dieses Barometer beschaffen gewesen, weil er die wirklichen Stände desselben nicht angegeben hat, das erinnert Hr. Lambert 116 Seite der unten (365) angestührten Schrift.

Bouguer.

102. Bouguer giebt in seinem Buche la figure de la Terre... (Par. 1749; 4°) in voranges sester Voyage au Perou XXXVIIII Seite in einer Note, solgende Regel: manchen lesern wie er sagt zu gefallen.

Man drucke die Quecksilberhohen im Baro-

meter in linien aus.

Man schlage in gewöhnlichen Taseln, dieser Zahlen logarithmen auf, und nehme derselben Unterschied.

Von

Won diesem Unterschiede ziehe man seinen brenßigsten Theil ab.

Von dem, was übrig bleibt, behalte man nur die Rennzifer und die vier nächsten hochsten Zisern.

Das ist die relative Höhe der Derter in

Toisen.

103. B. nennt seine Regel sehr einsach, und so mag sie frenlich auch manchem Barometer, beobachter scheinen, der nach einer leichten Regel, die man ihm angiebt, rechnet, ohne sich zu beküms mern, ja ohne im Stande zu senn, einzusehen, worauf sie beruhet. B. sagt von ihrem Grunde nur: "Sie komme datauf an, daß sich die Dichten der Luft in geometrischer Progression ändern, indem sich die Höhen in arithmetischer ändern." Also diese wie die logarithmen von jenen; Also nimmt B. das an, woraus die Fermeln (22;28) sind herge-leitet worden.

104. Noch erwähnt B., er habe am Ufer des Meeres das Barometer 28 Zoll 1 Linie = 337 Linien gefunden.

105. Man sieht hieraus, mo Hr. de luc diese

Zahl her hat. (100).

106. Bon dem Unterschiede der logarithmen die Kennziser und die vier nächsten behalten, heißt, wie man leicht erräth, diese Zisern alle als ganze ansehen, solglich ihre niedrigsten, die Zehntausendstheile bedeuten, in Einer verwandeln, oder eigentslich: den Unterschied mit Zehntausend multiplisciren,

N 5

107. Den

107. Den drenßigsten Theil vom Unterschiede

abziehen, heißt: Deun und zwanzig behalten.

108. Bedeutet also h; y, zweene Barometers stände, z die Menge. Toisen, welche auf die Höhe zwischen ihnen gehen, so ist nach 106; 107; Bouguers Regel

$$z = \frac{29000}{3} \cdot \log (h: y)$$

109. Hie scheint es nun gleichgültig, ob man die benden Barometerstände in linien, oder in Zollen ausdrücken wollte, weil der logarithme ihres Quotienten bendemahl eben derselbe bleibt.

Aber B. könnte sich vermuthlich gleich darnach gerichtet haben, daß er am Meere den Barometerstand (104) in Linien ansdrücken mußte.

Wenigstens leitet diese Anzeige von B., wie sich gleich in der Folge zeigen wird, darauf, zu entsecken, was er ben seiner Regel zum Grunde gestegt haben möchte; wosern seine Regel so beschaffen wäre, wie alle bisher gelehrte

110. Weil die Toise 6. 144 Linien hält, so ist

aus 22; 26; 28;

$$z = \frac{h. k}{m. 6.144} \cdot \log (h; y)$$

geset; dazu (104) genommen, und die einzige Grösse, die so noch unbekannt bleibt, gesucht.

$$m = \frac{337 \cdot k \cdot 3}{29000, 6, 144}$$

rer als Wasser annehme, welches der Wahrheit näher ist, als Hallens Verhältniß (33), so sinde ich durch die logarithmen die Verhältnisse der Dichten

lust: _ Quecks. = 0,000092958: 1

Quecks.: luft = 10764: 1

Wasser: Luft = 768, 80: 1

erfunden haben: Er hatte eine gewisse Verhaltniß zwischen den Dichten des Wassers, und der Lust am Meere, angenommen, daraus die zwischen Lust und Quecksilber hergeleitet, und sich so eine Formel nach der Anleitung gemacht, die Hallen vorlängst gegeben hatte. Nun hätte er, um eine leichte Rechnung zu bekommen, das, was in den veränderlichen logarithmen muß multiplickt werden, so einsach als möglich zu machen gesucht. Daben wurde er sich denn frenließ kleine Aenderungen in den Zahlen, aus denen dieser Coefficient entsein den den Zahlen, aus denen dieser Coefficient entse

steht, verstattet haben, um ihn endlich auf 290000

zu bringen, welches die Bequemlichkeit gab, daß man nur 30 abziehn darf. Es ist also nicht zu bespaupten, daß B. genau die in vorigem Absaße berechnete Dichte der Lust angenommen, sondern nur eine die ihr nahe kömmt.

114. B. Coefficient (108) ist = 9666, 6...
115. Sett man Wasser 800 schwerer als Lust, und

und 14 mahl leichter als Quecksilber, so wird in (110) der Coefficient $=\frac{337.11200.k}{864}$ = 10058, fein logarithme ist 4, 0025499.

garithmen von B. Coefficienten (108) abzieht, kömmt 0, 0t72711; welcher zu 1, 0405 gehört. Berechnet man also nach B. Vorschrift eine Höhe zwischen zween Barometerständen, und addirt zu ihr 0, 0405 von ihr, so bekömmt man die Höhe zwischen eben den Barometerständen nach der Voraussetzung (115).

Bouguer's Exempel seiner Vorschrift.

117. Auf dem Pichincha, einem Gebürge in Peru, stand das Barometer 15 Zoll It Linien, zu Carabourou 21 Zoll 2½ Linien. Dieser Grössen, in Linien ausgedruckt, ihre Logarithmen sind folgende:

Wenn man in diesem Unterschiede die Zehntaussendtheile als Einer ansieht, was so herauskömmt mit 30 dividirt, und diesen drenßigsten Theil absieht, so bekömmt man folgendes:

Davon
$$\frac{1}{30} = 41,693$$
 $z = 1209,114$

Die ganzen Toisen giebt B. als die gesuchte Hohe des Pichincha über Carabourou, und meldet, dieses komme mit der geometrischen Bestimmung überein.

118 Braucht man eben so statt des grössern bender logarithmen, den von 337 (104) so bes kömmt man des Pichincha Höhe über das Meer 2383, 77 Toisen.

Und folglich die Höhe von Carabourou, welsches der Erdmesser niedrizste Station war, über

das Meer 1174, 6 Toisen.

119. Die Bruche von Toisen wird man frensich nicht für zuverläßig annehmen und zusrieden senn,

wenn nur die Ganzen erträglich richtig sind.

baromètre au mois d'Aout 1751, sur une partie des Alpes... par M. Needham, sind zu Bern 1760 auf 34 Quarts. herausgek. Daben befindet sich ein Brief, den Hr. Bouguer kurz vor seinem Tode an Hr. Needham geschrieben hat.

121. Hr. B. meldet darinnen: seine Methode sen nur für Berge gut, die hoch genug sind, daß des Quecksilbers Stand im Barometer nicht sehr

veranderlich ist.

122 Es ist begreislich, daß jede Höhenmessung mit dem Barometer voraussetzt, das Quecksilber sinke, wenn man höher steigt, nur weil der Druck der Luft in grösserer Zöhe abnimmt. Hätte, indem man höher steigt, der Druck der Luft durchs aus abgenommen, so daß ein Barometer, wels ches

ches man unten gelassen hätte, auch gesunken wäre, so dürste man offenbahr das Sinken dessen, das man auf die Höhe gebracht hat, nicht ganz allein auf die Rechnung der Höhe schreiben.

Was also Hr. B. sagt, ist nicht, wie es ansfangs scheinen möchte, eine Unvollkommenheit seiner Regel, sondern eine allgemeine Bemerkung.

Wenn man mit einem Barometer von einer niedrigern Stelle auf eine höhere steigt, und dazu so wenig Zeit braucht, daß man annehmen barf, der Druck der Atmosphäre verändere sich indessen nicht merklich, so kann man frenlich nach jeder Regel, die man sonst für richtig annimmt, rechnen.

Ist aber zu diesem Steigen lange Zeit nothig, wie wenn man etwa auf einer Bergreise solche Beobachtungen machen wollte, so müßte man
wohl an einem gewissen Orte ein Barometer zuwäcklassen, das mit dem, welches man auf der Reise braucht, übereinstimmte. Das müßte jemand,
von Zeit zu Zeit beobachten, und nur die Vergleis
chung dieser Beobachtungen mit jenen gabe an,
woraus man die Höhen, auf denen man gereiset
ist, berechnen müßte.

Diesen Vorschlag hat auch Hr. de kuc gethan. 123. Hr. B. erinnert serner im angef. Briese, seine Methode gebe nicht unmittelbar die Höhe der Verge über das Meer, sondern, wieviel ihre Höse weniger beträgt, als des Pichincha seine, den er zur Gränze genommen habe, weil er ihn für den höchsten der Verge hielt, auf die man kome

men

men könne. Er habe ihn durch geometrische Meselung 2434 Toisen über das Meer gefunden.

Diese Höhe ist also etwa um 50 Toisen grösser als die, welche nach Hr. B. Regel berechnet würde (118).

124. Aus ihr = z in (110) dem dortigen h = 337 (104) y = 191 (117) findet sich m = 337. k. $\log (337: 191)$

864. 2434

Hieraus habe ich berechnet (wie 112)

lust: Quecks. = 0,000090991: 1

Queckf: luft = 10990: 1

Wasser: Luft = 785, 01: 1

Logarithme des Coefficienten (110) == 3, 9943337

Der Coefficient selbst = 98703 Welchen man also mit Bouguers seinem (114) vergleichen kann.

125. Der im vorigen Absaße gefündene Coefficient, mit log (h; y) multiplicirt, gabe die Höhe des Orts, wo y der Barometerstand ist über dem Meere (110). Und diese Formel wäre aus Grössen, die B. als beobachtet angiebt, aus seinen Barometerständen am Meere und auf dem Pichincha, dem Grundsaße, den er annimmt, gemäß hergeleitet.

Wenn ich in ihr y = 254, 75 setze (117) so sinde ich die Höhe über dem Meere

von Carabouvou	1199, 4 Toisen
Aber von Pichincha	2434 aus geom. Mess.
P. über Carab. auch geom. bestimmt.	1235
Unterschited	36

nel, die nicht völlig seiner Vorschrift gemäß ist. Hat er in seiner Worschrift nur eine leichte Rechnung zu erhalten gesucht, und daben die Schärse etwas benseite geset, weil sich doch frenlich das Gesuchte hie nicht in größter Genauigkeit erhalten läßt? Oder hat er ben den Erfahrungen, die ich aus ihm angesührt habe, Verbesserungen nöthig gessunden, nach denen sie wohl etwas geben könnten, das seiner Vorschrift näher käme? Es wäre gut, wenn Bouguer sich hierüber erklärt, und auch an leser gedacht hätte, die nicht blos nach einer einsachen Regel rechnen, sondern auch gern wissen wollen, warum sie so rechnen.

21. Hieben klingt nun noch sonderbarer, daß B. Regel unmittelbar die Tiefe unter dem Pichinscha, nicht die Höhe über dem Meere, angeben soll.

Die Formel (108) müßte eigentlich für sie so ausgedruckt werden, daß z, Tiese unter dem Pichincha, und h den Barometerstand auf ihm bedeuten, da denn

$$z = \frac{29000}{3} \cdot \log (y:h)$$

Die Rechnung, welche man ihr gemäß sühren muß, läßt sich in folgendem Exempel vorstellen, das benm Needham 16. S. steht. Auf dem Mont Tourne ist das Barometer 225 Linien. Von dies sem Logarithmen den für 191 (117) abgezogen, bleibt 0,0711491 hie die Zehntausendtheile zu Ganze gemacht, kömmt 711,491

Davon 30 = 23, 716

bleibt 687, 675 = O abgezogen von 2434, = P bleibt 1747, = Q

nähmlich O ist des Berges Tiese unter dem Pischincha, P des Pichincha Höhe über dem Meere, also Q des Berges Höhe über dem Meere.

Needham braucht in seiner Berechnung dieses Erempels sogleich die Logarithmen nur dis auf Zehntausendtheil mit Weglassung der niedrigen Zistern, und so sindet er des Verges Tiese = 688; Höhe = 1746.

128. Warum B. seine Regel so sonderbar abs gefaßt hat, daß man ben ihr erst von oben herunster rechnen muß, und darnach wieder von unten rechnen soll; darüber wage ich eine Muthmaassung, wie ein Criticus in einem alten Autor eine Emenstation ex ingenio.

Des Pichincha Höhe über dem Meere nahm B. für zuverläßig an, wie er sie geometrisch gemessen hatte.

Auch den Stand des Barometers auf diesem Berge, weil er vermuthlich glaubte, der Druck der Atmosphäre ändere sich baselbst nicht merklich. (120).

Dem Stande am Meere aber mochte er aus der entgegengesetzten Ursache nicht so viel

trauen.

Und das könnte die Ursache senn, warum er die Formel nicht traucht, die ich (125) aus seinen Barometerständen am Meere und auf dem Pichinscha, und des Pichincha geometrischer Abmessung hergeleitet habe.

Diese Untersuchungen scheinen mich endlich

auf die Spur zu bringen.

Auf was für Abmessungen Bouguer seine Regel gegründer har.

129. Er giebt die Barometerstände zu Carabourou und auf dem Pichincha an, auch wie tief der erste Ort unter dem letztern ist (117). Diese Zahlen brauche man in (39), den Coefficienten zu

bestimmen, so:

Es ist c = 1209. Bebeutet dieses, als besiaht betrachtet, wie tief Carabourou unter dem Pichincha ist, so zeigen auch alle nach der Formel berechnete x; wenn sie bejahte Werthe bekommen, Liesen unter dem Pichincha an; und so verwandelt sich sogleich die Rechnung, die man bisher von unten hinauf gesührt hat, in eine von oben hinunter. Ferner

Ferner f == 191; g == 254, 75; so ist log (f: g) der (117) gefundene Unterschied, nur verneint, weil der gröffere bender Logarithmen abgejogen mirb.

131. Nun finde ich dieses Unterschieds Logarith. men durch Proportionaltheile, und rechne bas mit sot

log c = 3, 0824263 abgezogen log 0,1250807 = 0,0971903 ---

log B = 3,9852360 gehört zu 9665, 7 welches sehr wohl mit

(114) übereinstimmte

Dieser Coefficient ist verneint, weil log (f: g) verneint ist. Er muß mit log (f: y) multipliciet werden; und dieser veränderliche Logarithme ift auch verneint. Also kömmt bas Produkt: bejah. te Tiefe unter bem Pichincha.

Wenn man des Coefficienten Logarichmen zu log 0, 0711491 addirt, kommt 2,8377104; welther logaritome zu 688, 19 gehört. . Go genau stimmt bieses mit der Rechnung (127) überein.

132. Alfo hat Bouguer jum Grunde seiner Regel die Barometerstände zu Carabourou, und auf bem Pichincha gelegt, nebst ber geometrischen Bestimmung, wie tief ber erfte Ort unter bem letten gelegen ift.

Des Pichincha Bobe über bem Meere hat er geometrisch gemessen, nicht aus seiner Regel bes

Bechnet. (123)

Daber

Daher muß man für jeden andern Verg, nach seiner Regel, erst die Tiese unter dem Pichincha berechnen, und, aus ihr und des Pichincha geometrisch gemessenen Höhe über dem Meere, des Verges Höhe.

Auch wird seine Regel richtiger zutressen, wenn der Verg nicht so gar tief unter dem Pichinscha ist. Ist der Verg viel tieser darunter als Castabourou, so ist das z, das V. Regel giebt (108), grösser als der Abstand der Horizonte vom Pichinscha und von Carabourou, den V. zum Grunde gelegt hatte. Das heißt ohngesähr soviel: Manhat ein Paar Punkte in einer geraden Linie bestimmt, (P. u. C.) und nun soll man die Linie weit übet diese Punkte hinaus verlängern.

So erhellt, warum B. Regel ben grossen Höhen für richtiger angegeben wird als ben geringen, auch die Veränderungen im Drucke der Atmosphäre ben diesen (122) benseite gesetzt.

133. Mir ist nicht bekannt, daß jemand, was zu Bouguers Regel im Zusammenhange gehört, so vorgetragen hätte. Es ist freylich sonderbar, daß dieser Zusammenhang erst durch einen Brief, den Bouguer kurz vor seinem Tode geschrieben hat, muß entwickelt werden.

Hiedurch werden nun freylich die Untersuchungen von 109. 116 zu ihrer Hauptabsicht, den Grund von Bouguers Regel zu entdecken, fruchterlos, ich hätte aber doch das meiste oder Alles, was

in ihnen enthalten ist, beybringen mussen, zu zeis gen, worinnen sich B. Regel von der unterscheidet, die man sinden murde, wenn man die Erfahrungen die B, in seinem Buche angiedt, auf die sonst gewöhnliche Art braucht. Und so habe ich lieber die Gestalt von Untersuchungen behalten wolsen.

Wenn man Bouguers Regel (127) seinen Barometerstand auf dem Pichincha (117) und dieses Berges geometrisch bestimmte zöhe (123) annimmt; was folgt daraus sur ein Barometerstand am Meere!

134. Es versteht sich, daß man vorausest B. Regel gelte vom Pichincha bis ans Meer herunter, welches er frenlich nicht behauptet.

Also in (127) z = 2434; h = 101; und

 $\log y = \frac{3.2434}{29000} + \log 191$

Von der Zahl suche ich den Logarithmen, und finde aus ihm durch Proportionaltheile die

3ahl = 0, 2517931 addirt zu log 191 = 2, 2810334

log y = 2,5328265
giebt den Barometerstand am Meere 341,05

Linien, also 3 linien mehr als B. ihn angiebt (104).

Zur Probe ziehe man von dem nur gefundenen logarithmen den von 191 ab, und verfahre : Signischen den von 191 ab, und verfahre : mit dem Reste nach B. Vorschrift, so bekömmt man genau 2434.

135. Ich weiß also nicht, wie groß der Gefallenist, den B. manchem teser gethanhat (102), daß er ihnen eine so einsache Regel giebt, und daben zu sagen vergißt, daß man nach ihr nicht, wie sonst gewöhnlich ist, vom Meere auswärts, sondern vom Pichincha herunterwärts rechnen muß, und was er sonst noch alles Herrn Needham belehret, der aus Mangel, dieses Unterrichts, zuvor wirklich in Fehler gefallen war, in die zum Th-il jeder sallen mußte, der eines so großen Mannes Regel auf Treu und Glauben brauchte.

Lleedham.

Needham nach B. Regel vom Meere aufwärts rechnete, das hatte jeder andere, ehe B. das Gezgentheil besahl, auch gethan. Aber da B. ausdrücklich den Varometerstand am Meere 337 lie nien sest, (104) so war Hr. N. nicht berechtigt, denselben nur 336 anzunehmen, und doch nach B. Regel zu rechnen, wie er in einer Tasel, die sich gleich im Ansange seiner Schrift besindet, gethan hat. Nachdem er Vouguers Unterricht bekommen hatte, und demselben gemäß, wie (127) zeigt, rechnete, bekam er die Höhen der Verge über das Meer 63 Tolsen grösser, als er sie zuvor gefunden hatte. Und nun mennt er sen die Frage, wer von bepten

.

1760

benden sehle, ob Bouguer 63 Totsen zu viel, oder er so viel zu wenig, rechne?

Ich dächte: wer eines Andern Regel braucht, ohne ihre Gründe einzusehen; und diese Regel nicht so braucht, wie der Erfinder es vorschreibt, der sollte doch nicht fragen: ob Er sehlt oder der Erfinder.

137. Uebrigens mennt er: ben, grossen Höhen über das Meer, auf welche allein B. seine Regel wolle angewandt haben, sepen 63 Toisen nicht besträchtlich. Daß sie es ben Höhen von ein paar Hundert Toisen sind, läugnet er nicht.

Nun ist doch die größte Höhe, wo Hr. N. gewesen ist, Mont Tourne' (127) und in ihr sind 63 Toisen 27½ mahl enthalten. Es ist wohl keine grosse Richtigkeit um den 28 Theil dessen, was man ans geben will, ungewißzu senn.

Man soll ein Barometer am Meere beobachten lassen, ein anderes mit auf die Reise nehmen, und geringere Höhen, bis sich etwa das Quecksilber 38 oder 40 Linien senkt, d. i. Höhen von 5 bis 6 Hundert Toisen, nath B. Regel von unten hinauf rechnen, nicht zu vergessen, obbenannte 63 Toisen abzuziehen. Grössere Höhen soll man mit B. zuserst vom Pichincha herunter rechnen.

139. Vorschläge, welche zeigen, daß Hr. N. die Gründe von V. Regel nicht aufgesucht hat, und so was an sie flicken will, das nicht an sie paßt.

Sa Uebers -

Keine Einsicht in die eigentliche Theorie der Höhensteine Einsicht in die eigentliche Theorie der Höhenste messungen durchs Barometer, und deswegen wußte er frenlich weder Bouguers ihm überschriebenen unt Unterricht zu brauchen, noch den Aufsas von dem ich gleich reden werde, den er doch ansührt.

Noch einige vom Bouguer gemachte. Erinnerungen.

140. Sie befinden sich in den Memoires do l'Acad. des Sciences 1753. 515 Seite der Pariser Ausg. des Aussasses Ueberschrift heißt: Ueber die Erweiterungen der kust in der Atmosphäre. (Sur les dilatations de l'air dans l'atmosphère).

141. Hr. B. führt an: wenn man auch die Luft, sich hundertmahl, und zwenhundertmahl mehr ausbreiten lasse, als sie auf dem Gipfel der höchsten Berge ausgebreitet senn kann, so verhalte sich doch die Federkraft einer und berselben Mas-

se suft genau, wie ihre Dichte.

142. Die Art sich hievon zu versichern, die B. nur allgemein und kürzlich andeutet, ist die in [7] beschriebene. Er berichtet, er habe in America, mit seiner Reisegesellschaft zusammen, auch mit Hr. de la Condamine besonders, sehr viele Versuche darüber angestellt, und das Geses allemaht richtig besonden. Ben Röhren, die nicht durchaus gleich weit waren, hat er sich nicht begnügt, die längen zu messen, sondern den innern Raum gemessen und erklärt.

erklärt die Berhältnisse der Dichten, die er beobachtet hat, bis auf 0,002 oder 0,003 sicher.

ahlt ist, nur scheint es als liesse er gleich von den togarithmen die Zisern, die niedriger als Zehntaus sendtheile sind, weg (127). Als den Grund seines Versahrens giebt er an: Die Natur stelle uns togarithmen in der Atmosphäre dar, aber da habe sie nicht die willführliche Form der unsrigen angenommen, welche sich mit auf unsere Decimalarithmetif gründet, die togarithmen der Atmosphäre senen den in unsern Taseln proportionirt, aber nicht dieselben, daher müsse man die unsrigen durch Vermehrung oder Verminderung auf die bringen, welche uns von den Verdichtungen der Lust dargestellt werden, und so sehe man den Grund, warum die vorgeschriebene Veränderung mlt unsern Logarithmen müsse gemacht werden.

Diesen Grund sieht boch wirklich in dem Angesührten kein Mensch. Man sollte nicht glauben, daß ein Bouguer, so seicht, tiessinnig klingend, vor der berühmtesten Akademie der Wissenschaften geschwaßt hätte!

144. B. melbet, seine Regel gebe oben auf dem Gebürge, wo die Franzosen gemessen haben, (la Cordeliere) kaum 7 bis 8 Toisen Fehler ben Höhen von 1500 bis 1600. Das (129) angeführte Erempel bringt er hie so ben, daß er ausbrücktich die Höhe des Pichincha über Carabourou neunt,

vennt, nicht von oben herunter rechnet, wie er

Hrn. Meedham belehrt hat (123).

145. Als ein ander Erempel giebt er: Auf einem Berge, Choussai, habe Hr. Godin das Barrometer 17 Zoll 5 Linien gesunden; zu Alaussi, einem Flecken am Fusse des Berges, 17 Zoll 10½ Linien; daraus folge nach seiner Regel die Höhe 698 Toisen und Hr. Godin habe sie geometrisch, 697. gestunden.

Die benden Barometerhöhen sind in Linien, 253, 25 = 5. 50, 65 und 214, 5 = 5. 42, 9; Wenn ich mit den Logarithmen von 50, 65 und 42, 9 nach B. Regel verfahre, sinde ich 697, 180, also mit der geometrischen Messung noch genauer übereinstimmend, als B. selbst angieht. Dergleichen

Benspiele weiß B. mehr als 30 anzuführen.

ihrer Allgemeinheit benbehalten, gelte nicht im untersten Theile der Cordeliere, nicht ben allen andern Gebürgen der heissen Zone, noch weniger in Europa. Daher hätten einige Natursorscher andere Methoden statt der gesucht, die sich auf die Logarithmen gründen; Solche Methoden möchten für gewisse Länder und Gebürge gut senn. Sie sesten aber alle zum voraus, die Ausbreitung der Lust in unterschiedenen Höhen über den Korizont richte sich nicht nach einer geometrischen Progressichte sich nicht nach einer geometrischen Progressichte sich wie ihre Dichte verhalte, haben doch unzähliche Versuche, auf den höchsten Vergen und

am User des-Meeres, in der heissen Zone und in

ben gemäßigten, versichert.

Also entsteht die Schwürigkeit; warum man die Vergleichung zwischen Höhen und Varometerständen nicht allemahl so sindet, wie eine natürliche Folge aus dem Gesese der Jederkrast der Lust

sie angiebt ?

147. Aus den Wirkungen der Wärme (9) läßt sich dieses, nach & Gedanken, nicht zulänglich ersklären, denn die Wärme sen nahe am Horizonts grösser als in der Höhe, und doch sen die Lust und ten sast allemahl dichter als sie nach der Regel senn solle. Wenn man den Varometerstand auf einem niedrigen Verge beobachte, und daraus serv ner eines höhern Höhe darüber, etwa von dren die vierhundert Toisen sucht, so wird man diese Höhe fast immer zu klein sinden; zum Veweise daß die Lust au der Erde dichter ist, als sie nach der Regel senn sollte, obgleich die Wärme da arbeitet, sie zu verdünnen.

Hr, B halt die Erläuterungen, die er über biefe Schwürigkeit geben kann, nicht für zulänglich,

Aber doch zu fernern Untersuchungen dienlich.

149. Eine könnt darauf an: Man durfe nicht sicher voraussetzen, daß alle Theilchen der groben tuft einander gleich und ähnlich wären, solglich eins genau soviel Federkraft besitze als das andere. B. beruft sich dieserwegen selbst auf Leibnisens Saß; daß es in der Natur nicht zwen vollkome men öhnliche Dinge giebt.

So wendet Bouguer auf die mathematische Maturlehre einen metaphysischen Saß an, ben sonft jemand daburch widerlegen wollte, daß ja die kleinsten Theilchen der Körper alle gleich schwer senn mußten, . . Also Gleichheit und Aehnlichkeit verwechselte, da doch vermuthlich niemand einen Ducaten und das ihm gleiche Ducatengewicht für abn-

lich halten wird.

150. Dieser Umstand, daß einige Lufttheilchen mehr ober weniger Federkraft haben mögen als anbere, läßt sich nach B. Erinnerung durch bekannte Erfahrungen glaublich machen. Die Luft läßt sith von andern Materien gleichsam einschlucken, und sondert fich wieder von denfelhen ab. (Bie Die gemeinsten Versuche mit ber Luftpumpe zeigen.) In manchen dieser Zustände verliert sie, wie Das les gezeigt hat, fast völlig ihre Federkraft. giebt es ohne Zweisel Stuffen zwischen dem völligen Befiße der Federkraft und berfelben ganglichen Verluste. Es ist also natürlich anzunehmen, daß manche Luft schwächere Federkraft besist als Uebrigens auch bas Geset beobachtet, daß diese schwächere Federkraft sich in der Verhaltniß ber Dichte andert. Bon Hen. B. und feiner Gesellschaft Erfahrungen (142) sind manche auf hohen Gebürgen angestellt worden, andes re, in niedrigen Gegenden, in Wäldern, wo dicke kuft voll Dunste war. Allemahl haben sich Die Feberkräfte genau wie die Dichten verhalten, obgleich an manchem Orte die Teberkraft der dafiegen natürlichen Luft viel schwächer senn mußte als an andern.

- 151. Durch diese Bemerkung benimmt als B. alle Hoffnung, eine allgemeine Regel für die Wergleichung zwischen Höhen und Barometerstans Den a priori zu finden; weil wir nicht wissen, wie weit die Federkräfte ber Luft an unterschiedenen Dra ten unterschieden senn können.
- 152. Wahrscheinlich befinden sich am niedrige sten in ber Atmosphäre die Theilchen, die am wenigsten elastisch sind. Ein Theilchen, das nur et. wa anderthalbmahl elastischer ware, als sonst gleiche Theilchen ber luft, die wir mit dem Den in uns ziehen, konnte mit benen, die es hier umgeben, nicht im Gleichgewichte bleiben, es liesse sich nicht genug zusammendrucken, die eigne Schwere ber Lust um uns zu erhalten; Also wird es aufwärts steigen, wo sich Luft sammlet, welche mehr elastisch ist als unsere.
 - 153. So kann man nach B. Bemerkung, eis ner luft, von der andern unterschiedene specifische Sederkraft zuschreiben, wie man sonft Materien durch specifische Schwere unterscheibet.

Dieser Gebanke B. verdiente, meines Erachtens zu fernerer Untersuchung, in ber Aerometrie angezeigt su werden. Es ist febr naturlich, ben elastischen Materien eben so gut was specifisches für ihre Gattung anzunehmen, als ben blos schwe-Allgemein könnte doch die Luft eine nicht ren.

gang unbestimmte, aber auch nicht aufs schärsste bestimmte Elasticität haben; wie nicht alles Wasser aufs genaueste einerlen specifische Schwere hat, ob man gleich dem Wasser, allgemein betrachtet, ei-

ne gewisse Schwere zueignet.

Freylich kame es alsbenn auf einen Works
streit an, ob man kuft, die ben einer gewissen Warme eine etwas andere Federkraft hat, als kuft haben sollte, auch kuft nennen will? Ob man sie etwa als kuft ansehen will, deren Federkraft durch Benmischung anderer Materien ist verändert worden, und dieser Beymischung gemäß Ursten von kuft machen will, wie Wallerius in seinem Wasserreiche Urten von Wasser gemacht hat, wie man Alcohol, Weingeist und Branntewein untersscheidet.

154. B. giebt geometrische Möglichkeiten an, wie Schichten von mehr elastischer Luft unten, von weniger elastischen oben, senn könnten; Aber dieses Gleichgewicht wurde durch die geringste Bewegung gestört werden, und sich nicht wieder her-

ftellen.

Ohngefähr wie es geometrisch möglich ist, eine Schicht schwerer flussigen Materie über leichtere

su denken. Hybrostat. 32.

155. Durch Winde, Wärme u. d. ge werden in der niedrigern Gegend der Atmosphäre immer Kheile von unterschiedener specifichen Federkraft untereinander gebracht. In der höhern ist Alles in einem ruhigen Gleichgewichte. Das giebt B. mit 28. mit als die Ursache an, warum sich durch die Logarithmen die Unterschiede der Höhen hoher Berge sicherer sinden lassen; Wenn man sich nahmlich des Barometers von Höhen, die sechs bis siebens hundert Toisen betragen, bis zu 2400 oder 2500 bedient. In gröffern Soben Versuche anzustellen, verbot der beständige Schnee, welcher die höchsten

Berge auch in ber heissen Zone bedeckt.

156. Also muß man, nicht wie bisher gewöhn. lich war, vom Ufer bes Meeres die Höhen aufwarts suchen; sondern umgekehrt, Tiefe unter den höchsten Granzen, wo die Intensität der Federkraft der kuft genau einerlen ist, und wo sich jugleich der Stand des Quecksilbers an einem Dra te weniger andert (122). So kann man finden, wie viel die hochsten europäischen Gebürge niedriger als die Cordeliere; und daraus, wieviel sie höher als das Meer sind (127).

157. B. untersucht nun, ob sich nicht Mittel angeben liessen, die Unwendung der Logarithmen

allgemein zu machen.

Wenn man an jedem Orte, wo man Barometerbeobachtungen machen will, bas Gewicht ber Luft fande bie einen gegebenen Raum, g. E. einen Cubikfuß ausfüllt, so liesse sich varaus beurtheilen, wie weit die Verhältniß der Dichten von ber Verhaltniß ber druckenden Rrafte unterschies ben ware . . . Aber Luftpumpe mit bem nothis gen Zubehör läßt sich auf Bergreisen nicht wohl mit herumführen.

158. Wenn .

158. Wenn man eine Rugel oder einen Cylinder, an einen Faden gebunden, schwingen läßt, so
ist klar, daß die Schwingungen dieses Pendels,
wegen des Widerstandes der Luft, nach und nach
in kleinere Räume auslausen werden.

Newton hat sich schon solcher Pendel in unterschiedenen flüssigen Materien bedient, dadurch die Dichten dieser Materien miteinander zu vers gleichen. (Princip. L. II. Seck. 7. Prop. 40. Schol.

Dieses Mittel schlägt B. vor, die Dichten der Luft an unterschiedenen Stellen zu vergleichen, und erwähnt Einiges von Versuchen, die er selbst damit angestellt hat, aber nicht genug, jemanden der sonst hievon nicht schon Kenntniff hätte, den nöthigen praktischen Unterricht zu geben.

Die Theorie davon, welche mit unter die schwersten, unter die vom Widerstande flussiger Materien gehört, läßt sich hie nicht benbringen. Die Ausübung ersodert, meiner Einsicht nach, auffer mannichtaltigen Kenntnissen, so viel genaue Abmessungen und Umstände, daß nicht zu erwarsten ist, sie werde von demjenigen gehörig bewerkstelliget werden, der sie nur als ein Hulssmittel brauchen wollte, Höhenmessungen mit dem Barometer zu berichtigen. B. beschäfftigte sich ohne Zweisel mit diesem und andern Pendeln sonst aus mancherlen Absichten, und war als Astronome damit umzugehen geschickt,

ber Barometerbeobachtungen an unterschiedenen Stellen vom Pichincha berab bis ans User des Meers, specifische Elasticitäten und Dichten mit einander verglichen, und stellt die Resultate davon in einer Zeichnung vor, wo die Höhen vom User des Meeres als Abscissen angenommen, und an sie als Ordinaten drever Linien, Barometerhöhen, Dichten, und specisssche Elasticitäten geseht sind. Die letzte wird von Anito dis zum Pichincha, eine gerade Linie, der Abscissenlinie parallel, weil in solchen großen Höhen die specisssche Elasticität der Luft fast ungeändert bleibt. (155)

Uebrigens giebt B. selbst diese Resultate nicht für ganz sicher aus, weil zwischen manchen Erfahrungen ziemlich viel Zeit verflossen ist, an manchen Stellen, die Beschaffenheit des Bodens, durch Wärme u. s. w. Unrichtigkeiten kann verursacht haben.

Und wer etwa Bouguers Ersahrungen nicht vollkommen traute, weil B. Werkzeuge nicht die vollkommensten gewesen senn mögen, der könnte leicht muthmaassen, seine krumme linie der Elassicitäten sen die krumme linie der Irrthümer, welche ben den unterschiedenen Messungen begansgen worden, die er gebraucht. So drückt sich der so billige, und gegen einem so grossen landssmann gewiß hochachtungsvolle Hr. de la lande aus; Connoiss, des mouvements celestes; 1765.

p. 215; wo er von Höhenmessingen mit dem Barometer Nachricht giebt.

Bouguer zeigt nicht wie er die Zahlen, die ben seiner Zeichnung stehen, aus einander berecht net hat. Es wird also gut senn, daß ich über diese, ohnedem noch nicht gar zu gemeine Untersuchung, etwas benbringe.

Vergleichung, zwischen Barometerhöhen, Dichten, und specifischen Blasticitäten.

169. Die Barometerhöhe zeigt bas Gewicht an, mit welchem die Luft an einer gegebenen Stelle gedruckt wird.

Wenn zwo Lustmassen gleiche specifische Elasticitäten haben, so verhalten sich die Gewichete, die sie tragen können, wie ihre Dichten.

Das ist nichts weiter als die bekannte Voraussehung (4).

Wenn zwo Lustmassen gleich dichte sind, so verhalten sich die Gewithte, welche sie tragen können, wie ihre specisischen Clasticitäten.

Das ist eigentlich Definition der specifischen Federkraft (153).

161. Man setze also, es gehören zusammen Elasticit. Dicht. Gewicht

E D P P d P X

6

So ist, nach ben benben Grundsäßen:

$$D: d = P: x$$

$$E: e = x: p$$

$$\frac{D. E. d. e}{P} = \frac{d. e}{P}$$

162. Man sieht leicht, was sich hieraus für Säte herleiten lassen. 3. E.

Die Federkräfte sind, wie die Gewichte, mit

ben Dichten bividirt; E:
$$e = \frac{P}{D}$$
; $\frac{P}{d}$

Auch: die Dichten sind, wie die Gewichte, mit den Federkräften dividirt.

163. Erempel des letten Sates: Bouguers Zeichnung giebt; Um Meere

Dichte
$$D = 306 ? = \frac{920}{2}$$

Auf dem Pichincha

$$p = 191; e = 178;$$

$$200 \frac{335}{194} : \frac{191}{178} = \frac{920}{3} : d$$

$$330 d = \frac{920.191.194}{335.534}$$

Den kogarithmen hievon finde ich 2, 2800368 bare

aus d = 190, 56. B. giebt es 191.

164. In diesem, sonst so lehrreichen Aufsaße, giebt boch Bouguer keinen deutlichen Beweis von seiner Regel, noch weniger zeigt er an, durch was für einen Kunstgriff er auf den Abzug des drenßigesten Theils gesallen.

verdiente sie wohl daß ich so umständlich von ihr bandelte. Wie sehr ist es aber nicht schade, daß sie nach seinem eignen Geständnisse in Europa nicht gelten soll, wenigstens nicht ausser den höchesten Ulpen!

Zerr Daniel Bernoulli.

s. de Virib. et motib. fluidor. (Strasb. 1738: 4°.) betrifft ber zehnte Abschnitt gegenwärtigen Gegenstand. Es sind darinnen sehr viel lehrreische Bemerkungen zu Berichtigung dessen, was gewöhnlich hieben zum vorausgeseht wird, indessen ersodert der eigentliche Gebrauch dieser Berichtigungen noch Erfahrungen, den deren Mangel He. Bernoulli selbst von seinen Untersuchungen noch keinen praktischen Nuhen versichert. Daher wirdes hie genug senn, hie nur das hauptsächlichste zu erzählen.

167. Die

- findet Hr. B. auch aus seiner theoretischen Vorstellung, daß sich die Kraft durch welche die kust
 zusammengedrückt wird, bepnahe verkehrt wie der Raum verhält, den die kuft einnimmt. Er erkennt dieses sur sicher ben kuft die dunner ist, als die uns gewöhnliche, ob es ben sehr viel dichterer statt sinde, hält er noch für unausgemacht. (Aerometrie 65.)
- innere Bewegungen der kufttheilchen unter einander, zugleich wachsen; daß deswegen eine Masse kuft mehr Federkraft bekomme, wenn sie wärmer wird, und daß sich, diese Bewegungen mit in Betrachtung gezogen, die Kraft, welche kuft in einen gegebenen Raum zusammendrucken kann, verhalte wie das Quadrat der Geschwindigkeit der kufttheilchen, mit dem Raume dividirt.
 - 169. Hieraus, mit mehr Untersuchungen versbunden, findet Hr. B. eine Differentialgleichung zwischen der genannten Kraft, der Höhe über den Horizont des Meeres, und der Geschwindigkeit der Lufttheilchen.
 - 170. Nimmt man die Geschwindigkeit unveränderlich an, so bekömmt man die gemeine logazithmische Gleichung.
 - 171. Hr. B. sucht ein Geset dieser Geschwindigkeit, das sich mit einigen Erfahrungen von Barometerhöhen, die er ansührt, vergleichen läßt, L2 sucht

sucht ben der so herauskommenden Integralgleichung die unveränderlichen Gröffen auch aus Erfahrungen zu bestimmen und findet endlich folgendes.

172. Wenn y die Kraft bedeutet, mit welcher die Luft in der Höhe x über den Horizont des Meeres gedruckt wird, & diese Kraft am Ufer des Meeres; (diese Kräfte werden also durch die Höhen des Quecksilbers im Barometer vorgestellt), so ist

$$y = \frac{22000. c}{22000 + x}$$

173. Man findet hieraus sogleich
x = 22000. (c — y)

Exempel. P. Feuillee fand auf dem Pic von Tenerissa das Quecksilber 17 Zoll 5 Linien == 209 Linien == y; am User des Meeres 27 Zoll 10 Linien == 334 l == c;

Also die Höhe des Berges x = 2000. 125

= 13157, 89 Fuß. Durch die Geometrie fand F. diese Höhe 13158.

173. Wenn man bebenkt, daß F. Erfahrung mit unter die gehört, nach denen Hr. B. die Bestimmungen (170) gemacht hat, so wird man eben nicht nicht erstaunen, daß die Regel hie so genau mit ber geometrischen Angabe zusammenerifft.

174. Uebrigens mochte selbst F. Erfahrung nicht ganz sicher senn, wenn bende Barometerhohen nicht an einem Tage sind beobachtet worden, wie lulofs, (Kenntniß ber Erbfugel, 198. S.) aus ben Mem. de l'Acad. 1733. p. 60 anführt.

Hiezu kommt, daß Feuillees trigonometrische Berechnung ber Höhe nicht für ganz zuverläßig angesehen wird. Die vorhin angeführte Gröffe l'eträgt 2193 Toisen; Er hat sich einer Grundlinie von 210 Toisen bedient, welche in dieser lange ein Gefälle von 3 Toisen gehabt. Daraus hat Bouguer die Höhe des Berges etma 2070 Toisen berechnet; Fig. de la T. pag. XLVIII, auch Br. be la Condamine hat Mängel dieser Messung angezeigt. Mein. de l'Acad. 1757. p. 408. Dieses berichtet De Luc sur les Mod. de l'Atmosph. T. I. p. 164.

175. In den Actis Helveticis T. I. II. befinden sich vom Hrn. Daniel Bernoulli Unmerkungen über die altgemeine Beschaffenheit der Atmosphare. So lautet wenigstens die Aufschrift der Uebersetzung, die sich im alten Hamburg. Magaz.

17. 23. 2 - 3. St. befinbet.

Die Uebersetzung ist nicht von mir, wie mansonft, wegen des Theils den ich an dieser periodischen Schrift hatte, wohl muthmassen durfte. Die erinnere ich solches besonders deswegen, weil der UeberUeberseßer in einer Anmerkung 124 Seite gezweisfelt hat, ob sich, auch ben ungeanderter Warme, der Druck, den die luft tragen kann, wie ihre Dichte verhält. Den Zweisel verstattet Bouguer, we-

nigstens ben verdunnter Luft nicht. (141).

eine Tasel erhalten, welche die Höhe der Berge unter dem Aequator nach dem Stande des Quecksibers anzeigt. Hr. Bouguer soll die Tasel versertigt haben, und sie ist aus einer grossen Menge Beobachtungen erwachsen. Sie enthält: den Fall des Quecksibers von 1 Linie dis 14 Zoll durch alle einzelne Linien, und die jedem Falle zugehörige Höhe der Berge.

Der Barometerstand am Meere ist nicht in ihr angegeben. Es wird aber zuvor gesagt, auf dem Pichincha stehe das Quecksilber 15 Zoll 11 linien, und er sep 2464, Ruthen hat der Uebersetztstatt Toisen geschrieben, hoch. Nun stehen diese 2464 den 12 Zoll 2 Linien Fall; also ist der Barometerstand am Meere die Summe dieses Falls und des Barometerstands auf dem Pichincha = 28 Zoll 1 Linie, welches Hr. Bernoulli auch in

ber Folge anzeigt.

Für 1 Linie Fall ist die Höhe 1494 Toisen 14 Zoll 2988

Wo das Barometer 14 Zoll gefallen ist, steht es 14 Zoll 1 Linie = 169 Linien hoch, aber $\frac{2}{3} \log (191: 169)$ giebt 513, 752; Soviel ware nach Bouguers Regel der Berg, wo das Barometer 14 Zoll

Boll gefallen ist, über dem, wo es 12 Zoll 2 Linken gefallen ist. Der letzte aber wird 2464 Toisen über dem Meere angeben, also kame der erste nach Bouguers Regel 2977; folglich 11 Toisen weniger als die Tasel angiebt.

Die Tafel scheint also nicht nach Bouguers

Regel berechnet zu senn.

Für den Pichincha nimmt sie den Barometer

stand an, den Bouguer angiebt (117).

Aber die Höhe des Verges 30 Toisen grösser als Vouguers Messung (123) und 81 grösser als seine Regel (118).

Da nun gar nicht angezeigt wird, nach was für Gründen die Tafel berechnet ist, so weiß ich

nicht wie zuverläßig sie ist.

177. Hr. Bernoulli macht über bas, was ihm ben dieser Gelegenheit von den peruanischen Baros meterbeobachtungen gemeldet worden, einige Aumerkungen. Weil Hr. Bouguer bas Geset, baß sich die Federkraft der Luft wie ihre Dichte verhalt, ziemlich mit ber Natur übereinstimment ges funden, sobald man auf gewisse Höhen, etwa über . 1000 Toisen gekommen, so schließt Hr. Bernouilli, in der ganzen Utmosphäre herrsche einerlen Grad der Warme, sobald man ohngefähr 1000 Toisen über dem Meere sep. Daraus, daß nach der Tafel, in dieser Höhe, eine Linie Quecksilberfall zu 15, 5 Toisen Steigen gehört, folgert er die Dichte dieser Luft, und vergleicht sie mit der Dichte am Meer. Diese Vergleichung giebt die Luft & s.

mm Meere dichter als der Fall des Barometers, wenn man vom Meere steigt, sie giebt; und so-ustheilt Hr. Bernoulli, sie sen da durch die Wärme ausgedehnt, vergleicht die Wärme, die diese Ausdehnung veranlaßt, mit der, welche sich 1000 Toisen hoch befinden muß, und bringt ohngesähr die Verhältniß heraus, wie zwischen den Wärmen unserer kuft im Winter und Sommer. Das Resultat hievon ist: tausend Toisen über der Oberstäche des Meeres sen es in der Atmosphäre immer sa kalt, als es in unserm Erdstriche in den größten Wintern ist.

Die Zahlen, auf welche Hr. Bernoulli seine Rechnungen gründet, sind nicht ganz sicher (176). Das dürfte die Berhältniß der Wärme etwas ändern, ohne doch das Resultat im Ganzen für unstichtig zu erklären.

Eine andere Erinnerung hieben ist, daß die Federkraft der Luft noch durch andere Umstände veränderlich senn kann, als durch die Wärmen (150). Hr. Bernoulli erkennt selbst, das Dünste hiezu vieles bentragen können, im zwenten Theile seiner Anmerkungen, wo er noch besonders über Barometerbeobachtungen auf dem St. Gotthardsberge und zu Zürch, Betrachtungen anstellt, die aber zu meiner gegenwärtigen Absicht nicht unmittelbar gehören.

Voch Bemerkungen bey Grn. Dan. Bernoullis Regel.

178. Wenn die Barometerstände (172) in Lie nien ausgedruckt sind, so sesse man: zum Barometerstande y — t gehöre die Höhe x + u (wie in 60). Die Vergleichung, auch nach Hr. Bern. Formet

gemacht, giebt die Rechnung $u = \frac{22000. c. t}{(y-t). y}$

Und $y = \frac{1}{2} t + \sqrt{(t + t + \frac{22000 \cdot c}{u})}$

Die verneinte Wurzel der quadratischen Gleidung benseite gesett.

Man nehme nun t == 1; so erhellt folgendes: Man messe, wie hoch man steigen muß, bis das Barometer eine Linie fällt; So giebt sich dag-

aus und aus c, der Barometerstand y.

Diese Arbeit scheint überstüßig; benn wenn man wissen will, wie hoch man gestiegen ist, daß das Barometer eine linie siel, so hat man ja schon bende Barometerstände gemessen.

Auf der andern Seite scheint es, als musse daraus oft was Ungereimtes solgen. Nahmlich a ist der Barometerstand am Meere, und der ist doch auch zu einer Zeit anders als zu der andern.

Gesetzt man ware 104 Juß gestiegen, bis bas Barometer eine Linie siel. Das also = u.

Mahme man nun den Barometerstand am' Meere = 28 Zoll, so gabe das einen gewissen Werth für y.

Nahme

Mahme man ihn = 28% Joll, so gabe es einen andern Werth für eben die Gröffe.

Meere.

179. Folgendes ist die Auflösung bender Schwierigkeiten.

In Hr. Vernoullis Formel bedeutet o den mittleren Varometerstand am Meere, der ist also

von einer bestimmten Grösse.

Will man nach ihr die Höhe eines Orts über das Meer berechnen, so muß man dieses Orts

mittlern Barometerstand haben.

Dazu gehört eigentlich eine Reihe Beobachtungen von etlichen Jahren. Und so könnte z. E. ein Reisender von der Höhe eines Berges, wo er nicht für gut befände eine Wohnung zu nehmen, nichts bestimmen.

Nun nimmt man aber an, daß die Barometerstände an unterschiedenen Orten, zu einer Zeit, eine bestimmte Verhältniß haben (Man s. hievon 31).

Also, unter c den mittlern Barometerstand am Meere verstanden, wird in Hrn. Bernoullis Formel, y den mittlern Barometerstand für die Höhe x bedeuten.

Und den also zu sinden, ist das angewiesene Verfahren nühlich, solchergestalt auch von der zwenten Einwendung; daß y mehr Werthe bekommen wurde die einander wiedersprächen, ebenfalls bestent.

Hieben

Hieben kann einem der Zweisel einfallen, ob sich solche Schlüsse wie (31) sicher hieher bringen, wosern man die Wärme mit in Vetrachtung zieht. Denn da könnte wohl, z. E. zu einer Zeit da der Varometerstand am Meere der mittlere ist; der; an einem andern Orte nicht eben der mittlere sepn, weil durch Wärme oder Kälte die Dichte der Lust da etwa Uenderungen gelitten hätte, die sie am Meere nicht litt.

Diesen Zweifel stelle ich bahin, wo man die Zweifel hinstellt, die man nicht zu beantworten

weiß.

Exempel. Man hat von einem Orte togs Fuß steigen mussen, bis das Barometer eine Linie gefallen ist.

Der mittlere Barometerstand am Meere wird 28 Zoll; 43 Linien gesetzt.

21160 c = 340, 75.

log 22000. c = 6, 8748585

log u = 2, 0170333

4, 8578252

halb = 2, 4289126

giebt y = 268, 48 Linien oder ben mittelern Barometerstand des Ortes 22 Zoll 4 Linien.

Irn. Sulzers Tafel nach dieser Regel.

180. Hr. Joh. Georg Sulzer hat: Beschreisbung ber Merkwürdigkeiten, welche er auf einer 1742 gemachten Reise durch einige Orte des Schweizerlandes beobachtet hat, zu Zürch 1742.
4°. herause

40. herausgegeben. Im Anhange besindet sich zuerst eine Tasel nach Hrn. Dan. Bernoullis Formel berechnet. Den mittlern Barometerstand am Meere sest er, wie ich im nächstvorhergehenden Erempel gethan habe.

Seine Tasel hat dren Columnen. Die 1; ist überschrieben: Fall des Quecksilbers vor eine Lienie; sollte eigentlich heissen: wie hoch man steigen muß, daß das Quecksilber 1 Linje fällt.

Die II. Höhe des Ortes über das Mittell: Meer.

Die III. Mittlere Höhe des Quecksilbers von 28 Zoll 4 & Linien durch alle einzelne Lis nien bis 23 Zoll.

sel, ist folgende: Un dem Orte, dessen Hohe über dem Meere man wissen will, soll man eine Höhe von 150 oder 200 Zuß, wirklich messen; und bemerken, um wieviel das Quecksiber, von einer Gränze dieser Höhe zur andern, sällt. Aus diesem Falle, und der gemessenen Höhe, berechnet man, nur nach der Regel Detri, wie hoch man in selbiger Gegend steigen muß, daß das Quecksiber um eine Linie fällt. Was man so berechnet hat, sucht man in seiner z. Columne auf; so steht damit in einer Zeise, in der dritten der mittlere Barometerstand des Ortes, und in der zwehren, desselben Höhe über das Meer.

Ben 104; steht der vorhin von mit gefundene Barometerstand, und des Ortes Höhe 5965 Fuß 2 Zoll.

Denn Hr. S. giebt in der I und II. Columne Fuße und zwölftheiliche Zoll an, ob er gleich selbst erinnert; Man könne unvermerkt wohl ein paar hundert Schuh irren.

Grunde dieses Verfahrens giebt Hr. S. nicht en. Daher wird, was ich zuvor davon bengebracht habe, nicht überflüßig senn.

Formel x = $\frac{22000. c}{v}$ — 22000 gerechnet.

Ob er sich dazu der logarithmen bedient hat, meldet er nicht. Wenn man sie braucht, so giebt dies ser Ausdruck die Bequemlichkeit, daß man einen beständigen loggrithmen hat, von dem man nur log y abziehen darf. Und die Grösse, welche man so durch die logarithmen berechnet, wird nie über 44000; also reichen die logarithmen alles mahl zu.

Indessen ist die Grösse allemahl mehr als 22000; Man findet sie also durch die logarithmisschen Tafeln unmittelbar nur in Ganzen, und müßte allenfalls Zehntheile oder Hundertheile, durch

Proportionaltheile suchen.

Das gabe nun, zumahl sur Barometerstänz de die den am Meere ziemlich nahe wären; x mit keiner grossen Schärfe.

Rechnet

Rechnet man nach 172; so verliert man ben Portheil des beständigen logarithmens, kann aben x schärfer finden.

Ich habe ein Paar Glieder für Hr. S. Lafel berechnet, und so gefunden

> y x 339, 75 | 64, 753 Fuß 240 | 9235, 4

Hr. S. sest sür den Fall der ersten und zwenten linie, oder 28 Zoll 4 und 3 linlen, bendes mahl 65 Fuß über dem Meere; den meinem zwenten Varometerstande, von 20 Zollen, hat er nur 9227 Fuß 9 Zoll. Vielleicht hat er seine Rechnung mühsamer, und daher nicht so scharf gesührt, als ich die meinige.

Man sindet die Sulzerische Takel auch bey des Giessenischen Hrn. Prof. Böhms gründlichen Anleitung zur Meßkunst auf dem Felde, wo sie die IIII der angehenkten Takeln ist.

zerr Sulzers Versuche.

182. Von Hr. Sulzern findet sich in den Memoires de l'Acad. Roy. des Sc. et des R. L. de Prusse 1753, ein, wie die Ueberschrift lautet: Neuer Versuch, über die Messung der Höhen vermittelst des Varometers. Man hat es übersett, im alten Hamb. Magaz. 17 Band 6 Stück.

183. Hr. S. hat kuft zusammengepreßt, im Wesentlichen, so wie es Mariotte u. a. vorlängst gemacht

gemacht, (Aer. 64) mit einigen Borschtigkeigkeitene der Richtigkeit wegen, die er deutlich beschreibe, unter andern jedesmahl auf die Veränderungen der Währen währendes Versuches acht gegeben, und solche in Rechnung gezogen, auch ziemlich starke Kraft zum Zusammenpressen angewandt.

184. Nur ein Benspiel zur Probe zu gebent Das Barometer stand 29 rheinl. Zoll hoch, und eingeschlossene kuft so dicht als sie von der Atmosphäre im damaligen Zustande zusammengepreßt war, nahm einen Raum = 12 ein. Durch Aufschützung einer Quecksilbersäule von 169, 2 Zoll, ward diese kuft in den Raum 1,5 gebraucht. Die

Dichte dieser zusammengepreßten Lust war

== 8 mahl so groß als die Dichte der natürlichen kuft; die Kraft aber, welche sie so zusammenpreßte, war 29 + 169, 2 == 198,2 Zoll Quecksiber. Die-

se Kraft = 6, 8344 mahl so start als

der Druck der Atmosphäre, wie ich durch die 200 garithmen finde; Hr. S. hat 6, 835.

Eine Kraft also, noch nicht siebenmahl so fark als der Druck der Atmosphäre, machte die Luft achtmahl dichter als der Druck der Atmosphäre sie macht.

185. Dieß ist die stärkste Kraft die Hr. S. ans gewandt hat, tuft zusammenzupressen, und den U Versuch Wersuch gehört in die dritte Neihe seiner Versuche, welche er für die zuverläßigsten angiebt.

186. Daß das Verhalten der druckenden Krast zur Dichte nicht ben allen seinen Versuchen einerlen herauskommen konnte ist, unter andern auch, wegen unvermeidlicher Fehler, leicht zu urtheilen. Dr. S. glaubt, man könne die Dichte durch eine Potenz des Druckes angeben, und den Erponenten dieser Potenz sest er bennahe 1,0015; oder, wenn D die Dichte, P den Druck bedeutet, D = der Potenz von P deren Erponent 1,0015 ist.

187. Also log D = 1, 0015. log P.

188 Es ist leicht nach (187) das Erempel (184) mit Hr. S. Angabe zu vergleichen. Ich seße, mit Hr. Sulzern, die Einheit, für die Dichten, die Dichten, die Dichten, der Dichten kuft, für die Drukske, den Drucke der Atmosphäre.

Also gehören in (184) zusammen, D = 8:

unb
$$P = \frac{198, 2}{29}$$

Nun ist log P == 0, 8347056; dieses mit 1,0015 multiplicirt, giebt 0, 8359576, und diesem logarithmen gehört die Zahl 6, 854.

189. Wenn man den Exponenten allgemein = nennt, so ist aus (187) $\pi = \frac{\log D}{\log P}$. So ers hellt, wie sich der Exponent aus Versuchen bestimmen, läßt.

190. In Hrn. S. erstem Versuche ber britten Reihe, ist, die Einheiten wie in (188) verstanden,

$$D = \frac{12}{11}$$
; $P = \frac{31, 2}{29}$; also $\pi = \frac{377885}{317566}$

Davon der logarithme, = 0, 0762100 = zu der Zahl 1, 1917 gehört.

191. Hr. S. hat seine dren Reihen Versuche in eine Tasel gebracht; wenn ich aus jedem ersten Versuche einer Reihe nach Hr. S. Zahlen den Exponenten suche, so bringe ich jedesmahl beträchts lich mehr heraus, als was er (186) als den Exponenten angiebt, welcher aus den ersten Resultaten seiner dren Versuche bennahe solgte. Ich mußalso wohl diesen seinen Ausdruck nicht, wie er will, verstehen.

192. Indessen stimmen alle Versuche Hrn. S. an der Zahl 42; darinnen überein, die Dichte zusammengepreßter Luft grösser zu geben, als sie wäre, wenn sich die Dichte wie die druckende Krast verhielte, wovon (184) ein Benspiel ist.

193. Man muß frevlich hieben annehmen, daß es Hr. Sulzern, ben der von ihm angewandten Worsichtigkeit, möglich gewesen ist, die Räume, welche die zusammengepreßte Lust einnahm, so genau zu messen, daß nicht etwa Fehler der Messung, für Abweichung von dem sonst angenommenen Gense, sind angesehen worden.

Verhielten sich die Dichten, wie die druckens den Kräfte, also die Räume verkehrt wie diese U 2 Kräfte, Kräfte, so kame in (184) ber Raum der zusam-

mengepreßten $uft = \frac{29}{198,2}$. 12 = 1, 7558

wenn der natürliche Raum = 12. Hr. S. fand ihn = 1, 5 ohngefähr um 30 des Raums der natürlichen Luft kleiner. Er muß also auf Sechzigstheile dieses Raums sicher gewesen senn, wenn aus diesem Versuche, einzeln betrachtet, etwas gegen das gewöhnliche Geset folgen soll.

breitung der Luft durch Warme angestekt. Er drückt sich so aus, als håtte er ein Mittel gesunden, die unterschiedenen Grade der Wärme, nach ihrer geometrischen Verhältniß, zu vergleichen. Wenn ein gewisser Grad der Wärme eine gedene Masse kuft in den doppekten Raum, und ein anderer Grad, eben die Masse in den vierfachen Raum ausbreitet, so ist ihm sehr wahrscheinlich, daß man ohne merklichen Irrthum werde annehmen dürsen, diese Grade verhalten sich wie 1:2. Zweisel, die er wegen dieser Proportion hatte, sind ihm verschwunden, nachdem er gesehen, daß auch Newton die Wärme nach Ausbehnung des Oeles geschäßt.

195. Daß Ausbehnung der Materien das sicherste Kennzeichen der Wärme ist, hat schon Boerhave in seiner Chymie gesagt; und also ist sehr natürlich darauf zu fallen, zweene Grade Wärme werden sich, wie die Ausdehnungen, verhalten, die von

von ihnen verursacht werden. Nur ist gewiß auch Hr. Sulzern bekannt, ob er gleich hie nicht scheint daran gedacht zu haben, daß diese Ausdehmungen von einerlen Graden der Wärme, ben unterschiedenen Materien, nicht einerlen Verhältniß haben, daß die benden Grade, von denen er redet, wicht auch Del, oder Weingeist, oder Quecksilber, nus dem doppelten Raume in den viersachen auss dehnen werden.

Unsbehnung durch die Wärme und von der Zus fammenpressung, leitet Hr. S. eine Formel sür die Vergleichung zwischen Varometerstande, und Hös he über den Horizont des Meers her. Sie ersodert nichts als eine leichte Integralrechnung, und ich würde sie also hie beybringen, wenn ich dächte, daß sie brauchbar wäre.

Aber die unveränderlichen Grössen darinnen müssen nach Hr. S. Versuchen bestimmt werden, und er giebt doch seibst solche in Kleinigkeiten nicht für ganz zuverläßig aus, ob er gleich aus solchen Versuchen, für diese Formel, Zahlen auf etsiche Decimalstellen berechnet, und noch grosse &c. bengesügt hat.

197. Und nun wendet er seine Formel auf eine Beobachtung an, die er ungezweiselt für die richtigste unter allen erklärt. Sie ist aus Hr. Bous guers peruanischer Reise. Das Quecksilber stand am Meere nahe ben 28 Zollen, und in einer Höhe und

von 14856 Fuß sank es um 12 Zoll 3 linien. Darüber rechnet Hr. Sulzer nach seiner Formel, und bringt die Höhe etwa 400 Fuß anders heraus, als sie ist gemessen worden.

Eine Formel, aus welcher man Etwas um mehr als seinen vierzigsten Theil anders herausbringt, als eine sehr richtige Beobachtung es augiebt, die wird doch wohl nicht zu ihrer Bestätigung mit einer solchen richtigen Beobachtung verglichen?

haupt zur Kenntniß der kuft nühlich senn, aber zu der Absicht, welche die Ausschrift seiner Abhandlung verspricht (182), dienen sie gar nichts. Kommen wir denn in kuft, die fünf oder sechsmahl so stark gedruckt wird, als die, in welcher wir leben? Mit dem Barometer steigen wir nicht in dichtere kuft, sondern in dunnere, und diesem gemäß hatte auch Bouguer Verdünnungen der kuft untersucht (141), nicht Verdichtungen, und ben Verdünnungen das Gesehrichtig befunden, dem Hr. Sulzer ben Verdichtungen wiederspricht.

Berges, als dichter in Vergleichung mit der auf dem Gipfel, ansehen, so wird sie doch nie noch einmahl so stark gedruckt als die auf dem Gipfel. Als so ware in (187) allemahl P kleiner als 2. Seke ich P = 2, so sinde ich log D = 0, 3014815, daher D = 2,0020.

200. Also

200. Also, selbst Hr. Sulzers Exponenten angenommen, ist in den Stellen, wo wir mit dem Varometer hinkommen, die Verhältniß der Dicheten nicht merklich von der Verhältniß der druckenden Kräfte unterschieden.

201. Wer sich um Höhenmessungen mit dem Barometer bekümmert, sollte glauben, Hr. Sulzers Abhandlung sen für ihn wichtig. Die Belehrung, daß er sich irren würde, gehört also hieher, und diese Belehrung sieß sich nicht ohne ihre Beweise geben.

Linige andere Voraussenzungen.

202. I. Unterschiedener anderer Mathematikverständigen Mennungen hat kulofs gesammlet. Einleit. zur math, und phys. Kenntniß der Erdkugel 446 u. f. h. (meine Uebersehung dieses Buchs ist zu Göttingen u. Leipzig 1755. herausgek.)

II. Maraldi nahm an, das Quecksilber sinke, vom User der See dis 61 Fuß hoch, a linie, nun wieder eine linie, wenn man 62 F. höher kame, und wieder eine linie, wenn man von da 63 Juß höher kame u. s. w. oder er theilte die Atmosphäre in Schichten, jede einen Fuß grösser als die nächst niedrigere, und jeder Schicht, mennte er, gehöre eine, linie Barometerfall.

III. Feuille'e machte auch solche Schichten, nur

jede um 2 Fuß groffer.

1703

III. Cassini nahm an, die Ausbehnung der luft verhalte sich verkehrt wie das Quadrat des U4 Drucks,

Drucks, die luft sen viermahl dünner, wo sie 14 Zoll Quecksilber halt, als wo sie 28 halt.

V. Diese Voraussetzungen anzusühren, gehört zur Geschichte der Untersuchung, wie sie aber nicht auf sicheren physischen Gründen beruhen, so verdienen sie keine besondere Ausmerksamkeit.

203. Da Cassini ein anderes Gesetz der Dichten annimmt, so verlohnt es sich doch der Mühe, zu berechnen, was daraus folgt.

Wenn man die Buchstaben zur Rechnung aus (12 u. f.) nimmt, so gehört, nach Cassini, zur Höhe x über S; die Dichte der kuft my²: £2

Also bekömmt man aus (15) — $\frac{my^2 dx}{f^2}$

= dy.

Dieses integrirt, giebt $x = const + \frac{f^2}{my}$

and $x = \frac{f}{m} \cdot \left(\frac{f}{y} - 1\right)$

Nimmt man an, dem Barometerstande y
— t gehöre die Höhe x + u, so hat man eine zwente Gleichung; Wenn in solcher Alles übrige gegeben ist, sindet sich

$$m = \frac{f}{x + n} \cdot \left(\frac{f}{y - t} - 1 \right)$$

Lulofs 447 s. melbet, an der See stehe das Quecksilber 28 Zoll; Das ware also f = y für

$$z = 0$$
; Und 63 Fuß hoch, stehe es 27 Zost
21 Linien; Also $u = 63$; $t = \frac{1}{144}$; $f = \frac{336}{144}$;

Folglich
$$m = \frac{336}{144.63} \cdot \frac{1}{335}$$

Das Quecksiber 14 mahl schwerer als Wasser gesetzt, also; Wasser: Lust = 1: 14 m, sinde ich das Wasser 646, 09 mahl schwerer als diese kuft.

Auch ist der Coefficient $\frac{f}{m} = 335.63 = 21105$;

Cassini hat wohl an Integriren, und an solche Betrachtungen wie Hr. Daniel Bernoulli angestellt, nicht gedacht. Seine Voraussetzung führt gleichwohl auf eine Gleichung, die von der Bernoullischen nur im Coefficienten unterschieden sen könnte. (172) Wenn ben jener c, hie = f wäre, welches aber nicht ist (180).

Ich habe nach der gesundenen Formel die Höhre berechnet, welcher der Barometerstand 18 Zoll gehört oder, wo es 10 Zoll gefallen ist. Ich sinde sie 11725 Fuß == 1984 Toisen 1 Fuß. Luclos hat 1547. Sein Vortrag aber zeigt, dieses sen so gesunden, daß man, wie Mariotte that, Schichten addirt, und das giebt zu wenig. (61)

Ueber eine Schwierigkeit, bey der Voraussezung daß sich die Dichte der Lust wie
der Druck verhalte.

204. Wenn man sich vorstellt, daß die Utmossphäre irgendwo aufhört, so wird die kuft an diesser obersten Gränze nicht gedruckt; Ihre Dichte müßte also = 0 seyn.

205. Dieser Ungereimtheit auszuweichen, könnte man seßen, die Dichte verhalte sich, wie der Druck + einem gewissen unveränderlichen Gewichte, das für jede Dichte, jeden Druck, immer dasselbe bleibt. Wenn man es = P seßte, so würde in (17) die Proportion so gemacht werden.

$$f + P$$
: $y + P = m$: $m \frac{(y+P)}{f+P}$

Das vierte Glied gabe die Dichte ber Luft in K.

206. Diese Erinnerung macht Hr. D'Alembert in seiner Preisschrift: Reslexions sur la cause generale des vents . . . (Berlin 1747) s. 80. Auch Traité de l'équilibre & du mouvement des sluides s. 81. we er sich auf Barignon Mem. de l'Acad: 1716. beruft:

207. Wenn man dieses annehmen will, so ist schwer abzusehen, wie sich die Grösse P bestimmen liesse. Frenlich gabe sich solche aus der Dichte der Luft, da wo das Quecksüber alles aus dem Barome-

Barometer gesunken ware: Diese Dichte ware =

m Aber woher wüßte man sie? Die Einführung dieser beständigen, aber auch beständig unbekannten, Grösse würde uns also nur For-

meln geben, die zur Anwendung auf die Natur

ganz unbrauchbar wären.

schon Jacob Bernoulli, und Euler gesagt haben, man s. meine Aerometr. 65. Kuler Comm. Nov. Petrop. T. 13. p. 319.) Das Geset; die Dichte verhalte sich wie der Druck, sey nicht in geometrischer Schärfe und Allgemeinheit wahr. Es kann deswegen immer noch für uns von sehr sichern und weitläuftigen Gebrauche seyn . . . Eben wie die Voraussehung daß unsere Schwere eine unveränderliche Kraft sey, in geometrischer Schärste nicht richtig, und dech der Grund unserer gansen Mechanik ist.

209. Woher auch die Feberkraft der Luft kömmt, kann man sich allemahl den Erfolg von ihr so vorastellen, als besässe jedes Lufttheilchen eine Kraft, das andere von sich zu stossen, ohngesähr wie Magnete deren gleichnahmige Pole gegeneinander gekehrt sind. Die Stärke dieser Kraft wird sich vermuthlich nach ihrer Entsernung von einander richten, und in grösserer Entsernung geringer seyn. Lusttheilchen könnten also so weit von einander absstehen, daß sie nicht mehr merklich in einander wirkten, eben wie Magnete, die weit von einander hängen.

hängen. So würden sie eine kuft ausmachen, die in der Dichte, welche sie hat, durch keinen äusern Druck brauchte erhalten zu werden, weil sie keine Bemühung anwendet, sich auszubreiten.

Von des Irn. Fontana Schrift, über die Barometerhöhe.

210. Delle Altezze barometriche, e di alcuni insigni paradossi, relativi alle medesime, Saggio analitico... del P. Gregorio Fontana, delle Scuole Pie, Pubbl. Prosessore di Matematica nella Regia Vniversità di Pavia, Socio dell' Accademia dell' Instituto di Bologna; Pavia 1771. 160 Octavs. Ich habe das Buch vom Versasser besommen, von dem ich im Vordengeshen melden kann, daß er deutsche mathematische und wisige Schristen sehr wohl verstehen gelernt hat.

Vielenbert wie in (205) angenommen. Auch nachdem noch allgemeine gefeßt: die Dichte verspalte fich wie eine Potent ber D'Alembert wie eine Potent ber D'Alembert wie in (205) angenommen. Auch nachdem noch allgemeiner gesehrlichte Drucks.

Die Auflösung führt auf eine Differentials gleichung, in der die veränderlichen Grössen vers mengt sind, man kann sie nach meiner Anal. Unendl. 412; integriren.

212. Uebrigens erhellt leicht, daß Dr. Fontanas Hauptabsicht hieben gewesen ist, die Anwendung, analytischer Kunstgriffe, zu Auflösung einer so allgemeinen Aufgabe, zu zeigen. In der Aus-Abung kann sie nicht vorkommen, weil wir immer in Stellen bleiben, wo die Schwere als unveranderlich anzusehen ist. Daher berechnet auch Hr. F. nur Erempel für solche Stellen, wovon er viel Nüßliches benbringt, so wie er überhaupt lehrreis che Erimerungen über die Anwendung der Mathematik auf die Maturlehre, die Grunde der Rechnung des Unendlichen, die Zahl, deren natürlicher Logarithm = 1 ist, u. b. g. giebt. Die auf bem Litel erwähnten Paradoren finden sich nur in der allgemeinen Auflösung, wo sie aus den richtigen Bestimmungen des Unenblichen, Verneinten, u. d. g. zu erklaren sind, und so darf ihre Ankundigung Niemanden ben bem gewöhnlichen Gebrau-

Die Dichte der Lust zu sinden, wenn sich die Schwere verkehrt wie das Quadrat der Entsernung vom Mittelpunkte der Erde andert.

che des Barometers irre machen.

213. I. Ich will ben dieser Veranlassung diese Aufgabe auflösen, um nur einen Begriff zu geben, wie

wie man sich ben veränderlicher Schwere verhält. Ben Hr. F. Untersuchung ist nicht die Analysissschwerer, nur die Rechnung weitläuftiger.

II. Es sep (31 Fig.) S im Horizonte des Meeres, vom Mittelpunkte der Erde, um derselben Haldmesser, r entfernt. Also (wie in 12) K vom Mittelpunkte um r + x entfernt.

Die Schwere in S sen = 1; so ist sie in K;

$$=(\frac{r}{r+x})^2$$

Die Dichte der Luft ben K sen v; ben S; m. In einem Elemente der Höhe, dx; ist die Luftmasse vdx enthalten.

Und dieser Gewicht ist $\frac{r^2 \text{ vdx}}{(r+x)^2}$

Das Integral hievon ist das Gewicht der Lustfäule SK.

Das Gewicht der ganzen kuftsaule über S; wird durch die Quecksilbersaule ausgedruckt, die es erhält. Sie sen f.

Also das Gewicht der kustsäule über K; = $\frac{r^2 \text{ vdx}}{(r+x)^2}$

Nun verhält sich dieses Gewicht zu f wie v: m, weil sich die Dichten immer noch wie der Druck verhalten sollen.

In dieser Proportion die ausern und mittlern Glieder multiplicirt, bekömmt man die Gleichung

$$f = m. f - m. f \frac{r^2 \text{ vdx}}{(r + x)^2}$$

Differentiire, und gehörig gerechnet $\frac{r^2 dx}{mv} = \frac{r^2 dx}{(r+x)^2}$

III. Dieses wieder integrirt

$$\frac{f}{m} \cdot lognat v = Conft + \frac{r^2}{r + x}$$

Nun ist v = m für x = 0.

 $200 \frac{f}{m} \cdot lognat m = Const + r$

Daher
$$\frac{rx}{r+x} = \frac{f}{m}$$
. lognat (m: v)

IV. Und, wenn lognat e = 1; hat man

$$\frac{mrx}{f. (r + x)} \cdot lognat e = lognat (m : v)$$

Daher v = m. e mrx: f. (r + x) wo sich sür jede angenommene Höhe die Dichte berechnen läßt.

V. Ist r unendlich gegen x; so verwandele sich der Exponent von e in — mx: f; Und da ist es soviel, als ware die Schwere unveränderlich.

VI. Jue

VI. Für ein unendliches x; wird in IV; der Exponent von e; = — mr: f; hie ist r: f ziemlich groß, weil f etwa 28 Zoll und r mehr als 19 Millionen Fuß beträgt, (Geogr. 19) aber m, Zehntausendtheile beträgt, (46). Also wird v: m ein ziemlich kleiner Bruch.

VII. Hie also behålt die Lust, in unendlicher Höhe, noch endliche Dichte.

VIII. Diese Untersuchung besindet sich benm Memton, Princ. Lib. II. Prop. 22; ziemlich weitläuftig und verwickelt; N. bedient sich daben der Hoperbel. Etwas kürzer hat sie Cotes angeskellt, Harmonia Mensurar. P. I. Prop. 5. Schol. Oper. Cotesii (Cantabr. 1722.) p. 18. Er braucht die logarithmische kinie, die er hiezu auf eine eigne Art verzeichnet, Abscissen von der Oberssiche gegen den Mittelpunkt nimmt, und an sie die Dichten als Ordinaten sest.

Tobias Mayers Cafeln.

gen, die Hr. Prof. Schlözer herausgegeben hat, (Göttingen 1769. 8°) erwähnt Hr. Prof. Becksmann in einer Anmerkung 34 Seite, daß er zwo Tafeln zu Messung der Höhen mit dem Baromester besiße, die von dem seel. Mayer entworfen worden. Des Versertigers Sohn Hr. M. Mayer hat sie von Hr. Prof. Beckmann bekommen, und mir eine Abschrift mitgetheilt, nach der ich von ihnen reden will.

215. Ihre

fie Barometerhöhen mit zugehörigen Höhen über ben Porizont des Meeres in pariser Maasse angeben. Von der Art ihrer Versertigung und den Gründen, auf den sie beruhen, ist nichts angezeigt.

Sie gehen durch alle einzelne linien der Barometerhöhen, die innerhalb ihrer Gränzen sallen.

216. Die erste von 28 Zoll 4 linien und der Höhe 3 dis 15 Zoll 9 lin., dazu die Höhe 2762 Toisen gehört.

217. Die zwente fångt von 29 Zoll 6 linien an, der sie 77 Toisen, als Tiefe oder verneinte Höhe giebt; Ben 28 Zoll ist ihre Höhe = 0; und ihr lettes Glied 14 Zoll 6 linien mit 2859 T. Höhe.

218. Die Vorschrist, nach welcher die erste Tafel berechnet ist, habe ich so ausgesucht: In der
Formel (39) ist der 1. Tasel gemäß f == 340 &=
nien; Für g == 20 Boll == 240 &inien ist in
dieser Tasel e == 1513 Toisen. Also überhaupt

$$x = \frac{1513. \log (3401 y)}{\log (341 24)}$$

Nun ist log (34: 24) = 0, 1512677; Ferner log 0, 1512677 = 0, 1797462 — t abzuziehen von log 1513 = 3, 1798389

log B. == 4, 0000927
gabe B == 10002.

Zahlen der Tasel senn in der größten Schärse zu verstehn. Da aber offenbahr ist, daß Kleinig-keiten sind benseite gesetzt worden, so darf man B = 10000 annehmen. Nähmlich der logarithme, der als Nenner in der Formel sür x steht, ist dennahe ein Zehntausendtheil der Zahl, die im Zähler, in den veränderlichen logarithmen multipliciert wird.

219. Also ist x = 10000. log (340: y) wo y die Barometerhöhe in kinien ausgedruckt, und x eine Zahl von Toisen bedeutet. Die Tasel giebt nur ganze Toisen an, und also brancht man nur die vier höchsten Decimalstellen des Unterschiedes der Logarithmen, die niedrigen läßt man weg, die Zisern die man behält, sieht man als Ganze an.

Exempel. Für y = 24 Holl = 288 Holl nien ist $\log (340: 288) = 0,0720864$, also x = 721 Toisen. So giebt es auch die 1. Tafel an.

220. Es ware also ziemlich überflüssig, eine solche Tafel drucken zu lassen, da man jedes Gied von ihr so leicht aus den logarithmischen hat.

Selbst die kleine Müße, ein Paar Logariths men abzuziehen, erspart sie nur alsbenn, wenn man die Höhe über den Horizont der Takel sucht. Man verlangt aber auch oft eine Höhe zwischen zween Barometerständen, z. E. wie hoch die Stelle, wo das Barometer 22 Zoll 7 Linien steht, über der ist, wo es 22 Zoll 3 Linien steht, da muß man doch ein paar Glieder der Tafel von einander abziehen, und wird selbst durch diesen Abzug das Gesuchte nicht so genau sinden, als wenn man die Logarithmen von einander abzöge, weil in der Tafel, die letzen Zisern der Logarithmen weggelassen sind.

Zolle und Linien ganz in Linien zu verwanbeln, erfodert eine kleine Rechnung, und die könnte man sich durch eine Tafel ersparen, die gar nicht weitläustig senn dürfte.

Genaue Beobachter aber geben die Varometerstände nicht nur in ganzen Linien, sondern auch in Theisen derselben, an. Und da sind wiederum die Logarithmen selbst, bequemer zu brauchen, als eine Tafel, die nur durch ganze Linien geht, ben der man in solchen Fällen, mühsamer und unricht tiger, Proportionaltheile brauchen müßte.

Verlangte man nach Maners Regel, die Höhen zwischen den Barometerständen 24 Zoll 3½ und 24 Zoll 5½ linie, so gäbe sich so gleich 10000. log (293, 25: 291, 5) = 25, 994 Toisen.

In der Tasel müßte man, aus den Höhen sür 24 Zoll 3 u. 4 Linien, durch Proportionaltheiste die sür 24 Zoll 3½ suchen; Eben so die sür-24

Zoll 5\frac{1}{4}; und num eine von der andern abziehen. Der Unterschied findet sich 26.

Dichte der Luft, die für 340 Linien angenommen wird.

In (37) ist hie

$$f = \frac{340}{12}$$
; $g = \frac{240}{12}$; $c = 6$. 1513;

21 so
$$m = \frac{340}{12.12.6.1513}$$
, k. $\log \frac{34}{24}$

Der Coeffic. vor k, ist $\frac{85}{3.12.6.1513}$ und hievon der Nenner 72. 4539. Darqus finde ich

durch die Logarithmen; $\frac{1}{1.1}$ = 788, 46.

So vielmahl ware diese Luft leichter als Wasser, oder Wasser dichter als sie.

222. Un der Stelle, wo das Barometer 28 Zoll

hoch steht, ist die Dichte der kuft $=\frac{336}{340}$. m.

Daraus berechneich, daß das Wasser 795, 85 mahl dichter ist, als diese Lust.

223. Die Dichten der Luft also, welche in dieser Tafel angenommen werden, stimmen ziemlich mit den gewöhnlichen überein.

224. Die zwente Tafel (217) sest ben 28 Zoll 4 Linien die Höhe = — 51, eigentlich soviel Liese Tiese unter ihren Horizont. In der ersten aber, gehören zu eben dem Varometerstande, 51 Toix sen wirkliche Höhen über ihren Horizont.

225. Das entdeckt sogleich, daß bende Tafeln im Grunde einerlen sind, daß die zwente Höhen über einen Horizont angiebt, der 51 Toisen über der ersten ihre erhoben ist.

Und so ist es auch durchgängig mit der II. T. beschaffen. Wenn x in der I. T. und z in der II. Zahlen bedeuten, die zu einerlen Barometerstande gehören, so ist

z = x - 51.

226. Aus der Einrichtung der ersten Tasek aber ist (225) 10000, log (340: 336) = 51,396, dasür 51 genommen wird. Also z = 10000. (log (340: y) — log (340: 336) = 10000. log (336: y).

Die H. Tafet kann also unmittelbar aus den Logarithmen, völlig wie die erste, berechnet werden.

227. Man setze es gehören in der ersten Tafel,

So iff Q - P = 100000, $\log (p:q)$

228. Die benden Höhen, welche in der II. Taset eben den Barometerständen gehören, mussen um eben soviel unterschieden seyn, (226)

229. Man

129. Man nenne V; die Zwischenhöhe, die nach Bouguers Regel (108) eben den Baromesterständen (227) gehört, so ist V = $\frac{29.10000}{30}$

$$\log (p:q) = \frac{29}{30} \cdot (Q - P)$$

Mayers Regel giebt also die Höhe zwischen zween Barometerständen allemahl grösser als Bouguers seine, und zwar so, daß von Mayers Höhe ihr drenßigster Theil muß abgezogen werden, Bouguers seine zu bekommen.

So ware in (117) nach Maners Regel, ber Pichincha über Carabourou; 1251 Toisen.

230. Bende Regeln zugleich können also nicht wahr senn, und wenigstens in den Fällen, wo Bousguer die seinige mit geometrischen Ausmessungen übereintreffend gefunden (144), ist die mayerische nicht sicher anzuwenden. Sie sest dunnere, kuft zum voraus als Bouguers seine (77).

231. Hr Pr. Beckmann sagt a. a. D. "Mayers Tafeln seinen eigentlich nach Bouguers Ungabe bestechnet, nur daß von dem Unterschiede der Logatithmen nicht 30 abgenommen worden."

In diesem Abnehmen des 30 besteht eben Bouguers Angabe. Unterschiede der Logarithmen braucht man zu Berechnung seder Tasel, die zum Grunde sest, daß sich die Dichte wie der Druck perhält

verhält (30; 39). Diese Unterschiede multiplicitt man mit einem beständigen Coefficienten. Daß Bouguer dafür 10000 in einem Bruch multiplicirt fand, bessen Menner eine Zahl ist, mit ber" fich so bequem bivibiren läßt, und seinen Zählet um 1 übertrifft, das gab ihm eine so leichte Regel. Und Mager machte sich eine noch leichtere, weil er für diesen Coefficienten Zehntausend selbst annahm. Aber eben beswegen hat sie mit Bouguers seiner nicht mehr Uebereinstimmung, als mit jeder andern, und ihre Zahlen konnen einer andern Zahlen viel naher tommen, als Bouguers seis nen, wenn sie mit dieser andern von einem Horis zonte rechnet, und berfelben Coefficient naber ben Zehntausend ist als Bouguers seiner. Wer sich nicht einbildet, Bouguer sen der einzige gewesen, der mit Unterschieden von Logarithmen rechnet, der kann nicht etwas sagen, das im Zusammenhange heißt: Maners Tafeln sepen eigentlich nach Bouguers Angabe betechnet, nur aber gar nicht nach Bouguers Angabe.

Ihrer zweene rechnen so: ber erste nimmt von einem Dinge $\frac{29}{30}$; ber andere läßt es ganz; kann man da sagen: der andere rechnet eigentlich nach des ersten Angabe.

232. Weil log (336: 335) = 0, co12945, so giebt Mayers Regel 13 Toisen Höhe, wenn man von der Stelle, wo das Barometer 28 Zoll steht,

steht, an die steigt, wo es um eine kinie gesalken ist. So steht es auch in Mayers Taseln; in der Il die Zahl 13 selbst, in ver 1 ein paar Zahlen, deren Unterschied 13 ist, (dieses ist zu erinnern weil manche keute nichts weiter sehen, als was ihnen gerade vor Augen liegt).

Horrebow giebt als seine Ersahrung an, daß er von der Stelle, wo das Barometer 28 Zoll stand, 12, 5 Toisen gestiegen sep, dis es eine Linie gesallen (62; 11).

Also stimmt, was Mayer zu Ansange seiner Tasel sest, bis auf eine halbe Toise mit Horresbows Angabe überein.

Wie genau beyde Zahlen übereinstimmen können, läßt sich aus den Coefficienten beurtheilen; Horrebows seiner (a. a. D. 111.) ist etwas kleiner als Mayers seiner, und so mussen H. Zahlen ohn-

gesähr 1000 von Mayers seinen seyn.

Für 26 Zoll (a. a. D. IIII.) hat Maner 322.
233. Worauf M. seine Regel gründet, ist mir nicht bekannt. Da ich bald nach seinem Tode, einen grossen Theil seiner Bibliothek gekaust habe, sind mir daben auch allerlen einzelne Papiere übergeben worden, die keine zusammenhängende Auszschufrungen enthielten. Einige Octavblätter davon hatten, soviel ich mich erinnere, die Ueberschrist: Von der Atmosphäre, Dichte der Lust, u. s. w. sie enthielten

Pielten aber nur Formeln, ohne Anzelge bes Ursprungs berselben und andern, zum Gebrauche selbst nur zu ihrer Bebeutung; gehörigen Erlauterungen, baber ich mir nicht die Zeit genommen habe, dieselben, da ich keine besondere Veranlassung das zu hatte, sorgfältiger zu untersuchen. Berechnete Tafelit erinnere ich mich nicht daben gesehen zu haben. Nachbem habe ich solche Papiere aus eigener Bewegung hrn, Prof. Lichtenbergen mit zugestellt, als er die maperischen Aussätze, welche von Kon. Regierung waren gekauft worden, ober ber Kon. Soc. ber Wiff. gehörten, zur Ausgabe bekommen hat. Da er jeso, da ich dieses schreibe, nicht auf dem festen kande ist, so kann ich von bem Ungezeigten weiter keine Rachricht geben.

Hr. Prof. Hollmann; Comm. Soc. Sc. Gotting. T. IIII. ad ann. 1754; p. 93. hat Zahalen, sür die Höhen von Clausthal und Göttingen, aus einer ihm vom Mayern, schon einige Jahre zuvor mitgetheilten Tasel genommen. Es ist die erste der hie beschriebenen, und Hr. Pr. H. er-

wähnt nur eine.

234. Noch einmahl, Maners und Bouguers Regeln zu vergleichen, will ich eins der Exempel rechnen, die a. a. Orte sich aus Hr. Laxmanns Beobachtungen geben. Er beobachtete die Barometerstände zu Barnaul, einem Orte in Sibirien, und auf einem benachbarten Berge, der kleine Altai, (es sind die höchsten Spisen des Gebürges, also bezieht sich das Beywort klein vermuthlich auf die Obere

Oberstäche,) Hr. Pr. Beckmann hat bas angegebene kondner Maaß in pariser verwandelt. Rach demselben ist

zu Barnaul p = 27 3. 7 €. = 331 a. den Altai q = 21 7 = 259 log (331: ≥59) = 0, 1065282 Also Mayers Q — P = 1065, 282 Davon 30 = 35, 509

Bouguers V = 1029,773

Die Decimalbrüche der Toisen sallen bekanntermaassen weg, ich behalte sie nur den Q—P ben, um V genauer zu sinden. Liesse man sie gleich ben Q—P weg, so bekäme man V = 1030; wie man es auch nach meiner Nechnung annehmen muß, um der Wahrheit so nahe zu kommen, als in ganzen Toisen angeht, nur daß meine Nechnung zeigt, es sen eigentlich ein wenig kleiner.

235. Hr. Pr. Beckmann berechnet nach Bouguers Regel für dieses Exempel den Unterschied

der Höhen 1030 7, Toisen = 6182 4 Fuß.

Daß Bouguer ben seiner Regel nicht Brüche von Toisen angeben wollte, erhellt gleich baraus, weil er von dem Unterschiede der Logarithmen die niedrigen Zisern wegläßt, nur die behält,
die ihm ganze Toisen geben. Auch gesteht er ben
seiner Regel setbst Fehler von wenigen ganzen zu
(144).

Also ist es nicht eben in dem Sinn von Bougners Regel, die Toisen, die sie angiebt, in Fuß zu verwandeln, und noch dazu Brüche eines Fuse ses zu berechnen. Als wenn man nach einer Reche nung, die nur obenhin ganze Thaler angiebt, Pfennige bestimmen wollte.

36. Hr. Pr. Beckmann berechnet auch, die Höhen vom Altai und von Barnaul über das Meer, aus Mayers benden Taseln, und glaubt, die letzte Tasel musse mit dem, was nach Bouguers Regel angegeben worden, am nächsten übereinstommen, weil in ihr die Barometerhöhe am Meeste 28 Zoll angenommen worden.

Brstlich hatte Hr. Prof. Beckmann nach Bouguers Regel nicht die Höhen über dem Mees re, sondern Unterschiede dieser Höhen, als: die Höhe des Altai über Barnaul berechnet. Ben einem solchen Unterschiede kömmt in M. Taseln nichts darauf an, was man für einen Barometersstand am Mere annimmt. Der Altai kömmt gleichviel über Barnaul erhoben heraus, man mag nach Mahers II oder I. Tasel rechnen; (228) Mit dieser Höhe des A. über B., welche Hr. Pr. Beckmann nach Bouguers Regel angegeben hat, stimmt also Mayers erste Tasel so gut überein, als die zwente, der Barometerstand am Meere hat nichts daben zu thun.

Dieß erhellt zweptens auch aus (229). Der Unterschied ber Höhen nach Bouguers Regel besträgt allemahl 3% des Unterschieds nach Maners-Taseln, man mag die erste oder die zwepte brauchen,

Gen, und so kann die zwente nicht näher mit B. Regel zusammentressen als die erste.

Drittens sest dieser Schluß zum voraus: Bouguer nehme am Meere den Barometerstand an, den Mayers II. Tasel annimmt. Aber Bousguer giebt aus seiner Ersahrung einen andern an (104), und aus seiner Regel solgt der Baromesterstand am Meere 341 Linien (134), viel näher ben dem, welchen Mayers I. Tasel annimmt, als ben der zweyten ihre. (216) Käme also auf diesen Barometerstand was an, so müßte M. erste Tassel näher mit B. Regel zusammentressen, als die zweyte.

Und; wie schon erwähnt ist, und aus (229). sogleich erhellt, verhalten sich Bouguers und Mapers Höhen, über einerlen Horizonte, den einer und derselbe Barometerstand für bende ansgiebt, so, daß die erste allemahl 38 der letztern ist.

237. Hr. Pr. Beckmann hat also Mayers Tafeln sür zwo unterschiedene gehalten, und nicht
bemerkt, daß nur ihr Horizont unterschieden ist.
(225) Das hätten ihn doch gleich die Zahlen
felbst belehren können, die er aus ihnen genommen
hat, nur wiederum, dem Sinne der Tafeln, die
nur auf ganze Toisen gehen, nicht völlig gemäß,
die Toisen in Fussen ausgedruckt. Des Altais
Höhe über das Meet ist ihm nach der I. Tasel
7092 nach der zwenten 6780 Fuß, der Untere

schied 312 Juß Barnaul I T.; 702; II T.; 390 auch 312 Fuß = 52 Toisen Unterschied, welches mit (225) übereinstimmt, weil die Taseln nur zunächst ganze Toisen angeben, und ben der Verswandlung in Fusse nicht einzelne Fusse genau angeben.

Man sche, zu der Zeit, als in Barnaul beobachtet worden, habe das Barometer am Meere 28 Zoll gestanden; So ist nach Mayers II. Tasel der Ort 65 Toisen über dem Meere. Wenn man nun eben daselbst, zu einer andern Zeit, beobachtete, da der Barometerstand am Meere 28 Zoll 4 kinien wäre, so würde zu Barnaul das Barometer nicht wie in (234) angegeben worden stehen, sondern

ben 340. 331 Linien (313 VI) das ist ben 331.

 $(1 + \frac{4}{236})$ Einsen, oder ben 27 Zoll 11 $\frac{7}{84}$ Ei-

nien. Dieser Barometerstand, den Bruch der Linien weggelassen, gehört in Mayers I. Tasel zu 64 Toisen. Da es nun hie auf 1 Toise nicht ans kömmt, weil die Taseln nur auf ganze Toisen gesten, so erhellt, daß beyde Taseln übereinstimmen. Eben die Höhe, die der beobachtete Barometersstand nach der II. Tasel giebt, wenn ben ihm am Meere der Barometerstand der II. Tasel statt sindet, die giebt auch in der I. Tasel statt sindet, die giebt auch in der I. Tasel ver Barometerstand, den man zu Barnaul beobachten würs de,

de, wosern am Meere der Barometerstand der 1. Tafel statt findet.

Barometer am Meere zur Zeit der barnaulischen Beobachtung gestanden hat, und da sie, wie Hr. Pr. B. richtig erinnert, nicht wohl den mittlern barnaulischen Barometerstund angiebt, so kann man sie auch nicht mit dem mittlern vergleichen, den man für das Meer annähme. Die Folge hieraus ist, man kann die Höhe, von Barnaul und den andern Dertern über das Meer, nicht aus diesen einzelnen Beobachtungen berechnen, weder nach Mayers, noch nach irgend einer andern Formel. Aber die Höhe eines Orts über dem andern liesse sich berechnen, weil die Beobachtungen ohngesähr zu einer Zeit angestellt sind.

240. Mayer hat also nicht zwo Takeln gemacht, bavon die eine Barnaul 702 Fuß, die andere 390' Fuß, hoch angiebt. Wie müßte es in dem Kopke nicht eines Mathematikverständigen, sondern nur konst eines gesunden Menschen aussehen, der eis nen solchen Wiederspruch ernsthaft hersagte? Selbst ein Jurist erkennte ja darinn bennahe eine kakion vltra dimidium.

Wenn man Maners Vorschriften gehörig zu brauchen weiß, versichert man sie gar leicht vor einem solchen Verdachte.

Man hat Hrn. Prof. Beckmannen zu danken, daß auf seine Veranlassung, bekannt geworden ist, nach was für einer Regel Mayer gerechnet hat. Hr. Prof. Hollmann (230) hatte, ben M. Ledzeiten, natürlicher Weise keine Ursache, davon umständlich zu reden. Unten wird sich zeigen, (311; 3723) daß diese Regel ben den Rechnungen, die jeso den meisten Benfall zu verdienen scheinen, zum Grunde liegt.

Celsius Erfahrungen.

241. In den Abhandlungen der Kon. Schedischen Akad. d. Wisse, sür 1741. im 3. Vande der deutschen Uebers. 133 S. sinden sich Andr. Celsius Versuche vom Steigen des Varometers in der Grube zu Fahlun; Sie sind 1730; zweene Tage nach einander angestellt; einem 27, u. 28. jeho da ich meine Uebersehung zu gegenwärtiger Absicht wieder durchsehe, sinde ich, daß ich durch einen Schreibsehler den einen in den Vrachmonat, den andern in den Heumonat, geseht habe; Sie gehören bende in den Heumonat, zu latein: Julius, wie ich gegenwärtig aus der Grundschrift ersehe, die ich aus dem Büchervorrathe unsers Hrn. Prof. der Botanik Murran bekommen habe.

242. Celfius hat Barometerstände auf dem Grufrisberge, im Flemmingsschachte, und im Kön. Carl XI; Schachte beobachtet. Er giebt sie in schwedischen Zollen und deren Decimaltheilen an,

der Zoll selbst ist ein Zehntheil des Fusses. Die Unterschiede der Höhen giebt er auch in Fussen an. Das Zehntheil eines Zolls, also das Hunderttheil eines Fusses, nennt er: Linie.

243. Ich will sie so ordnen, daß man ihre Reihen übersehen kann, und einige Betrachtungen darüber anstellen. Folgendes sind Beobachtungen des ersten Tages

244.	Höhen	1 Barometer
	+ 312	24, 81
II	•	25,09
111	- 691	25,74

245. Da ist die Hohe I auf dem Gipfel des Grufrisberges; Il An der Hängebank des Flemmingsschachtes, III. Teuse unter dieser Hängebank.

246. Den zweyten Tag sind alle Stellen, unter der Hängebant des Flemmingsschachtes, genommen worden. Sie geben folgende Reihe; Teufen unter der Hängebank (245) gerechnet. Ich will die Bevbachtungen mit den in 244; fortzählen.

247.1	Schacht .	Leufe	Bar.
1111	Flemm.	. 0	25,00
V	R. C.	45,7	25, 04
VI	Ŕ.C.	265,7	25, 27
VII	જ. હ.	485, 7	25,51
VIII	Flemm.	691,0	25, 63

248. Diese Beobachtungen sind ohnstreitig mit erforderlicher Einsicht und Sorgfalt gemacht; Cel-

stus hat sich auch versichert, daß das Barometer die Zeit über keinen Schaden gelitten; Er ist am Ende jeder Reihe seiner Beobachtungen wieder an den Ort gefahren, wo er angefangen hatte, und hat den Barometerstand gesunden, wie im Anfange. Die Höhen hat er vermuthlich angenommen, wie sie ihm die Markscheider gegeben.

249. Mir siel also ein, Paare aus ihnen zusammen zu nehmen, und aus jedem solchen Paare nach (39) den Coefficienten zu bestimmen.

Unterschied der Höhen ben allen diesen Beobachtungen ist, so: c = 1003; f = 25, 74; g = 24, 81; daraus sand ich log B = 4, 7976698.

251. So liessen sich aus den Beobachtungen des ersten Tages für sich drey Paare nehmen, und aus den sünf Beobachtungen des zweyten Tages auch für sich zehn Paare; Jedes Paar giebt einen Coefsteienten; Wollte man Beobachtungen zweener Tage zusammen nehmen, so müßte man auf die Aenderung des Barometerstandes acht geben, denn sie und IIII sind Beobachtungen an einer Stelle.

Alle diese Verbindungen habe ich nicht ges macht. Von denen die ich gemacht habe die Rechnungen herzusehen, wäre zu weitläuftig, ich will aber die Resultate nach der Grösse der Coefficienten die ich gesunden habe ordnen.

252.	B	aus	
1.	63928	IIII;	VIII
11	62758	I;	111
III	62207	ll;	III
IIII	55481	V;	VII
V	55403	V;	VI !
VI	55379	HI;	VII.

- 253. Ben den letten dren Werthen ist der Carlsschacht gebraucht, ben IIII und V; allein, ben VI mit dem Flemmingsschachte. Celsius bemerkt, im Flemmingsschachte sen es warm, und im Carlsschachte starker und kalter Wind gewesen.
- 254. Ein kleinerer Coefficient zeigt dichtere Luft an, wie man aus Vergleichung von 39; 38; und auch daraus so gleich sieht, daß der kleinere Coefficient ben eben den f: y ein kleineres x giebt.
- 25. In so sern man also blos barauf sehn will, daß kalte kuft dichter als warme ist, läßt sich schon einigermaassen begreifen, warum der Carlsschacht kleinere Coefficienten gab. Vielleicht hat dieser Unterschied der Wärmen, und der Wind, noch andere Wirkungen auf die Aenderung des Coefficienten. (9; 155:)
- 276. Celssus berechnet nur, wie groffer Unterschied der Höhen einer Linie Quecksiber gehöre. Ich sehe nicht, daß dieses viel lehret, und der Natur ist es deswegen nicht ganz gemäß, weil man bep

Ver einem groffen Unterschiede der Höhen nicht annehmen darf, daß eine Linie Quecksilber an der obersten Gränze der Höhe soviel beträgt als an der untersten. (60)

Celsius rechnet z. E. so: In 244; I; III beträgt der Unterschied der Höhen 1003 Fuß, die Barometerstände 9, 3 kinien, also giebt eine kinie 107\frac{3}{4} Fuß. Aber eine kinie Barometerversänderung auf dem Gipfel des Grufrisberges errsobert eine längere kuftsäule, als 1003 Fuß tieser; ihre kängen verhalten sich wie 25, 74; 24, 81 == 1,037: 1.

- 257. Celsius Erfahrungen mit andern zu versteichen, muß man sie in pariser Maasse ausdrukten. Aus Celsius eigner Angabe, in den Abh. für 1739; und 1740, im I. B. der Uebers. 256. ist der schwedische Fuß zum Pariser = 1:1,0943.
- 258. Daraus die schwedischen Decimalzolle in die pariser zwölstheiliche verwandelt, sinde ich den Barometerstand in 247; IIII; = 27 Boll 4, 97 voer kurz 5 Linien pariser Maaß.
- 259. Wollte man Formeln, aus Celsius Beobachtungen hergeleitet, mit andern vergleichen, so müßte man bende auf einerlen Maaß bringen. Zum Benspiele setze man f: y sen tine gegebene Vershältniß zweener Barometerstände, ben Maner und ben Celsius. Ob jener pariser zwölftheiliche Zu.

Bolle; dieser schwedische zehntheiliche braucht, bard auf kommt hie nichts an, wenn die Verhaltniß eis nerlen ist, so bekommen bende einerlen log (f: y)

Diesen logarithmen nun multiplicirt Mayer mit 60000, um die Höhe in pariser Juß zu bekommen, angenommen wie ich hie thun muß, daß er Fusse berechnen wollte, da er sich nur auf Tois fen einschränft.

Also müßte er eben den Logarithmen mit 60000. 1, 0943 = 65658 multipliciren, wenn er schwedische Fuß berechnen wollte.

Das ist etwas grösser als der I. Coefficient in (252). Und so wurde man für einerlen Barometerstände, nach Mayers Regel, etwas grössere Höhen bekommen, als nach einer Formel, die erwähnten Coefficiente brauchte.

Wallerius Erfahrungen habe ich in der Vorrebe zu meiner Uebersetzung des III. Bandes der Abhandl. der Kon. Schwed. Afad. erzählt.

Schobers Ærfahrungen. 260. Im alten Hamb. Magaz. III. B. 250 6. befinden sich barometrische Beobachtungen, in den polnischen Salzgruben Wieliczka und Bochnia, b. 7 u. 22. Nov. 1743 angestellt. Sie sind von Hr. C. G. Schober, der durch seine Schrift von der Ueberwucht bekannt ist, die jeso alle Mathematikverständige als das einzige Werk seiner Art rühmen, wo Theorie mit Erfahrungen verglichen ist,

ist, und zu der ich vordem mit grosser Müsel in Leipzig einen Verleger fand, der zur Erkenntlichskeit dem Versasser einige Eremplare gab. Er hatte, unter dem Vergrath Vorlach, Aussicht über die polnischen Salzgruben gehabt, hielt sich um 1748 als ich mithm Umgang hatte, ben demselben in Kösen ben Naumburg auf, von da er mir unterschiedene Aussässe sür das hamburgische Magazin geschickt hat, und ist vor einigen Jehren als chursächs. Vergrath gestorben.

261. Schober hat die Dresdner Elle gebraucht in 24 Zoll, den Zoll in 12 Linien getheilt. Eben solche Zolle auch benm Barometer, dessen Vorrichtung er beschreibt. Er hat am Ende jeder Reihe von Versuchen den Barometerstand an dem Orte, wo er angefangen, wieder so gefunden, wie im Ansange.

Er hat ben seinen Versuchen von oben angefangen und immer bemerkt wie das Barometer in grösserer Teuse gestiegen ist. Ich will die Zahlen davon nach der Ordnung hersehen, die Varometerstände in Linien ausgedruckt.

262.	Den 7. Mor).
	Leufe	Bar.
I	•	372,5
II	190	377
III	310	380
HII	420	383
V	570	387
4.00		y 3

262. In

283. In einem andern Schachte als (261) 19c Ellen unter Tage, so tief als 262; III, stund das Quecksilber eben wie dorten. Aber im Tiefsten des Schachtes 225 Ellen unter Tage, stund es bep 382, 5.

In diesem Schachte waren nach bergmännisschen Ausdrucke keine Wetter, so daß das licht nur mit Mühe schwach brennend konnte erhalten werden.

264. Den 22. Nov.

	Teuse	Bar.
1	O.	37 4
II	70,	373
III	246	377,33
III	452	, '3 3 2
V	613	386

265. Ich habe nur aus 262; I; V; den Coefsficienten nach (39) berechnet, und seinen Logarithsmen = 14, 5361673 gesunden. Ich sehe nähmslich V als die unterste Stelle, I als die oberste, an.

Zur Probe habe ich x für y = 380 berechnet, und = 272, 45 gefunden; das ist eine Höhe über der Stelle V; und läßt, von 570 abgezogen, die Tiese unter der Stelle I; Diese Tiese kömmt also 307, 54. Schober giebt sie 310; Also trifft die Rechnung mit seiner Messung erträglich zusammen.

266. Wenn ich nach diesem Coefficienten berechene, wie hoch über V die Stelle ist wo y = 382, 5, so sinde ich 174, 58.

Diese Stelle ware also 395, 41 tieser als I; Und 85 tieser als III. in (262).

Rechnung war, etwas von den Folgen des Wettermangels zu erkennen. In (263) ist die Stelle,
wo das Barometer 382, 5 steht, 105 Ellen tiefer,
als die, wo es 380 wie in (261; III) stand. Man
muß sich also vorstellen, die Lust im Schachte wo
die Wetter mangelten sen dunner, oder richtiger
wohl, weniger elastisch gewesen. So war eine
halde Linie Lenderung behm Quecksilber zu verursachen, eine Säule etwa 20 Ellen länger als in
(265) nöthig.

268. Ich habe auch aus 264; I; V; ben Coefficienten berechnet, und seinen Logarithmen = 4,5515938 gesunden.

Nun berechnete ich haraus sür y = 377, 33.

(264; III; es sollte eigentlich 377f linie senn),

x = 351, 35; dieses von 613 labgezogen, giebt
die Stelle, für die ich gerechnet habe, 261, 64 uns
ter der obersten. Schober aber giebt sie 246, so
fehlte die Rechnung um 15 Ellen.

Sesse ich aber y = 3773 so sinde ich x = 364, 87 und das von 613 abgezogen, giebt diese Stelle 248, 12 Ellen unter der obersten, also nur

um ein paar Ellen von Schobers Angabe unter schieden.

Solchergestalt trifft auch hie die Rechnung ziemlich zu, weil die Schäßung von f Linie doch

nicht ganz sicher ist.

269. Da also die Coefficienten, welche aus Scholbers Angaben solgen, nicht ganz unbrauchbar scheinen, so hielt ich der Mühe werth, aus ihnen die zu berechnen, welche man brauchen müßte, aus den Barometerständen, Höhen in Toisen zu sinden.

Heißt einer der benden seso berechneten Coef.

ficienten = C; so ist

x = C log (f: y), Dresdner Ellen.

270. Aus Krusens Contoristen, in der VIIasel, die am Ende des I Theils befindlich ist.

Dresdner Elle = 250, 9 pariser Linien,

Des Bruchs, welcher in die Toisen multiplicirt ist, logarithme ist 0,4629870 — 1.

271. Also, C. $\frac{250,9}{864}$ = D geseßt, ist

x = D. log (f: y) Toisen.

Bo log C+ log (250, 9:864) = log D.

272. Da finde ich nun

lug D — D aus 3, 9991543 — 9980, 5 (265) 4, 0145808 10341 (268)

272. Die

272. Diese bezden Coefficienten, die man brauden müßte für Toisen zu rechnen, sind jeder nicht fo gar weit von Mayers seinem unterschieben.

273. Noch kann man Schobers Barometerstande in pariser Maasse zu wissen verlangen. Ich will den hochsten unter allen (261; V) berechnen.

Die Dresdner Elle halt 2. 144 = 288 Dresdner kinien, also ist die Dresdner Linie = 250, 9 pariser Linien. 288

Der logarithme hievon zum logarithmen von 387 addirt, giebt den von 337, 14.

Also ist dieser Baromkterstand 28 Zoll 1, 14 Linien pariser Maaß.

274. Das war der Barometerstand, vermuthlich in der größten Teufe, in welche Schober tommen konnte; 380 Ellen unter Tage, aber 570 Ellen unter dem Gipfel eines Berges, der über den Horizont, von dem jene Teufe gerechnet wird, 190 Ellen hoch war.

275. Dieser Barometerstand ist ohngefähr der, den man am Meere annimmt, eher noch etwas höher.

Db das Barometer zur selben Zeit überhaupt hoch gestanden hat, liesse sich wohl ausmachen, wenn man barometrische Beobachtungen besselben Jahres aufsuchen wollte, wozu ich aber keinen Beruf empfinde. Joh

Ich bächte es wäre genug zu bemerken, daß Pohlen ein ziemlich flaches kand ist, wo man, so tief unter seiner Fläche, wohl im Horizonte des Meeres, oder gar noch niedriger, senn könnte.

Verhältnis der Zöhen zweener Gerter über einem Dritten, aus den Barometersänden.

276. I. Man setze, dren Barometerstände, in der Ordnung, daß der größte zuerst genannt wird, heisen p; q; r; Ueber den Horizont wo der erste statt sindet, sen der Korizont des zwenten, um Q, des dritten um R erhoben.

11. Mariotte, Hallen, Scheuchzer, Horres bow, Bouguer, Moyer, stimmen varinnen überz ein, daß Q = k. log (p: q); R = k. log (p: r). Nur nimmt jeder sür k was anders an.

III. Also sind sie auch darinnen eins, daß. Q: R = log (p: q): log (p: r).

IIII. Ober: Wenn man annimmt die Dichate ber kuft verhalte sich wie die Kraft, mit welcher sie gedruckt wird; so folgt der allgemeine Saß:

Die Höhen zweener Horizonte über einen nies drigern, verhalten sich wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände jedes Horizonts und des niedrigsten.

V. Weiß man also anders woher, die Höhe eines der dren Horizonte über den niedrigsten; so giebe giebt die Regel Detri des andern seinen, ohne daß man daben zu entscheiden braucht, welcher von den genannten Gelehrten, in Absicht auf den Coefficienten, mehr Recht hätte.

VI. In der That hatte man sich alsbenn selbst einen Cpefficienten bestimmt, wie aus (39) erhellt.

VII. Nach Hrn. Dan. Bernoullis Formel, fände sich die Verhältniß der benden Höhen über einen Horizont so: Der niedrigste Horizont habe über das Meer die Höhe H; so ist (181)

$$H = \frac{22000. c}{p} - 22000$$

$$H + Q = \frac{22000. c}{q} - 22000 \text{ Also}$$

$$Q = \frac{22000. c. (p - q)}{p. q} \text{ Und even so}$$

$$R = \frac{32000. c. (p - r)}{p. r} \text{ Daher}$$

$$Q: R = \frac{p - q}{q}; \frac{p - r}{r}$$

VIII. Wollte man also nach Hr. Dan Bern.
Grundsäßen rechnen, ohne seinen Coefficienten
22000. c zu brauchen, so könnte man auch eine Höhe Q. geometrisch messen, und die Barometer.
Siche Q. geometrisch messen, und die Barometer. stände an ihren benden Gränzen beobachten. Das gabe wieder jede andere Höhe, für die man den Barometerstand weiß, durch eine Regel Detri.

Br. de Luc.

- genwärtige Untersuchungen, sührt den Titel: Recherches sur les modifications de l'Atmosphère... par I. A. de Luc, Citoyen de Geneve; Corresp. des Acad. Roy. des Sc. de Par. et de Montpellier Genf 1772. 4°. I. Th. 416 S. II. Th. 481 S. nebst einigen Kupfertaseln. Es ist eben durch Verssuche Höhen mit dem Barometer zu messen, und die Uneinigkeit unter den hiezu vorgeschriebenen Regeln veransast worden.
- rometers, unterschiedene Vorrichtungen, leuchtende Varometer, Veränderungen im Barometerstande und Hypothesen der Natursorscher deswegen.
 Demühungen mit dem Varometer Höhen zu messen und die unterschiedenen Regeln aus dem Varometerstande die Höhen zu berechnen. In diesem litterarischen Theile seines Werks zeigt Kr. de Lischr viel Velesenheit, in Allem, was zu seinem Gegenstande gehört, und richtige Kenntniß, dessen was davon ist gelehrt worden. Die Regeln mit dem Varometer Höhen zu messen, trägt er so vor, wie sie von ihren Ersindern sind gelehrt worden; er erinnert auch richtig, daß die meisten dieser Resgeln,

geln, nur in dem Coefficienten unterschieden sind,. der auf die Dichte ankömmt (Do L. T. I. S. 265.)

279. Hr. de kuc hat sich die Mühe gegeben, nach jeder der unterschiedenen Regeln, eine Tasel zu berechnen, die sich dehm 334. I. seines ersten Theils sindet. Sie enthält Barometerstände durch alle Zolle, von 28 bis 16; und noch 27 Zoll 11 Linien, auch 15 Zoll 10 Linien. Der letzte ist vom Hrn. de la Condamine auf einem Berge der Cordelie're, Nahmens Coraçon beobachtet worden. Der niedrigste den man noch in frener kust beobachtet hat, (Cond. Voy. à l'équateur. . . p. 58) Die geometrische Messung hat diesen Berg 14820 Fuß hoch gegeben.

Für jeden dieser Barometerstände hat Hr. de L. nach jeder Regel die Höhe über den Horizont berechnet, wo das Barometer 28 Zoll steht.

- 280. Zur Probe will ich seine Zahlen sur den Warometerstand auf dem Coraçon herseßen, und daben das Facit meiner Nechnung nach den Grundsten eben dieser Negeln, nur nach meinen Forsmeln geführt.
- 281. Damit man meine Rechnung leichter prüsen kann, erinnere ich, daß ich für sie zuerst den höchsten und den niedrigsten Barometerstand durch 336 = f und 190 = y kinien ausgedruckt has be; Ferner ist log (336: 190) = 0, 2475857

= N und durch Proportionaltheile; log N = 0,3937255 — 1; Also, für jede der Regeln die nach (39) bewerkstelligt werden x = B. N.

282. Diese Regeln sind vom Mariotte (58), Horrebow (67), Scheuchzer (84; 93). Es gestören darunter auch die vom Bouguer (117) und Mayer (217), ob man wohl ben diesen benden, wes gen der besondern Beschaffenheit ihres Coefficienten, die Rechnung noch leichter sühren kann. Noch sinden sich auch Formeln nach Daniel Bernoülli (172) und Cassini (203). Für Maraldis Voraussetzung (202; II) habe ich keine Formel bestechnet.

283. Nach jeder der jest genannten Regeln nun, hat Hr. de L. eine Tasel berechnet, Mayers seine, wie leicht zu erachten, ausgenommen. Und zwar nach Mariotten, zwo Taseln, eine die er: nach Mariottens Grundsäßen, nennt, nähmlich: die Schichten jede einzeln berechnet, und zusams men addirt (59) die zweyte, durch Verwandelung der eigentlichen Progression in eine arithmetische.

Die Höhen sind von Hr. de & in pariser Fussen und zwölstheilichen Zollen ausgedruckt. Dieke Genauigkeit ist hie nicht undienlich die Resultate der Rechnungen gegen einander zu halten, obwohl sonst Hrn. de kuc nicht unbekannt senn kann, daßkeine Regel von ihrem Erfinder nur dis auf einkeine Jusse sur zuverlässig angegeben wird. Mieder her, und schreibe neben jedes, was meine Rechnung mir giebt (282). Beträchtliche Unterschiede zwischen meiner Rechnung und Hr. de kuc seiner, kommen nur da vor, wo Hr. de k nach seinem Versahren Schichten, und also hie, deren viel, hat addiren mussen, wie behm Mariotte, Horrebow, Cassini; und so bestätigen sie, wie wichtig ben gegenwärtiger Untersuchung, der Gesbrauch solcher Formeln ist, die man am bequemsten durch die Integralrechnung sindet (59).

Benm Mariotte, giebt Hr. de {. mehr an, als ich, und sollte weniger angeben. Ob ich mich verrechnet habe, wird man leichter prüsen, als ob er sich verrechnet hat. (61)

185. Soben des Coraçon; nach unterschiedenen Berechnungen.

Mariotte Grundsäße	∯r. de 12087 F.	_	Meine Rechni 12040
Mariotte arithmet. Progr.	13167	4	
Halley Maraldi	14486 19941	1	14486 —
Scheuchzer Cassini	12386 16090	5	12386 16217
Dan. Bernoulli	16905	3	16905, 26
Horrebow Bouguer	14334 14359	4	14344, 2
•		•	, Mapers

Mayers Regel giebt, Decimalbrüche zum Ueberflusse mit hingeschrieben, 2475, 857 Toisen == 14855, 142 Fuß.

Ist es ein glücklicher Zufall, daß Mayer bie am nächsten zutrifft? (279)

der Verfertigung und dem Gebrauche der Baromes ter und Thermometer vor. Als die vornehmste Ursache, warum Barometer nicht miteinander überz einstimmen, giebt er wie natürlich die Luft über dem Quecksilber an. Wer die Wirkung dieser Luft allgemein übersehen will, darf sich nur an (7) erinnern; Wenn sich über dem Quecksilber noch n mahl dünnere Luft als die natürliche besindet, so ist (7; X und XIII) die Höhe des Quecksilbers in

ber Rohre oder $g - y = \frac{n-1}{n} f$; Es steht

nähmlich allemahl um $\frac{1}{n}$ f niedriger, als es in einem vollkommenen Barometer seyn würde. Ik n = 96; f = 28 Zoll, so steht es nur 27 Zoll 8; Linie hoch.

287. Wenn in zwen solchen Röhren gleichviel Lust über dem Quecksilber ist, so witd sie in der dünner senn, in welcher der Raum über dem Quecksilber, y, grösser ist; (7; XIII) Also könnste man darauf fallen, diesen Fehler durch lange Röhren zu vermindern. Daben erinnert Hr. de

L. daß in diesen leeren Raum über dem Quecksilber, kuft aus dem Quecksilber aussteigen werde. Dieses Quecksilber kann nach Gelegenheit, mehr oder weniger kuft enthalten, an den innern Wänden der Röhre hängt kuft, und wenn so der leere Raum über dem Quecksilber nur dadurch soll erhalten werden, daß man die Röhre ganz mit Quecksilber füllt und es alsdenn herausfallen läßt, so bleibt immer in diesem Raume eine unbekannte Masse kuft, die noch dazu, durch Feuchtigkeit und Wärme, sehr verschiedentliche Federkrast bekommen kann.

288. Hr. de L. empsiehlt daher, das Quecksilber selbst in der Röhre kochen zu lassen, und zeigt die Vorrichtung genauer und übereinstimmender Varometer und Thermometer, auch wie sie eingerichtet werden, auf Vergreisen zu dienen. Dieses die benzubringen, müßte ein grosser Theil des Vuchs abgeschrieben werden, ich schränke mich also darauf ein, was die Abtheilungen von Hrn. de L. Werkzeugen betrifft, daraus man seine Veobachtungen verstehen kann.

289. Zum Barometer braucht er eine durchaus gleich weite Röhre, also in einen kürzern Schenkel auswärts gebogen. Die Scale dazu richtet er solgendergestalt ein: Man stelle sich diese gebogene Röhre ansangs an benden Enden offen vor, und in ihr das Quecksilber, damit sie soll gefüllt werden. Das sest sich also in bende Schenkel in eine Horizontallinie. In diese Stelle schreibt er an jeden Schenkel o. Rum trägt er parifer Zolle von diesen beyden Gränzen, am langen Schenkel auswärts, am kurzen, welcher offen bleibt, niederwärts. Ist nun alsdenn das Barometer zugerichtet, so addirt er die Zahlen, bey denen das Quecksilber im langen, und im kurzen Schenkel
steht. Stünde es im langen, verschlossenen bey
20, im kurzen offenen, bey 7; so würde eine Quecksilbersäule, 27 Zoll hoch, durch die Atmosphäre erhalten. §. 485.

Er hat in der Scale die Zolle bis auf Viertheillinien mit Strichen getheilt, und traut sich zu, Iwen und drenßigtheile anzugeben. §. 486.

Uebrigens gesteht er, daß solche Barometer zu den täglichen Witterungsbeobachtungen nicht recht bequem senn würden. J. 386.

- 290. Barometer ganz ohne Luft zu haben, erklart Hr. de L. für unmöglich. Aber nach seinem Wersahren würde in jedem Barometer nur wenig Lust übrigbleiben, in einem ohngefähr so viel als im andern; Und so glaubt er, würde sich der Einfluß der Wärme auf das Barometer bestimmen lassen.
- 291. In dieser Absicht hat er im Winter, Barometer und Thermometer, in einem kalten Zimmer beobachtet, das Zimmer geheißt, und nun bemerkt, was für Aenderungen der Barometer und Thermometer zusammen geschehen. Die Vorsichtigkeiten

tigkeiten mit denen er diese Versuche angestellt bes
schreibt er 362 u. f. J. Das Resultat derselben
ist folgendes:

292. Wenn der Barometerstand 27 Joll war, und die Wärme so geändert ward, daß das Thermometer vom Enspunkte die zum siedenden Wasserssieg, so wuchs die Höhe des Quecksilbers im Barrometer genau um sechs Linien.

293. Weil diese secht Linien 96 Sechtzehnstheile betragen, so theilt er an einem Thermomester den Abstand erwähnter benden Punkte, in 96 Theile; ein solcher Theil Aenderung des Thermosmeters stimmt also mit 13 Linie Aenderung des Warometers zusammen.

Nun schien ihm nöthig, einen Grad der Wärsme für die Gränze an seinem Thermometer zu wählen, über und unter welcher die Verbesserungen zu machen wären. Hiezu sand er den achten Theil des ganzen Abstandes der benden äusersten Punkte, Von unten herauf gerechnet, am bequemsten, wos von er die Ursache S. 372 angiebt. Da sest er also ohin, zählte von da; — 12 Grad dis an den Enspunkt herunter und + 84 dis an das siesdende Wasser hinauf.

294. Ben einem andern Barometerstande, als dem nach welchem sein Thermometer abgetheilt war (292), berechnet er die Uenderungen nach der 3 2 Regel,

Regel Detri, und giebt §. 374; folgendes Erempel: Es besinde sich ein Barometer auf einem Berge ben 13½ Zoll, das andere am Fusse desselben ben 27 Zoll. Ben jedem ist ein Thermometer. Stehn bende Thermometer ben o, so ist nichts zu verbessern. Wären sie aber bende ben — 16; so addirt er zum Barometerstande am Fusse des Berges 15 tis nie = 1 linie. Für das auf dem Berge, macht er die Proportion: Wie 27 Zoll zu 15 einer linie, sois zu 13½ Zoll müssen addirt werden; diese Menge ist 15%, und die addirt er zu dem Barometerstande auf dem Berge. Wären die Thermometer bende plus, so müßte eben auf diese Art abgezogen werden.

295. Hr. de kuc erinnert selbst S. 370, daß dieses Verfahren sich darauf gründe, daß die Quecksilbersäule, von grösserer Wärme länger, von geringerer kürzer wird.

Aus seinen Erfahrungen also muß man annehmen, er habe sie zu einer gewissen Zeit 27 Zoll lang gefunden, und daben sein Thermometer (293) ben 0.

Aendert sich sonst nichts, als daß die Wärme m seiner Theile über sein o steigt, und was daraus erfolgt, so verlängert sich die genannte Quecksilbersäule um soviel Sechszehntheile einer Linie.

Und

Und verkürzt sich um soviel, wenn das Thermometer in Theile unter 0 steht.

Sieht man die Theile über ober untero, wie gewöhnlich, als bejaht ober verneint an, so läßt sich die Vergleichung so abfassen:

296. Man nenne ber Kürze wegen ist in. = e so gehören zusammen Lhermom.

297. Soviel ist also richtig: Wenn in Hr. de L. Erempel (294) zu der Zeit da sein Thermometer — 16, das Varometer 27 Zoll — 1 Linie beobachtet würde, so müßte man sagen, es würde für 0 des Thermometers, ben 27 Zoll stehn.

298. Aber umgekehrt, wenn es für — 16 des Thermometers ben 27 Zoll steht, läßt sich nicht eigentlich sagen: Es würde sür 0 des Thermometers ben 27 Zoll + 1. Linie stehen.

299. Das eigentliche Verfahren wird sich durch folgende Rechnung entdecken:

Ich nehme an, mit Hr. de L. J. 370; ben gleicher Aenderung der Wärme ändern sich die Längen von zwo Queckstbersäulen in der Verhälteniß der Längen selbst; So:

Säulen a b l Aenderungen u. e z. e

for iff
$$z = \frac{b. u}{a}$$

300. Nun also setze man ben — m des Thermomes ters werde die Quecksilbersäule 27 beobachtet. Wie viel ändert sich diese Quecksilbersäule, indem sich das Thermometer von — m bis 0 ändert?

Aus (296) ist klar, daßsich ben dieser Aenderung des Thermometers die Säule 27 — n. e um n. e verlängert.

Also schließt man

27 — m. e: 27 = m. e:
$$\frac{27}{27}$$
 — m. e

Das lette Glied dieser Proportion zeigt, um wieviel sich die beobachtete Quecksilbersäule verlängert; oder: wieviel man zu den beobachteten 27 Zollen addiren muß, die länge zu bekommen, welche sür das Thermometer ben 0 gehört.

Für m = 16 beträgt es
$$\frac{3^24}{3^23}$$
 sinie.

301. Allgemein ware tie Rechnung so anzuistellen: Man beobachtet den Barometerstand B Zoll = B. 12. 16. e, da das Thermometer ben msteht. So gehörte zu o des Thermometers ein Barometerstand, der um x. e vom Beobachteten unterschieden wäre.

Ist ben in der beobachtete Baromeeerstand (27. 16. 12 + 111), e, so ändert sich derselbe um m. e m. e, wenn sich das Thermometer von in bis 0 andert. (296).

2(so nach) (299)

27. 16. 12 + m: B. 12. 16 = m: x ober

$$x = \frac{m. B}{27} \cdot \frac{1}{1 + m: 27. 16. 12}$$

Mun wird m gewiß nicht ± 84 (293)

Also ist, was in des zweyten Bruchs Nenner zur 1 addirt, immer viel kleiner als 7: 27. 16 oder als $\frac{1}{32}$. Man kann also diesen zweyten Bruch ohne merklichen Fehler für 1 annehmen.

Und so ist $x = \frac{m \cdot B}{27}$; Hrn. de lucs Resgel, in völliger Schärfe nicht richtig, aber so weit sie angewandt wird, ohne merklichen Fehler brauchbar.

Die bisherige Rechnung setzt den Baromsterstand in Zollen ausgedruckt. Ich will nun annehmen, er sen in Linien gegeben. Also der unverbesserte Barometerstand B Linien;

So ist die Verbesserung $\frac{m, B}{27. 12. 16}$ Linien, Die Zahl im Nenner ist 5184; Und

 $\log \frac{I}{5184} = 0.2853349 - 4$ dem bennahe die Zahl 0, 00019290 gehört.

Alle

Also ist ber verbesserte Barometerstand = B.

$$\left(1+\frac{m}{5184}\right)$$
 {inie;

Wo man des zweyten Factors lettes Glied-leicht mit den logarithmen berechnet.

So wurde ich am liebsten rechnen. Hr. de L. sucht die Verbesserung in Sechszehntheilen einer Linie, und drückt also auch den Varometerstand so aus:

ner barometrischen Beobachtungen die Verbesserungen wegen der Wärme berechnet; Wenn aber die Varometerstände sehr unterschieden sind, und man viel Beobachtungen macht, schlägt er vor, die Scale des Thermometers in der verkehrten Verhältniß der Varometerstände zu ändern, daß ein Theil der Scale, allezeit unmittelbar, Sechszehntheile von Linien giebt. Wie die hiezu nöthigen Zeichnungen zu machen sind, lehret er §. 490 u. s.

303. Hr. de {. sucht hiedurch Rechnungen auszuweichen, ganz leichten, die aber frenlich alle Augenblicke vorkämen. Indessen würde wohl Mancher lieber diese Rechnungen machen, als so viel eigne Scalen zeichnen. Und wenn man solche Beobachtungen miteinander vergleichen, und allgemeine Säße daraus herleiten wollte, so mußse verwandeln. Zu dieser Absicht wäre es selbst dienlicher gewesen, wenn Hr. de L. durchaus eine schon bekamte Abtheilung, etwa die reaumurische, oder weil diese selbst zwendeutig ist, eine and dere bestimmte, gebraucht hätte, anstatt die Thermometerscalensprachen, deren Menge uns so schon, ohne den geringsten Nußen beschwert, noch mit einer de lucischen zu vermehren, und von dersselben ohngesähr soviel Dialecte zu machen, als Zolle Aenderungen im Barometerstande sind.

304. In die Fahrenheitische, die ein Deutscher immer benbehalten mochte, nicht nur well sie die deutsche, sondern auch, weil sie zur Shre unsers Waterlandes, die alteste, richtige Thermometersprache ist, in diese, liesse sich Hr. de Luc seine so überseßen:

Zwischen o und Vom Enspunkte bis an den Siedpunkt sind 180 Fahrenheitische Grad, und 96 de kucische; Also 15 Fahr. = 8 de kuc.

Hrn. de lucs 0; ist 12 seiner Gradesüber den Enspunkt, den Fahrenheit mit 32 bezeichnete.

Also ist Hr. de & 0; ben 32 + 15. 12 oder 54, 5 fahr. Grad. Und ein Grad, der ben Hr. de luc in heiß

54, 5 + m. 15 8 ober 54, 5 + m. 1, 87 fahrenh.

> Wenn m = — 16; so ist dieser Grad 54, 5 — 30 ober 24, 5 Fahrenh.

Und, ben 27 Zoll Barometerstande, gehört Hr. de L. Erfahrung gemäß, To einer Linie Aenderung im Barometerstande wegen der Wärme, zu 1, 875 Fahrenheitischen Graden Aenderung der Wärme.

Soll ein Grad, den Hr. de L. mit m benennt, benm Fahrenheit M heissen, so ist

M = 54, 5 + m. 1, 875 ober

$$m = \frac{M - 54, 5}{1,875} = \frac{M}{1,875} - 29,$$

9666...

Man verwandelt so jeden fahrenheitischen seicht in den de Lucschen; Weil log (M: 1875) = log M — 0, 27300,13.

Ober man hat auch $m = \frac{8 M}{15}$ — 29, 0666 . . = $\frac{1}{2} M$

+ 30 M - 29, 0666,

rometerstände beobachten wollte, geometrisch und auch durch nivelliren gemessen. Die grosse Sorgfalt, die er hieben angewandt, beschreibt er §. 508
u. f. Auch eine Vorsichtigkeit, wenn man eine Höhe unmittelbar mit einem kothe mißt, wo das Gewicht die Schnur ausdehnt, welche Unrichtigskeit auch der Hr. v. Oppet Markscheidek. S. 418. bemerkt, und ihrentwegen Vorschriften gegeben hat, von denen sich die beste frenlich nur in Schachsten wo Fahrten sind dewerkstelligen läßt.

306 Hr. de L. stellt sich die Luft in Schichten nach Mariottes Art getheilt vor, und zeigt s. 549; weitläuftig, wie man die Summen dieser Schichten sindet, nachgehends bemerkt er, aus Bouguers Unterrichte, daß diese Summirung sich durch Abzug der Logarithmen bewerkstelligen lasse. S. 555.

307. Durch die Ersahrung hat er gefunden s. 561; daß ben einer gewissen Temperatur der Lust, wenn das Varometer ben 29 Zoll oder 348 Linien steht, die unterste Schicht 13497 Tausendtheile eisner Toise ist.

308. Diese Temperatur muß 163 eines Thermometers gewesen senn; das zwischen den festen Gränzen (termes fixes) in 80 Theile getheilt ist. §. 588.

Da diese festen Gränzen, Enspunkt und Sies bepunkt sind, so sind diese 80 Theile = 180 sabrenheit. .1

renheit. Graben oder ein solcher Theil = 2 Fahr. Graben;

Das Thermometer, das vom Eyspunkte zum Sledepunkte 80 Grade zählt, wird wie Hr. de & meldet oft das reaumurische genannt; (denn man nennt auch wohl das reaumurische, wo dieser Grade 90 sind, dessen Vergleichung mit dem fahrenheitischen ich im 11. Th. meiner Unfangsgr. der Mathematik gezeigt habe.)

Der Grad, welcher die erwähnte Temperatur anzeigt, ist $\frac{16, 75.9}{4} = 37, 6875$ Fahren-heitische Grade über den Epspunkte.

Abdirt man dazu 32; die Zahl der Fahrenheitischen Grade benm Enspunkte, so steht diese Temperatur benm 69, 6875 Fahrenheitisch. Grade.

Zählt man, über die Stelle dieser Temperatur bejahte Grade, unter sie verneinte, von der Grösse wie ihrer 80 zwischen Enspunkt und S. W. enthalten sind, so sind n solcher Grade bep 69,6875 + n. 2,25 Fahrenh. Grad.

Diese Scale, wo o ben 163 Graden über dem Enspunkte steht, so daß zwischen Enspunkt und S. W. 80 Grade sind, nun aber Grade diesser Grösse, über oder unter o gezählt werden, will ich D nennen.

309. Weil log (348: 347) = 0,0012497; So giebt die Erfahrung (307) in (39) gebraucht = 12,497 und den Coefficienten = 10000.

310. Also, ist nach Hrn. de lucs Ersahrungen über den Horizont, wo der Varometerstand 20 Zoll ist, die Höhe 10000. log (348: y) und über eisnem andern, wo er h linien ist, die Höhe 10000. log (348: h) und solglich zwischen den benden Stellen, wo die Varometerstände h und y linien sind, die Höhe 10000. log. (h: y)

311. Das ist also völlig die Regel nach der Mayer seine Tafel gemacht hat (219).

Ich zweisele, daß in dem Jahre, da Mayer seine Tasel Hrn. Pros. Hollmann muß mitgetheilt Haben, (233) überhaupt etwas umständliches von diesen Bemühungen des Hrn. de & bekannt gewesen. Und so hatte Mayer seine Tasel auf Vorschriften gegründet, die Hr. de & shne was von McTaseln zu wissen, auch durch seine Ersahrungen herausgebracht hat.

312. Unstatt aber, eine so leichte Regel, aus seiner Erfahrung herzuleiten, handelt nun Hr. de L. S. 562 u. s. sehr weitläuftig von Abtheilung der Atmosphäre in Schichten, deren jede einer Linie Quecksilberfall gehört. Solcher Schichten macht er 348; und betrachtet sie auf zwenerlen Art, einmahl: als wenn in jeder die Lust durchaus

aus so dicht ware als an der obersten Granze, dars nach, als wenn jede durchaus so dichte kuft hatte als an ihrer untersten Granze. Das erste giebt offenbahr die Schicht zu groß, bas andere zu klein (Man f. 60). Für jebe bieser Voraussetzungen nun lehrt Hr. de 1. eine Regel die Grösse jeder Schicht anzugeben. Es ist klar, daß für die leßte die Formel die senn muß die ich 60; V; gegeben habe. Fur die erste, wenn die Groffe der Schicht V heißt, und die Barometerstande in linien ausgedruckt werden kömmt V = c. (f - 1): (y — 1) worauf auch Hr. de kucs Regel J. 562. hinauskommt. Diese Schichten nach jeder Voraussetzung berechnet, mußte man nun zusammen addiren, die Sobe für einen gegebenen Barometerstand zu finden, und fande folche Höhe einmahl zu groß, das anderemahl zu klein.

Nun, durch diese Berechnungen der Schicheten, die Art wie sie mussen addirt werden, und das zu grosse und zu kleine, windet sich Hr. de L. fünf Blätter groß Quart durch, kömmt dahin, daß dieß auf eine unermeßliche Arbeit führte, die man gewiß würde liegen lassen. Wenn nicht zu allem Glücke Neper die Logarithmen ersunden hätte.

Diese Weitläuftigkeit entschuldigt er g. 577 bamit, daß die, welche die Eigenschaft der Hyper-bel kennen, gleich vom Anfange würden gesehen haben, worauf es ankomme, für Andere aber würde

würde sein Beweis, der mehr mit den physischen Ursachen verbunden wäre, verständlicher senn.

Hr. de Luc kömmt doch wieder zu seinen Schichten, und zeigt S. 582 u. f., wie man ihre Summen berechnen, diese weitkäuftige Arbeit abstürzen, und doch was der Wahrheit ziemlich nashes herausbringen könnte, . . in dem Falle brauchstar, wenn man etwa keine logarithmischen Taseln hätte.

313. Nun zeigt Hr. de k. wieviel die Warme den Varometerstand ändert; J. 587. u. s. Er maaß Höhen geometrisch, und mit dem Varometer; sah, wo die Rechnung aus den Varometersständen, durch die logarithmen geführt, mit der Messung überein traf; und fand ben diesen Veobachtungen daß die mittlere Wärme, die (308) ans

gezeigte war.

neuen so, daß er die, wo grössere Wärme, und die wo geringere gewesen war absonderte, ben jeder Beobachtung merkte er sich die Wärme an, und was die Logarithmen gaben, in Fussen ausgedruckt. Ben jeder Station berechnete er die Summe aller Grade der Wärme, über den vorhin angezeigten, und aller Höhen welche ihm die Rechnung gaben. Eben das that er für die Grade der Wärme unter dem angezeigten; Aus jeder dieser benden Rechnungen nahm er das Mittel, verglich solches mit dem, was die Logarithmen ben den Höhen zu viel oder zu wenig gaben, und so sand er, sür jeden Grad

Grad der Wärme über oder unter dem angezeigten wie viel Fuß man zu der berechneten Höhe addi-

ren ober bavon abziehen musse.

Hiervon giebt er folgendes Exempel: Eine seiner Stationen ist 2582 Juß über die gemeinschaftliche Grundlinie erhoben. Ben ihr hat er zu unterschiedenen Zeiten 17 Beobachtungen angestellt. Darunter war ben achten das Thermometer niedriger, als der angezeigte Grad; Diese acht Thermometerstände unter angezeigten Grade als verneint angesehen, haben zur Summe — 33 $\frac{\pi}{3}$.

Ben den neun übrigen Beobachtungen gaben die bejahten Thormometerstände zur Summe +

31 8.

Jede Summe mit der Jahl ihrer Beobachtungen dividirt, giebt Mittel; Die Hr. de L. (der Wahrheit so nahe als hie nothig ist) — $4\frac{1}{3}$; + $3\frac{1}{3}$; sest.

Die Höhe ward durch die Logarithmen aus jeder der ersten acht Beobachtungen berechnet. Die Zahlen dieser Rechnungen machten zusammen

21037 Fuß.

Diese Summe auch mit & dividirt, giebt

das Mittel dieser berechneten Höhen 2630.

Die Höhen aus den letten neun Beobachtuns gen berechnet, gaben zur Summe 22875; das Mittel aus ihnen 2542.

Wenn man jedes dieser Mittel aus berechneten Höhen mit der geometrisch gemessenen vergleicht, so sindet sich folgendes:

— 4½ Grad

— 4½ Grad geben 48 Fuß zu viel 40 zu wenig

7 3 Gr. U. der 2B. geb. 88 Fuß U. d. Hoben.

Folglich giebt i Grad Unterschied der Wärme ohngefähr 11½ Fuß Unterschied der Höhe.

tungen, ben allen seinen Stationen, sand aber nicht überall Einformigkeit zwischen Verminderung ber Wärme und Vermehrung. Weil er aber weder diesen Irrkhum noch desselben Ursache kannte, machte er sich eine Tafel, wieviel Fuß für jeden Grad der Wärme müßten geändert werden, und verbesserte darnach seine berechneten Höhen.

316. Nun ordnete er sich seine Beobachtungen von neuem, mit Umständen der Witterung und der Zeit. Und da fand sich, daß alle, die um bie Zeit des Aufganges der Sonne gemacht waren, obgleich wie die übrigen berechnet, allemahl dem Orte der Beobachtung weniger Höhe gaben. §. 593.

ner Erfahrungen, die Warme sen am kleinsten benm Aufgange der Sonne, am größten, wenn zier Zeit vorben sind, da die Sonne über dem Horizonte ist, und ihre mittlere Grösse falle in den sünften Theil dieser Zeit, oder kurz vor Untergang der Sonne, S. 595.

313. Die Utsache der Ersahrung (316) scheint ihm §, 597. der Ostwind zu senn, der sich oft kurz vor Aufgang der Sonne erhebt, wenn zuvor die kuft ganz still war. Er glaubt wenn so, bewegte Luft, an ruhende stosse, so werde die Luft der Ebene auf die Berge gehoben, dergestait, daß daselbst das Barometer höher stehe, als es der Wärme gemäß stehen sollte; So werde sein Unterschied vom Barometerstande in der Ebene kleiner, als er senn sollte, und die Rechnung giebt dergestalt die Höhe zu klein.

319. Uebrigens halt er nicht für unmöglich, daß die erwähnte Ausnahme, wegen der Beobachtungen ben Aufgange der Sonne, manchmahl wegfallen könnte, wovon vielleicht die Ursache in der besondern lage der Oerter zu suchen wäre.

320. Weil Hr. de L. kein Geset, nach dem diese Ausnahme sich richtete, entdecken konnte, so setze er diese Beobachtungen alle benseite. Sie fanden sich alle ben verneinten Graden der Wärme. Und so mußte er, nach ihrer Weglassung, auch die Rechnungen (314) ändern.

Von den acht Beobachtungen des dortigen Exempels, war eine den Aufgang der Sonne gemacht, die Wärme — 5 %; die Höhe die sie gab 2600. Er ließ sie weg, so kam, für die übrigen sieben, mittlere Wärme — 4; mittlere Höhe 2634;

Und nun folgte aus diesen sieben, mit den übrigen neunen zusammen, daß ein Grad Wärme weniger, drepzehn Fuß Höhe mehr giebt.

321. Durch diese Weglassung nun, erhielt er so viel Einformigkeit, daß die Verbesserungen der Höhen, für Grade über dem bestimmten Punkte, grösser waren, als für Grade darunter §. 602.

322. Mun suchte er (h. 607) für jede seiner Stationen die Verhältniß, zwischen der Höhe des Ortes, und ber mittlern Zahl von Fussen, die man, für einen Grad des Thermometers, um den bestimmten Punkt herum, abdiren, oder abziehen mußte; Imgleichen nach was für einem Gesetze sich diese Verhälmisse anderten, wenn man sich auf eine oder die andere Seite von diesem bestimmten Punkte entfernte. Nach Wollenbung bieser Arbeiten fand er, soviel Uebereinstimmung zwischen ben Werhaltnissen, die er ben jeder Station gefunden hatte, und so wenig Ordnung ben ihren kleinen Unterschieden, daß ihm einfiel, alle bie Bruche, welche diese Verhältnisse ausdrückren, zu combiniren. Das zeigte ihm: Um ben bestimm. ten Punkt herum, verhalte sich die Verbesserung, ber Höhe, für einen Grad des Thermometers, wie 1: 215; Und allgemein fagt er: Die Verbesserung für einen Grad des Thermometers plus oder minus, sen zu der Höhe welche die Logarichmen geben, wie 1: 215.

323, Diesen, mir etwas dunkeln Ausbruck, habe ich mir durch den Gebrauch erläutert, den Hr.

De &

ve {. in der Folge davon macht, und den ich bald erklären will. Er bedeutet also so viel: Das Thermometer (308) stehe n seiner Grade über seinem 0; Die Höhe, welche man aus den togarithmen sindet,

sen b; So ist die Verbesserung = $\frac{n}{215}$. b; und

die verbesserte Höhe = b. $(1 + \frac{1}{215}, n)$ =

100000. (1 + $\frac{1}{215}$ n). log (f: y)

324. Hr. de {. aber fürchtet sich vor den Zahlen 215 und 163, die er ben seinem Thermometer brauchen müßte. (§. 608) Daher macht er eine neue Scale folgendergestalt.

Er macht die Proportion 215: 500 = 80: 186. Diese vierte Proportionalzahl (sie sollte eisgentlich 186 3 senn) giebt ihm, wieviel Theile zwisschen dem Enspunkte und siedenden Wasser gesmacht werden.

Nun wieder die Proportion 80: 186 = 16\frac{1}{4}:
39 wieviel Theile vom 0 dieser Scale bis an den Enspunkt herunter sind. (Eigentlich wären ihrer
38\frac{1}{4}\frac{5}{2}).

Auf dieser Scale heißt das siedende Wasser

+ 147; der Enspunkte — 39.

Wenn nun das Thermometer ben ± c Graden dieser Scale steht, so ist die verbesserte Höhe

$$b \pm b, \frac{2c}{1000}$$

325. Aus dieser Formel, die Hr. de &. giebt, (§. 611) habe ich mich erst versichert, daß sein vor riger mir dunkler Ausdruck die Bedeutung habe, die ich ihm (323) bengelegt.

Diese neue Scale, die Hr. de luc macht, heise se E. So sind (308) 80 Theile von D = 500. 80

Theilen von E; oder 43 von D = 100 von E.

So sind vom Enspunkte bis an das 0 von E; $\frac{16, 79.100}{43}$ Theile von E oder $38 \frac{36}{43}$ solcher Theile.

Dieses 0 und das von D sind an einer Stelle. Auch sind c Grade von $E = \frac{43 \cdot c}{100}$ Graden von D.

Man seze diese Zahl = n; also $c = \frac{100. \text{ n}}{43}$

So wird $\frac{c}{500} = \frac{n}{215}$ und Hrn. de {. Formel (324) verwandelt sich in meine (323).

Ein Grad von E ist 0, 43. 9: 4 = 0,9675 fahrenh. Grad.

326. Wenn man in (308) 0, 43. c statt 1 sest, so erhellt solgendes; (weil 0, 43. 2, 25 = 0, 9675).

21 a 3

c Grade

c Grade der Scale E sind ben (69, 6871 + c. 0, 9675) Fahrenheitischen.

Sest man diese Zahl Jahrenheitischer Grabe

= m; so hat man $\frac{m - 69,6875}{0,0675}$ Grade der

Scale E ben m Jahrenheitischen Graben, wo man zur Bequemlichkeit die beständige immer abzuzies bende Zahl berechnen kann.

Diese Zahl ist $=\frac{278.75}{3.87}=72$, 028, wie ich aus ihrem logarithmen sinde.

Und so sind ben m Fahrenheitischen 0, 9675

— 72, 028 Grade von E, welche Zahlnun cheißt. Der erste Theil läßt sich leicht durch die logarith: men berechnen, da man zu log m nur den bestän-

bigen log $\frac{10000}{9675}$ addiren barf.

Es sen m = 212; so ist log m = 2, 3263759 best log = 0, 0143489

Summe = 2, 3406848

gehört zu 219, 62 abgez. 72, 028

Rest 147. 59

soviel Grade der Scale E stehen beym Siedpunkte.
327. Hr.

327. Hr. de & hat § 611; ber 100 Seite des, Il. Th. einen Kupferstich bengefügt, wo die Fahrenheltische Scale, die sogenannte reaunsurische, (308) die (293) und die, welche ich E nenne, (325) miteinander können verglichen werden. Die dritte der erzählten, heißt da: Scale des Thermometers, um die Wirkung der Wärme auf das: Barometer, um 27 Zoll herum, zu verbessern; die vierte ist: Scale des Thermometers, die Tempestatur der Lust anzuzeigen.

Auf diesem Kupferstiche sind vom Jahrenheis tischen o bis 212; sechs pariser Zoll, und so liessen sich die andern Scalen kenntlich genug abtheisen.

Indessen erhellt aus Vorigem, daß selten ganze Theile einer dieser Scalen, an ganze einer andern, passen. Wer also eine genaue Vergleischung verlangt, muß sich doch der Formeln bediesnen, die ich gegeben habe.

328. Es ist schlimm, daß nach alten diesen Bemühungen doch besondere Limstände eines Orates die aus ihnen hergeteiteten Säse ändern. Hr. de k. giebt J. 618. einen Berg ben Genfaum Benspiel, den die Sonne vom Mittage bis zum Untergange bescheint, und so start erhist, daß man noch früh vor Aufgange der Sonne Wärme daran bemerkt. Dieser erhiste Berg theilt also seine

feine Warme der benachbarten Lust mit, sie breistet sich dadurch aus, und wird specifisch leichter als sie anderswo in eben der horizontalen Schichtist; so sieht das Varometer am Fusse des Verges, niedriger, als anderswo in eben dem Horizonte. Diesen Gedanken hat sich Hr. de L. dadurch bestätiget: Wenn er Höhen an diesem Verge mit dem Varometer Nachmittage maaß, so sand er sie allemahl zu groß; Hatte aber Negen oder Wind den Verg abgefühlt, so fanden sich die Höhen richtig. S. 621.

- . 329. Hr. de L. erzählt f. 624 u. f. umständlich eine Menge Beobachtungen, die er angestellt, und mit seinen Vorschriften, die größtentheils daraus hergeleitet und dadurch berichtigt sind, vergleicht.
- 330. Folgendes wird also des Hrn. de L. etwas zusammengesetztes Verfahren, im Zusammenhange vorstellen:

Nebst dem Barometer, das nach seiner Art vorgerichtet ist, braucht er wenigstens zwen Thermometer.

Das eine ist am Barometer, die Scale (293) es dient zu zeigen, wieviel zu dem Stande den das Quecksiber im Barometer hat, muß addirt, oder davon abgezogen werden, den Stand zu bekommen, den dieses Quecksilber haben würde, wenn dieses Thermometer ben o stünde.

Braucht

Braucht Hr. de L. zwen Barometer, eins an einer Gränze der Höhe die er messen will, das andere an der andern, so ist ben jedem ein solches Thermometer.

Das zwente Thermometer ist vom Baromes ter abgesondert, giebt die Temperatur der Lust an, und hat die Scale (324).

Auch bergleichen Thermometer braucht Pri de L. gern zwen, eins an jeder Gränze der Höhe.

Nun beobachtet er jeden Barometerstand; verbessert ihn nach dem ersten Thermometer; Aus den so verbesserten Barometerständen berechentet er die Höhe. (310) Diese Höhe verbessert er nach dem zwenten Thermometer.

Zum Erempel will ich die erste seiner Beobachtungen, 112 Seite seines II. Th., erläutert herssehn. Die Barometerstände sind in Sechszehnstheilen einer Linie ausgedruckt.

- 331. 1) Oben war der Barometerstand 51713
 das erste Thermometer (293) ben 15; Sos viel Sechszehntheile addirt er (294) weil der Basometerstand unten nahe ben 27 Zoll ist. Giebt den verbesserten Barometerstand 5186.
- II) Unten 5222; Therm. 11; verbessert 5233.
- III) log (5233: 5186) = 0, 0039182; Also, die Decimalbrüche zum Ueberflusse mitgenommen, wäre die Höhe 39, 182 Toisen = 235, 092 Fuß.

IIII) Nun

III) Run war ein zwentes Thermometer oben'
— 45; ein anderes solches, unten — 42; EinMittel aus benden zu haben, müßte die Summe
— 92 halbirt werden, diese Hälfte wäre c; weilaber Hr. de L. nach seiner Formel dieses c wieder verdoppeln müßte, läßt er sie ganz.

V) Die Höhe (III) soll nun nach (324) verbessert werden; Sie ist das dortige b; Also die Berbesserung — 0, 092. 235 = 21, 62.

VI) Folglich die verbesserte Höhe 213, 472;. Hr. de {. giebt nur die ganzen an.

VII) Die geometrisch gemessene Höhe war 216 Fuß 2 Zoll.

VIII) Das erste Thermometer (1) zeigt die Wärme am Barometer an, das zwente (IIII) die in srener Luft, aber in der Gegend des Barometers; z. E. bende oben. Ob diese Wärmen sehr unterschieden sind oder nicht, läßt sich aus den Graden, die Hr. de L. angiebt, nicht sehen, weil jedes eine andere Scale hat. Ich will also die benden oben auf die Fahrenheitische bringen.

IX) Für das erste oben ist n = -15(304) also stund es denm Fahrenh. Grade 54, 5 - 15.

1, 875 = +26, 375.

Für das zwente oben, $\Re c = -45$; (325) also stund es benm Fahrenheitischen Grade +69, 6875 - 45.0,9675 = <math>+26, 1400.

332. Diese Beobachtung ist um den Aufgang der Sonne gemacht, welches die Höhen zu klein geben sollte, (315) aber an dem Orte (328) wo die Höhen zu groß kamen. Vielleicht mennt Hr. de L. hat bepdes einander aufgehoben, daß die Höhe so ziemlich der Wahrheit nahe kömmt. Ben andern seiner Beobachtungen, treffen Messung und Beerechnung noch viel näher zusammen.

333. Besonders merkwurdig sind die, welche er am Leuchtthurme (Fanal) zu Genua d. 22. Jun. 1757 angestellt, und sein Hr. Bruder den 26. Jul. wiederhohlt. S. 642. Er maaß mit der Schnur daran eine Höhe von 222 Fuß 11 Zoll. Die unsterste Gränze war etwa 20 Toisen über dem Meeste. An jedem Ende wurden sechs Barometerstänzde bevobachtet, wie leicht zu erachten, nur wenig unterschieden; jeder ward (wie 331; 1) verbessert, und so aus den verbesserten ein Mittel genommen. Oben ward der Stand des Thermometers beobachtet, der die Höhe (wie in 331; 1111) zu verbessern dient. Ein Auszug aus allen diesen ist solgendes.

Barom. unten 337 % In. oben 334 & Thermom. + 13

Nieraus berechnet Hr. de L. die Höhe nach seinen Regeln 221 Fuß I Zoll nur 1 F. 10 Z. kleiner als die gemessenen. Und einen Theil dieses Unterschiedes schiedt er noch darauf, daß er die Temperatur der kuft in der Höhe untersucht, wo sie gewiß wes niger niger erwärmt gewesen als längst bem Thurme binauf.

Wer hie nach Hrn. de kucs Regel rechnen will, dem kann dienen, daß die Barometerskände in Vierundsechzigtheilen von Linien ausgedruckt, s1615; und 21437 sind. Nun ist log (21615: 21437) = 0,0035912, also die unverbesserete Höhe b = 35, 912 Toisen = 215,472 Fuß. Ferner c = + 13; und die Verbesserung + 0,002. c. d = 5,602... also die verbesserte Höhe = 221, c74 Fuß, wo die Decimalbrüche 0,87 Zoll betragen.

334. Es ist der Mahe werth zu untersuchen, was sur eine Dichte der Lust aus diesen Beobachtungen Hrn. de ξ . solgt. In (37) nuß c die mit der Schnur gemessene Höhe bedeuten, also den Fuß zur Einheit genommen, $c = \frac{2675}{12}$, Und weil die dortige Formel so eingerichtet ist, daß feine Zahl von Zollen bedeutet, so ist $f = \frac{21615}{12.64}$

Daher m = $\frac{21615}{12.64.2675}$ · k. log (21615: 21437); wo 12. 64 = 768. Ich finde log m = 0.0305254 — 5 oder die Dichte dieser Lust

= 0,9395254 — 5 oder die Dichte dieser Luft = 0,000c87 der Dichte des Quecksilbers. Und Quecksilber 14 mahl so schwer als Wasser gesetzt, ist diese Luft 821 mahl leichter als Wasser. Der Der ihr zugehörige Barometerstand ist 28 Zoll 13% lin. also ohngefähr der, den man am Meere annimmt, aber die Stelle war schon ziemlich hoch über dem Meere.

334. Noch kann man nach (39) den Coefficiens ten suchen. Er ist $\frac{2675}{12.0,0035912}$; und ich sin de seinen Logarithmen 4, 7929031 ihn selbst 62073.

Das ware der Coefficient, wenn man x in Fussen sucht. Sucht man es in Toisen, so wird er sechsmahl kleiner = 10345.

Dieser ist doch ziemlich viel grösser, als er nach (310) senn sollte. Weil er auch = $\frac{f. k}{12. m}$ sepn muß (39; 38; 22;) so suchte ich daraus von neuem seinen Logarithmen, und sand solchen völzlig wie vorhin. Also stimmen wenigstens meine Rechnungen mit einander überein.

335. Dieß wiederspricht Hrn. de kuc, nicht benn (310) gilt nur ben der (308) angezeigten Temperatur. Die jesige, welche Hr. de k. mit + 13 bezeichnet, ist um 13. 0, 9675 = 12, 57. . . . Fahrenh. Grade wärmer (326).

ne Folgerungen aus den Beobachtungen, die an der Fläche des Meeres angestellt worden. Er meldet: Cassini, Mariotte, Scheuchzer, und viel viel andere, hatten entschieden, man musse am User des Meeres um 60 bis 64 Fuß steigen, wenn das Quecksilber eine Linie fallen solle; aber seine Erfahrungen (die zu Genua), sur deren Genausgkeit er stehen könne, zeigten daß solches 80 Fuß betrage.

Diese Grösse aber sen nach der Wärme der Luft, und dem veränderlichen Gewichte der obern Säule, veränderlich, sowohl am Meere, als and derswo.

Am User des nordischen Meeres, wo die französisschen Mathematiker beobachteten, die den Grad des Meridians in Lappland maassen, den einer Kälte von — 37 der Eintheilung in 80; und 29 Zoll Barometerstande, gehörten 56 Fuß hoch Lust, zu einer Linie Queckfilber.

In Senegal, ben +39 Graden des reaumurischen Thermometers, die etwa +36 der Einstheilung in 80 machen, und 28 Zoll, waren von dieser so verdünnten Luft, 85 Fuß mit einer Linie Queckfilber im Gleichgewichte.

337. So sagt Hr. de & haben Mariotte und Scheuchzer der Erfahrung nicht genug gethan, weil ste diese Höhe zu gering annahmen; Maraidi, Cassini, Bernoulli, sesten keinen Verdacht in die Beobachtungen am Ufer des Meeres, und weil sie doch fanden, daß andere Erfahrungen damit nicht recht übereinstimmten, glaubten sie, man müsse das Geses der Dichte der suft etwas ändern.

Was Hr. de {. vom Mariotte und Scheuchzer sagt, stimmt sehr-wohl mit demjenigen zusammen, was ich (61; u. 91;) erinnert habe. Unf
diese Berechnungen der Dichte der kuft, die jede Regel annimmt, sührte mich die Integralformel, von
der ich ansing.

338. Da Hr. de & seine Formeln, am Meere, und auf den Alpen bis 1560 Toisen über dem Meere mit der Ersahrung übereinstimmend gesunden, so glaubt er, könne man ein Vertrauen in sie seßen, und sie wenigstens künftig durch genauere Beobachtungen berichtigen.

339. Schwürigkeiten, die Messung der Höhen mit dem Varometer zur Nichtigkeit zu bringen, ersählt Hr. de 2. folgende; J. 656. u. f.

Aller Verbesserungen, die er benm Barometer gemacht hat, ohngeachtet, sindet sich doch, zwischen welchen die sonst übereinstimmen, zuweilen
is oder gar zeiner Linie Unterschied. Er glaubt,
dieses rühre großentheils von Unvollsommenheiten
der Röhren her, auch wohl von unterschiedlicher
Beschaffenheit des Quecksilbers.

Iwentens der Einfluß der Wärme auf die Dichte der Luft. Hr. de 2. hat diese Wärme oft unten und oben beobachtet; Aber wie nimmt sie nun zwischen benden Stellen ab? Hr. de 2. sest, leichterer Rechnung wegen zum voraus, es geschebe, in einer arithmetischen Progression.

Prittens;

Drittens; wenn die Warme zunimmt, und die kuft an selbigem Orte strebet sich auszubreiten, so kann sie nicht sogleich die benachbarte kuft fortereiben; Während der dazu nöthigen Zeit, ist sie dichter, als sie der Wärme gemäß senn sollte. Das Gegentheil, geschicht auch in etwas, wenn die Wärme abnimmt; Und so nimmt die kust selten den Raum ein, den sie nach den allgemeinen Regeln einnehmen sollte, die aus den Beobachtungen zusammengenommen gezogen sind.

Bis ohngefähr 200 Juß über dem Boden, (terrein) wie groß auch desselben Erhöhung senn mag, sind die Wirkungen der Wärme auf die Łuft gewöhnlich viel grösser als seine Regel sie angiebt. Er schreibt dieses den Dünsten zu, auf welche die Wärme stärker wirkt, als auf reine Łuft, kann aber davon keine Regeln geben.

Endlich, weiß man noch nicht recht, wie sich ben einerlen Aenderung der Wärme, die Aenderungen der Dichten der kust und des Quecksilbers verhalten. Und daher ist Hr. de kuc J. 663; selbst von der Vorschrift, die er zu Verbesserung der Höhen gegeben hat, (324) nicht ganz versichert.

340. Daß das Barometer seinen Stand an einem und bemselben Orte ändert, ist ohnstreitig auch eine der beträchtlichsten Schwierigkeiten. Hr. de L handelt von diesen Aenderungen, ihren Ursachen und ihrem Einstusse auf das Höhenmessen. S. 665. 739.

341, Wor-

341, Vorschriften bie er f. 740 u. f. giebt, Fehler zu vermeiden, die aus angezeigten Ursachen entstehen können, sind:

An jede Gränze der Höhe die man messen will ein Barometer zu stellen, jedes einige Stunden lang jede Aierthvilstunde einmahl zu beobacheten, und aus allen das Mittel zu nihmen. Diese Borschrift, die sehr oft schon allein-zulänglich ist, gründet sich barauf, daß die meisten Ursachen der Ausnahmen von den allgemeinen Regeln, sich in kurzen Zeiten immer ändern.

Kann man sich nicht so lange aufhalten, so soll man in der mittlern Wärme des Morgens bes vbachten, welche in die Zeit fällt, da von dem Aufenthalte der Sonne, über dem Horizonte, ohnges fähr der fünfte Theil vorben ist.

Bemerkungen der Umstände des Orts, der Dünste u. s. w. können dienen, Beobachtungen übereinstimmend zu machen, die etwa streitend scheinen, auch wohl eine allgemeine Regel zu Vers besserung dieser kleinen Fehler zu finden.

342. Was Hr. de L. H. 744. . 763 darüber fagt, und mit wahren Benspielen erläutert: wie das Steigen und Fallen eines beträchtlichen Stüktes der Erdfläche mit dem Barometer abzunehmen ist, verstattet der Raum hie nicht benzubringen.

343. Ueber Hrn. Bouguers Vorschriften stelle Hr. de &. S. 764. . . Untersuchungen an. Desesteben Mennung, daß manche kuft andere Classicietät habe als andere, (150) ist nach Hrn. de kurs Gebanken wider die Erfahrung, man müßte alssbann nichts von der würklichen und localen Dichete der kuft.

Hrn. B. Barometer war nicht durchs Feuer von der kuft gereinigt worden, und es bestund aus einem Rohre in einem Gefässe mit Quecksilber. Aus benden Ursachen mußte es, unter einerlen Umständen, niedriger stehen als Hrn. de L seines. Wenn also ein paar Barometerstände Hrn. B. eben soviel unterschieden waren, als ein paar Hrn. de L. so gehörten die ersten zu kürzern Quecksilbersäulen, der Unterschied der Logarithmen dieser Säulen mußte grösser senn, als der Unterschied der Logarithmen, der längern Quecksilbersäulen die Hrn. de L. Barometer gehabt hätte.

Nähmlich wenn a-b=A-B, und die ersten benden Zahlen kleiner sind als die letzten benden; so ist $\frac{a}{b} > \frac{A}{B}$

Den Einfluß der Wärme hat Hr. B. nicht in Betrachtung gezogen.

Hr. de L. sucht aber zu zeigen, daß ben den besondern Umständen, unter denen B. beobachtet, Die

bie Fehler, die er eigentlich begangen, einander aufheben, und seine Vorschriften doch mit seiner Ers fahrung übereintreffen könne.

Wenn Hrn. de luc Thermometer — 163 ist, zieht er von der Höhe die ihm der Unterschied der logarithmen giedt 30 ab. (324) Das ist soviel, als berechnete er die Höhe nach B Regel Und man kann sehr wahrscheinlich annehmen, daß sep die mittlere Temperatur der luft gewesen in der W. beobachtet. Seine und anderer Reisenden Nacherichten stimmen überein, in der mittlern Höhe der Cordeliere sep immerwährender Frühling.

Diese Temperatur ist 53, 57 fahrenh. Gr.

Auch wie Hr. de la Condamine und Gobin Erfahrungen mit Hrn. B. Regel übereinstimmen Können, sucht Hr, de L. zu erklären.

Moch stellt er Betrachtungen über des Hrn. de la Caille barometrische Abmessungen auf dem Worgebürge der G. H. an.

344. Wie man die eigne Schwere der Luft zu einer gewissen Zeit sicher sinden könne, lehret Hr. de & 786 u. s. Er hat im vorhergehenden, de er sich mit seinen Schichten beschäftigte, gefunden, ben einer gewissen Temperatur der Luft musse man 26094 durch die Zahl der Unien des Barometer-standes dividiren, so komme heraus, wieviel Fußbab die

die kuftsäule hoch sen, die an selbigem Orte, zur selbigen Zeit, mit dieser Wärme, mit einer Linie Quecksilber im Gleichgewichte sen.

Also, soll man einen Varometerstand beobachten, nach seinem ersten Thermometer verbessern; und nun, dividiren. Ist die Temperatur die gehörige, so giebt der Quotient das Gesuchte; Ist sie and ders somuß man wieder diesen Quotienten verbessern.

Als ein Exempel sett er: Man sinde einen Barometerstand 324 1/3 lin. Das erste Thermometer am Barometer sen + 5; das zweyte das im frenen die Temperatur der kuft anzeigt — 15\frac{3}{4}.

Wegen des ersten Thermometers zieht er 1/3 Linie ab, so ist der Barometerstand eigentlich 324 Lin. = 27 Zoll.

Und nun $\frac{26094}{324}$ = 80 Fuß 6 Zoll 5 Lin. = 11547 Lin.

Wegen des zwenten Thermometers zieht er hievon 1, 1597. 2. (15 + $\frac{2}{4}$) ab; So bekömmt er für die Höhe der Luftsäule die einer Linie Quecksilber zugehört 11232 Linien.

Und so setzt er, würden sich die Dichten der Lust und des Quecksilbers verhalten wie 1: 11232.

Das gabe luft: Wasser = 1: 802.

345. Wenn man auch alle die Zahlen und Berichtigungen die Hr. de L. braucht annimmt, so giebt siebt boch dieses Versahren die Dichte der Lust nicht ganz theoretisch richtig. Denn die Lustsäule besieht aus Lust, die oben hinauf immer dunner und dunner wird, die Dichten der Lust an der obersten und der untersten Gränze verhalten sich wie 323: 324.

Das eigentliche Verfahren ist aus (37) ober gleich vom Ansange aus (21); $m = \frac{f. k. \log (f: y)}{x}$ mo hie f = 324; y = 323; $\log (f: y) = 0$, 001342; x = 11232; da sinde ich $\log m = -4$, 0497821 Das giebt Luft: Quecksiber = 1: 11214 11214 oder auch m = 0, 00008169 und Luft: Wasser = 1: 80L

346. Hr. de kuc erinnert J. 793; sein Versasseren gebe die eigne Schwere der kuft ein wenig zustein, und thut Vorschläge diesen geringen Fehler zu verbessern. Die eigentliche, jeso von mir gestrauchte Regel, scheint er nicht zu kennen.

mit einer Betrachtung über die Johe der Atmosphäre; f. 794. n. f. Rimmt man an, die Luft verdünne sich immer in der Verhältniß wie der Druck abnimmt, so geht sie frenlich dis ins Unendliche. Sest man aber die Gränze dahin, wo die Luft nur wenig Quecksiber, z. E. nur eine Linie, erhalten könnte, so erhellt aus vorhergehenden, wie sich diese Gränze angeben liesse, selbst in When, wie sich diese Gränze angeben liesse, selbst in Weiner

meiner allgemeinen Formel (39) ware diese Höhe B. log f wenn man f in Linien ausbruckt.

Wenn man die Temperatur der kuft annimmt, ben der Hrn. de kuc, oder Mapers Coefficient statt sindet, (310) und f = 27 Zoll = 324 kinien sest, woovon der kogarithme 2, 5105450 ist, so ers streckt sich die Atmosphäre von diesem Barometersstande, die an die Stelle, wo sie nur 1 kinie Quecks silber hält 25105, 450 Toisen.

Dieß giebt Hr. de & an S. 300; und erine nert, so stark verdünnten ohngefähr unsre guten Luftpumpen die Lust.

Smeatons seine verbünnt sie noch vielmehr Kerom. J. 38.

In den Phil. Trans. Vol. 64. P. I. (sond. 1774) p. 95 erinnert Priestlen, Smeatons kuste pumpe musse in sehr elenden Zustande senn, wenn sie nicht die kust 200 bis 300 mahl verdume; als so ohngesähr soviel als Hr. de L. von den guten sodert.

Ich besitse selbst eine smeatonische, vom hiesigen Bauherrn Kampe verfertigt. Da ich noch
eine andere, mit zween Cylindern, und Wentilen,
auf die gewöhnliche Urt in Engelland versertigte,
welche der Universität gehört, zum Gebrauche has
be, so habe ich jene, mir eigne, wohl einige Jahre
tang wenig gebraucht, und doch daben aus Nachtässigkeit

schsisteit unzerlegt stehen kassen; Das gereichte frem sich Bentilen, Lebern, u. s. w. nicht zum Bortheile, und daß diese in einem elenden Zustande waren, zeigte sich ben ihrer Zerlegung. Indessen that diese so vernachlässigte Lustpumpe, immer noch bessere Dienste als die andere, wenn der andern Ausbesserung nur etwa ein Jahr war veraksäumet worden.

Priestlen a. a. O. wundert sich darüber, daß keiner von den englischen Künstlern, Smeatons so vorzügliche Luftpumpe zu verfertigen unternimmt.

Hr. Kampe ist vermuthlich zu derselben Verfertigung durch den Hrn. Geh. Rath v. Segner,
als derselbe hiesiger lehrer war, veranlaßt worden. Er hat auch ausser der meinigen noch mehr versertigt.

Wie man in meiner Formel (39) x berechenet, wenn y ein noch so kleiner Bruch einer Linie wäre, brauche ich wohl meinen Lesern nicht zu sagen. Hr. de L. belehrt die seinigen hierüber auf eine Art die zeigt, daß er die Rechnung mit den Logarithmen für was sehr wenig bekanntes hält.

Allemahl sest diese Rechnung zum voraus, sehr dunne kuft breite sich nach eben dem Gesetze aus, wie die in welcher wir leben. Worinnen man allenfalls Vonguern glauben müßte. (141)

348. Was in Hr. de luc Werke serner enthalsen ist; von den Refractionen, von der Hiße kochens von der Hiße kochens von der Hiße kochens von der

den Wassers u. d. g. gehört nicht in den Auszug, den ich zu gegenwärtiger Absicht schon so, weitläufetig gemacht habe.

349. Das eigne von Hrn. de & Bemühungen besteht also in vollkomnerer Vorrichtung der Barometer, und in Untersuchung des Einflusses der Wärme, den er durch seine beyden Thermometer bestimmt.

Die Regeln, die er wegen der Wärme vorschreibt, beruhen nur auf seinen Erfahrungen, die allerdings mit vieler Sorfalt angestellt, und mit vieler Scharssinnigkeit gebraucht scheinen.

Völlig sicher werden doch wohl diese Regeln erst alsdenn senn, wenn man zeigen kann, daß sie aus sonst bekannten physischen kehren folgen; Oder wenn man sie durch wiederhohlte vielfältige Beobachtungen bestätiget; welches Hr. de kuc selbst wünschet.

Soll das leste Mittel Zuverlässigkeit geben, so mussen, Beobachter und Werkzeuge, so vollekommen senn, wie bendes ben dem Hrn. de kuc war. Un einem von benden wurde vielleicht jemand, der nur mäßig sur den Hrn. de k. eingenommen ware, nicht ganz mit Unrechte zweiseln, wenn and der Beobachtungen mit den seinigen nicht übereinsstimmten.

350. Der vor kurzem verstorbene Proviantcommissarius Strohmener zu Hannever hat, in seiner AnleiUnleitung übereinstimmende Thermometer zu verfertigen (Gött. 1775) unterschiedene Versuche des Hr. de L. nur aber die Thermometer betreffends geprüft.

351. I. Barometrische Beobachtungen mit Unswendungen von Hrn. de kuck Regeln sind von Hrn. Prof. Zimmermann in Braunschweig angestellt, und in den gelehrten Beyträgen zu den Braunsschweigischen Anzeigen 1775; 45 u. 46 St. ersählt worden. Ich will einiges daraus beybringen.

Die Beobachtungen sind auf dem Andreasthurme in Braunschweig angestellt worden, and
dem zuvor der Hr. Hauptmann Rauch unterschiedene Höhen trigonometrisch gemessen hatte, der
auch den diesen barometrischen Beobachtungen gegenwärtig war.

Das Barometer war nach de kuck Angabe mit doppelten Schenkel, genau nach pariser Maasse getheilt, das Thermometer, reaumurische Grade (ohne Zweisel obgleich Hr. Zimmermann solches nicht anzeigt, 80 vom Enspunkte zum Siedpunkte) te) vom jungern Beliepno zu Br. versertigt.

Hr. Pr. Z. erwähnt nicht ob das Thermonieter am Barometer, ober davon abgesondert gewesen.

Die Versuche sind d. 21. Man zwischen 2 u.
4 Uhr angestellt,

2865

II. Unter

II. Unten an der Kirchthüre stand das Barometer ben 28 Zoll 7 Linien = 343.

111. Beym dritten Absațe 28 Z. 57 lin. == 341, 66.

Das Thermometer 13% Grab.

IIII. Aus log (343: 341, 66) findet Hr. Pr. Z. die unverbesserte Höhe 17 Toisen = 102 pariser Fuß.

Die verbessert er nach einem Verfahren, wie das, das ich (323) gezeigt habe, so:

Was ich dorten n heisse ist $13\frac{1}{2}$ — $16\frac{1}{4}$ = 3, 25. Also die Verbesserung = $-\frac{102.3,25}{315}$

1, 54.

Folglich die verbesserte Höhe = 100, 46 par. Fuß.

Der pariser Fuß ist zum Braunschweiger = 1440: 1260 = 8: 7.

Also die verbesserte Höhe 114, 91 Br. Fuß.

Die trigonometrische Rechnung gab diese Höhe 115 Fuß.

V. Hie treffen bende Messungen am genauesten zusammen, ben etlichen andern Beobachtungen ist der Unterschied etwas grösser.

VI. Am Dachsenster (höher ließ sich bas Barometer nicht wohl bringen gab bas Barometer
ben 3. Jun. des Thurms Höhe bis ans Dach 2i6
Fuß

Juß 8 duodec. Linien Br. die Trigonometrie 257 Juß.

Hr. Z. erinnert hieben, de kuc selbst habe bep 221 Fuß manchmahl um 22 Zoll gesehlt.

VII. Hr. Pr. Z. hat solche Beobachtungen b. 5. Jun. mit einem sehr schönen, theuren und sürtressich getheilten englischen Barometer, mit eis ner Kapsel und weiten Röhre wiederhohlt, und darüber eben wie vorhin gerechnet. Die geben ihm die Höhe am Dachfenster 214 Fuß 5 Zoll 2 kinien Br. Also unt 42 F. 6 Z. 2 k. von der trigonometrischen Angabe unterschieden.

VIII. Das sest er wie er sagt, für Lehrer der Physik und Mathematik auf nicht weit von Braunsschweig entsernten ansehnlichen Akademien, hinzu, welche die gewöhnlichen Barometer des de Luc seinen vorziehen, ja wohl gar auf de Luc schimpfen. Er befürchtet, es werde dieses so unglaublich scheinen, als daß andere auf die Attraction und auf Newton lästern.

Vielleicht sind diese andern auch eben dieselben. Uebrigens ist es seltsam, daß Hr. Pr. Z.so was sür unglaublich hält. Denn Cicero hat ja schon gesagt: Nihil tam absurdum esse quod non dictum sit ab aliquo philosophorum. Das Wort Lebrer bedeutet ben Hr. Pr. Z. wohl nicht Professoren. Prosessoren der Wissenschaften von denen ich hier Prosessor din, die solche Idioten waten, kenne ich auf keiner ansehnlichen Akademie, selbst nicht auf solchen Akademien, die der berühmete Raisonneur, kleine nennt. Es mussen etwa Psuscher senn, die sich zu lehrern auswerfen.

Wills. Es scheint, Hr. Pr. Z. habe de Lucs Werk nicht selbst bekommen können; nach der Art wie es ausgegeben ward, konnte es nicht sogleich in den gewöhnlichen Buchhandel kommen. Er hat sich also mit Nachrichten und Vorschristen befriedigen müssen, die nicht so vollständig sind, als was Hr. de L. im Werke selbst lehret. Daher sehlt den ihm, Hrn. de L. Verbesserung jedes Bas rometerstandes, durch das Thermometer am Bas vometer (330).

Wenn diese Verbesserung jedes Varometersstandes beyder geometrische Verhältnis nicht besträchtlich ändert, so hat es eben nicht viel zu bedeuten ob man sie wegläßt oder nicht; Und das wird wohl hie der Fall seyn.

Ich habe als ein Erempel der Verechnung angenommen, das Thermometer, nach welchem der Varometerstand zu verbessern wäre, habe unten an der Kirchthüre auch ben 13, 5 gestanden wie oben benm dritten Absase. Da sinde ich die Verbesserung des untern Varometerstandes — a, 2778; und so auch des obern — 0, 2779. Die benden Varometerstände darnach verbessert, kömmt der Logarithme ihre Verhältniß log (342, 72: 341,

39) =

39) = 0, 0016887 also die Höhe auch sehr nach be ben 17 Toisen, wie Hr. Pr. Z. sie berechnet.

Eigentlich würde das Thermometer unten mehr Wärme angezeigt haben. Benm zwenten Absahe war es 14 Grad, er ist nach der trigonsmetrischen Bestimmung 82 Br. F. hoch.

- XI. Hr. Pr. Zimmermanns Beobachtungen zeigen also, daß eine so sorgfältige und geschickte Bes folgung von Hrn. de L. Regeln wenigstens etwas der Wahrheit ziemlich nahes giebt-
 - Wie nothwendig zur Richtigkeit der Messung Hrn. de L. Verbesserungen wegen der Wärme sind? Wieviel jemand sehlen könnte, der übrigens mit einem guten Varometer, aber ohne hierauf acht zu geben, beobachtete? Ich will Einiges beybringen, das zu Veantwortung dieser Frage dient.

Ich nehme an, bende Thermometer des Hrnde L. werden, wie wenigstens manchmal statt sindet, ohngefähr einerlen Wärme anzeigen, (331;
VIII) Ich will also Wärme und Kälte aufsuchen, die vermuthlich am meisten von denen, wo Hr. de L. Scalen ohaben, abweichen möchten, diese in Hrn. de L. Scalen ausdrucken, so wird man
ohngefähr übersehen können, wie beträchtlich seine
Verbesserungen werden können.

353. Ein Verzeichniß merkwürdiger Grabe von Wärme und Kälte, von Heinsius gesammlet, befindet besindet sich in Winklers Physik (Leipz. 1754) h. 126. und Hrn. Prof. Errlebens Physik h. 737. Da ist eine Wärme in Senegal angegeben 864 und eine Kälte in Sibirien 275, de l'Islische Grade.

Das sind, sahrenheitische 107, 5 und — 18. 354. Sest man sür die africanische Wärme, in (304) M = 107, 5; so gehört sie in Hrn. de {. ersten Thermometer zu

m = 28, 277...

Der Barometerstand wird nicht viel über 27 Zoll werden, höchstens etwa ein wenig über 28. Und so wird seine Verbesserung wegen der africanischen Wärme, wohl nicht viel über 28. einer Linke = 13 Linie betragen.

Eben den Fahrenheitischen Grad brauche man in (326) so sindet sich c = 39, 08, und nach (324) muß man zu der Höhe, welche der Untersschied der Logarithmen giebt, noch 0, 07816 von ihr addiren.

Für die sibirische Kälte, das sahrenheitische M = -18 geset, sinde ich Hrn. de kucs m = -38,666, c = -90,633... welches also noch stärkere Verbesserungen giebt.

355. Ist eine Wärme ober Kälte, nicht so weit: als die angezeigten, von 54 Fahr. Gr. entfernt, so ist m kleiner; (304) Und ist sie näher ben 69 sabe. Graden, so ist skleiner. (326)

356. In

356. In den Philosophical Transactions Vol. 64. Part. I. (Lond. 1774.) n. 20. ist ein Aussasstichen Son dem Kön. Astronomen Hrn. Nevil Mastelyne, wo Hrn. de suc Formeln, sür englisches Maaß und in sahrenheitischen Graden ausgedruckt, auch sonst in einigen Stücken begnemer gemacht werden. Ich bringe daraus hie nur ben, daß der französische Fuß zum englischen = 1, 06779: 1 gesest wird, dessentwegen Hr. M. sich auf Trans. Vol. 58. sür 1768; p. 326 berust. (*)

Ben den Verwandlungen der Thermometers grade macht Hr. M. die Erinnerung: Hrn. de Lucs Sied.

(*) hr. Prof. Piehl in Gieffen, hat ben feinem letten hiefigen Aufenthalte, in das 5. u. 6 Etuck der hiefigen gemeinnutigen Abhandlungen eine Untersuchung über die richtigste Bestimmung der Werhaltniß des rheinlandischen Fusses zum Lond-ner einrucken lassen. In derselben findet er auch aus Grahams und le Monniers Angaben, Phil. Trans. Vol., 42; p. 541 u. Vol. 51; p. 778 die Berhaltniffe des Parifer und Londner Fusses; 1, 065416: 1 nach G. u. 1, 065351: 1 nach M. welches boch also ziemlich mit obigen zusant-Die Verhältnis des Rheinlandischen mentrifft. zum Londner findet er hieraus = 13913: 13516. Ich habe in meinen Anfangsgr. der Geometrie 92. G. 3. Unm. eine Berhaltniß mifchen Partfer und Englischen aus Helshams Physit ange-geben, der ich naturlich da ste aus einem sonst angefebenen englischen Schriftsteller genommen war, etwas trauen mußte. Sie erfordert abet nach angezeigten einige Berichtigung.

Siedpunct 80 (308) ward so bezeichnet, als das Varometer ben 27 Zoll stand. Die vornehmsten englischen Künstler aber, bezeichnen den Siedpunkt, oder 212 fahr. Gr., wenn das Varometer ben 30 engl. Zoll steht; die betragen 28 Zoll 1, 8-linien französisches Maaß, oder 13, 8 linien höher, als Hr. de L. Varometer.

Aus Hrn. de L. Erfahrungen (292) folgt, wenn der Barometerstand um eine Linie wächst, so

Also gehören zusammen: Eine Linie Aendes rung im Barometerstande, und $\frac{180}{1134} = 0$, 16 fahrenh. Gr. Solchergestalt geben 13, 8 Linien Aenderung des Bacometerstandes, 0, 16. 13, 8 = 2, 2 sahr. Gr. Und ein Thermometer, dessen Siedpunkt 212 bezeichnet war, als das Baromester 30 engl. Zoll stand, wird, wenn das Barometer bis 27 französische Zoll sällt, in siedenden Wasser um um:2, 2 Grab, oder dis 209, 8 das ist in runden Zahlen dis 210 Grad, sinke, welche nur 178 Grad vom Enspunkte entfernt sind. So betragen die 80 Grad, von Hrn. de & Thermometer, nur 178 des sahrenheitischen der englischen Künstler-Und diesem gemäß stellt Hr. M. seine Verwandlungen an.

357. Noch beträchtlicher ist in eben dem Bande, n. 30. ein Aufsaß Hrn. Sam. Horsley L. L. D. der Hr. de lucs Regeln mit der Theorie versgleicht, und Vorschriften zu ihrer bequemen Answendung giebt.

Dieser Auffaß hat sechs Abschnitte. Der erste fängt auch mit der Bemerkung an, Hr. de L.
habe sich den Versertigung seines Thermometers,
nach 27 Zoll als mittlerer Barometerhöhe zu Genf
gerichtet. Auf dem ebenen lande um kondon sen sie
nur wenig kleiner als 30 engl. Zoll. Den Barometerstand habe ben Versertigung der Thermometer unter den englischen Künstlern zuerst Bird beobachtet. Daher Hr. H. Thermometer, wo der
Siedpunkt den 30 engl. Zoll Barometerstande angegeden ist, Virds fahrenheitische nennt. Hr. H.
berechnet auch, daß den einem solchen Thermometer der Siedpunkt 209, 989 ist, wenn er den einem sür 27 pariser Zoll Barometerstand gemacht,
212 ist.

Also steht Hr. de 1. 80 benm 210 Birdsahr. Grade; bis an diesen, sind vom Enspunkte 210 — 32 = 178 Grade, und die sind 80 des Hun. de £. gleich. Folglich ist 1 Gr. de £. $=\frac{178}{80}$ = 2,225 Birdsahr.

Hr. de L. 16 % ist 63, 5 unter seinem 80;

Also 63, 25. 2, 225 = 140, 73125 Birdfaht. unter 210 Birdsahr.

Also ben 69, 26875 Birdsahr.

Hr. H. sest, im Anfange des fünften Abschnitts dieses 69, 25.

So begreift man, wie Hrn. de zuc Grade in Birdfahrenheitische verwandelt werden.

Ein Grad der ben Hr. de L. n heißt, ist benm 69, 26875 + n. 2, 225 Birdfahrenheitischen.

- meinen Gründe, Höhen und Barometerstände mit einander zu vergleichen, angegeben, Hr. H. bedienet sich der logarithmischen Linie auf die Art wie Cotes; (213 VIII) auch ist zu dieser Absicht eine grösse logarithmische Linie in Kupser gestochen. Dieses nach dem englischen Geschmacke; disseits des Canals psiegt man jeso lieber, Säse die doch zur. Rechnung sollen gebraucht werden, gleich in Formeln zur Rechnung bequem auszudrücken.
 - 359. Der britte Abschnitt redet von dem Unterschiede, den die unterschiedene Temperatur des Quecksil.

Quecksilbers im Barometerstande macht. Wenn man zwo Quecksilbersäulen, die nicht einerlen Warme haben, mit einander vergleicht, so vergleicht man eigentlich zwo Materien, die nicht einer. len specifische Schwere haben, und so kann man nicht sagen, daß sich der Druck dieser Saulen wie ihre Höhen verhalte. Sind aber die Warmen einerlen, so verhält sich allerdings der Druck wie Die Höhen, die Warme mag senn wie sie will. In diesem Stücke hat Hr. de i. nach Hrn. H. Bemerkung einen kleinen Fehler begangen. glaubt, es sen eine gewisse Temperatur bes Queu's silbers nöthig, wenn man die langen ber Quecksilberfäulen ohne Verbefferung miteinander verglei. chen soll (293). Dieses kleine Versehen hat indessen keine andere schlimme Folgen, als daß es die Rechnung unnothiger weise verlängert. Hr. H. hat auch, aus Unterredungen mit Hr. de L. erfahren, mas benselben hiezu veranlaßt. Er hatte sich als den letzten Zweck seiner Untersuchungen vorgeset, in der lange der Quecksilbersaule, das Maaß der Dichte, und des Drucks der Luft zu finden. Dazu war Queckfilber von bestimmter Temperatur nothig, und so gerieth er auf die Gedanken, es sey nothig, alle Barometerbeobachtungen auf eine gewisse bestimmte Temperatur zu bringen.

360. Boerhave El. Chem. Vol. I. p. 174 (So allegirt Hr. Horsley. Es ist in der Abhandl. de Igne; Experim. VIII. p. 156. der Leipziger Ausg. von 1732) giebt eine Ausbreitung des Quecksile Ec 2

bers vom Fahrenheitischen o bis zum Siedpunkte des Wassers an, welche wenig mehr beträgt, als was Br. be &. vom Enfipunfte bis zum Siebpunfte fand. Diesen scheinbaren Wieberspruch sucht Dr. H. fo zu heben: B. Werfahren habe ihm nur gegeben, wieviel etwa die Ausbehnung seines Quecksibers, gröffer war, als die Ausdehnung des glasernen Behåltnisses, darinnen er es der Hife auslette: Hr. de L. Werfahren gab ihm den Ueberschuß der Ausdehnung des Quecksilbers, über die hnung des Holzes, auf dem die Scale gezeich-Diese Ausbehnung des Holzes, der net war. Lange nach, beträgt sehr wenig; Hr. de {. konnte sie also benseite seken, und doch des Quecksilbers seine ziemlich richtig angeben. B. fehlte mehr. Hr. H. giebt auch an, was ihm von ber Musdehnung des Glases berichtet worden, erinnert übrigens, daß B. noch eine andere Ausdehnung des Quecksilbers p. 165 angiebt. (exp. 5. cor. 4. p. 348. b. l. A.)

361. Hrn. Horsten vierter Abschnitt, betrachtet die Verbesserung, wegen der Temperatur der Lust. Sie beruht in seinen Ausbrückungen darauf, daß sich durch die Wärme die Subtangente der atmosphärischen logarithmischen Linie ändert, daher muß er hie zuerst erklären, was diese Subtangente ist, und von was sür physischen Umständen ihre Länge bestimmt wird.

Diese Subtangente ist, wie er sagt, die Hohe einer Saule flussiger Materie, die durchaus so dicht als die unterste Luft ware, und so stark druckte als die Atmosphäre druckt.

Welches, wie Hr. H. sagt, niemand sonst, den er kennt, so einfach bewiesen hat als Cotes Harwon. mens. p. 18.

Der Beweis kömmt doch jedem viel einfacher heraus, der nur die leichte Integration macht, denn diese Subtangente ist in (22) f: m, wels ches ich nur bendringe, zu zeigen, daß ich da völlig die Gründe gegeben habe, deren sich Hr. H. bedient, und daß die Integralrechnung der kürzeste und bequemste Weg ben solchen Untersuchungen ist.

Und nun wird man leicht sehen, was für physische Umstände diese Subtangente ändern.

Der vorhin von mir angezeigte Quotient f: m ist; der Druck der Utmosphäre mit der Dichte der kust dividirt, also mit einem Worte: Die Elasticität der kust.

Und da sich diese mit der Warme andert, so heißt Hr. de &. Verbesserung (322) soviel: Wenn die Warme anders ist, als in (308) angenommen worden, so hat die kust eine andere Clasticität, als die, ben welcher die Regel (310) zutrisst, und die Classicität ändert sich so, daß die angezeigte Verbesserung nothig ist. Das nun brückt Hr. H. durch Aenderung der Subtangente aus.

Cc 3

362. Im fünften Abschnitte bringt Hr. H. Hrn. be L. Regeln auf englisches Maaß.

Im sechsten zeigt er noch Einigesan, das fernerer Untersuchung werth ist. Nähmlich:

I. Wahrscheinlich andert sich die absolute Elasticität der Luft noch durch andere Ursachen, als Hiße; z. E. Feuchtigkeit, Elektricität.

II. Nimmt man Hr. de L. Formeln als allgemein wahr an, so giebt es eine Temperatur, inwels cher die Federkraft der Luft = 0 ist, und ben niedrigern Temperaturen wurde sie verneint, oder das Zurücksossen der Lufttheilchen verwandelte sich in Unziehen.

Für diese Temperatur wäre n = — 215 (323); Und so gehörte siezum — 409, 10625 Bird: fahrenheitischen Grade (357). Hr. H. hat — 409, 13.

Wem diese Folgerung anstößig wäre, der durfte nur angehmen, Hrn. de & Formeln sind nicht in geometrischer Schärfe richtig, sie können doch allemahl der Wahrheit nahe genug senn. Sest man, sagt Hr. H., die Subtangente ändert sich in geometrischer Verhältniß, indem sich die Wärnze nach Hrn. de & Formeln arithmetisch änderte, so bleibt sie immer noch von endlicher Grösse, auch in dem Falle da sie nach Hrn. de & Formel verschwinden sollte, und doch sehlten ben einem Wachsethume

thume ober Abnahme der Temperatur bis 40 Grad, Hr. de L. Formeln nicht mehr als um 4 Faden in 1000.

III. Die Abnahme der Dichte der Luft, insem man über die Oberstäche der Erde steigt, hat gewisse Gränzen, und auch in unendlicher Höhe ist die Dichte nicht unendlich klein. Hr. H. giebt eine Tasel, sür grosse Höhen berechneter Dichten, von der er selbst keinen praktischen Nußen verspricht.

1111. Wachsthum der Wärme verdunnt die Luft in den untern Gegenden nach Proportion mehr als in den obern, und bringt so das Ganze dem Zustande einer durchaus gleichsormigen Dichte

näher.

V. Wenn in irgend einer Höhe über der Oberfläche der Erde eine gegebene Aenderung der Wärme, die Dichte der kuft, in eben der Verhältniss
vermindert oder vermehrt, in welcher sie die abfolute Elasticität, vermehrt oder vernündert, so
bleibt der Druck der ausliegenden Atmosphäre in
dieser Höhe ungeändert. In allen geringern Höhen wird der Druck schwächer, und in grössern
stärker senn, als ben einem kältern Zustande der
Atmosphäre; aber in geringern Höhen stärker,
und in grössern schwächer, als ben einem wärmern
Zustande.

VI. Es giebt eine Höhe in der Atmosphäre, wo die Dichte, durch eine gegebene Aenderung

ber Warme ungeanbert bleibt.

€¢ 4

VII. Ueber

VII. Ueber dieser Höhe werden die Dichten vermindert, unter ihr vergrössert, oder umgekehrt.

363. Die Beweise dieser Sase leitet Hr. H. aus Betrachtung logarithmischer Linien, derselben Durchschnitte u. s. w. her. Die Sase selbst, benen noch ein paar den Kr. H. folgen, sind zu weit von meiner jesigen Absicht entfernt, deswegen begunge ich mich, sie dem Liebhabern physischmathematischer Untersuchungen anzuzeigen. Nun sügt Hr. H. noch vier Taseln den; zur Verbesserung wegen des Siedpunkts; zur Vergleichung Hr. de L. Thermometers mit Virdsahrenheitischen, zur Verbesserung wegen der Temperatur des Quecksilsders, und zur Verbesserung wegen der Temperatur des Luecksilsders, und zur Verbesserung wegen der Temperatur der Luft. Endlich, Vorschriften zum Gebrauche der Taseln.

nen, haben also weiter keine Absicht, als Hr. de L. Vorschriften jum Gebrauche für Engelländer bequem zu machen. Wiederhohlung solcher Verssuche, wie Hr. de L. angestellt hatte, Berichtigungen deren die Grössen die Hr. de L. angiebt, vielziecht noch fähig wären, Untersuchungen wie sich diese Grössen ändern, wenn man sich in andern Umsständen besindet als Hr. de L. Aussuchung allgemeinerer physischer äße besonders über die Wirkung ver Wärme auf Quecksiber und kuft, wodurch sich Hr. de L. Vorschriften etwa anders als nur aus seinen Ersahrungen beweisen und berichtigen liessen.

was könnte man mohl wünschen, und Hrn. de &. vortresliches Benspiel könnte Natursorscher aufs muntern, solche Bemühungen den seinigen benzufügen.

Irn. Lamberts Untersuchungen.

- 365. Im britten Bande der Abhandlungen der Churfürstl. Bairischen Ukad. der Wiss. (München 1765. 4°) befindet sich im philosophischen Theile 75... 182 S. Hrn. J. H. Lamberts (Königl. preuss. Bauraths und Mitglieds der Kön. preuss. Akad. d. Wiss.) Abhandlung von den Barometer-höhen und ihren Veränderungen. Hr. L. hat unterschiedenes, das zur Geschichte der hiemit beschäffstigten Bemühungen gehört, nach seiner weitläustigen und mit Beurtheilung verbundenen Belesensteit bengebracht. Mariottes Regel sagt er, S. 9-sen zu früh verworsen werden; Man hätte sie nur verbessern und vollständiger machen sollen.
- 366. Es erhellt hieraus, daß Hr. & zum Grunde seigt, wie Andere, die Dichten verhalten sich wie der Druck. Ben den Erfahrungen aber, nach denen man diesen Saß zum Gebrauche anwenden wollen, sindet er viel zu erinnern. Die geomestrisch gemessenen Höhen der Berge sind unsicher, besonders weil die Strahlenbrechung daben nicht gehörig ist in Betrachtung gezozen worden.
- 367. Ferner ist daben die Wärme in Betrachtung zu ziehen. Scharssunig drückt Hr. 2, 9-35; Ec 5 die

die Sache so aus: Die Zeberkraft ber luft werbe durch die Wärme verstärkt durch den Druck, vergröffert. Jenes will sagen: durch bie Warme werde jedes Lusttheilchen elastischer, dieses : kommen in eben den vorigen Raum mehr elastische Theilchen zusammen. Warme macht bie Luft dunner, und Dunste die sich in ihr enthalten machen sie dichter. Mariotte sest die Warme in ale len Höhen beständig; Aber sie ist unten grösser als oben, doch giebt es noch in der Oberfläche der Luft eine gemisse Warme. So ist die untere Luft wegen des Ueberschuffes der Warme dunner, als sie fenn wurde wenn durchaus einerlen Wärme ware: Gegentheils, wird sie burch Dunste bichter, die in der untern Luft nach Proportion häufiger sind als in der obern. Hube eines das andere auf, murbe die se luft durch den Ueberschuß der Warme, gleich um so viel dunner, als sie durch den Ueberschuß der Warme dunner wird, so könnte Mariottens Regel vollkome men richtig bleiben. Daß nun dieses Aufheben statt findet, läßt sich freylich nicht beweisen, indes fen ist gewiß, daß aus diesen benben Ursachen zusammen, die Regel von der Wahrheit weniger abweicht, als sie abweichen wurde, wenn eine von benben allein statt fande.

368. Was die Wärme betrifft, so sest Hr. L. G. 40. ben ihr zum voraus, ben gleicher Masse der kuft, und ben gleichen Drucke wachse die Wärsene, ordentlich in Verhältniß des Raums durch welchen

welchen sie die Luft ausdehnt, ober in verkehrter Verhältniß der Dichte.

Das ist eigentlich, das soviel ich weiß zuerst von Boerhaven, deutlich auseinander gesetzte Kennzeichen der Wärme: Materien ausdehnen.

369. Dünste, so zugleich nit der kuft zusammens gepreßt werden, vermehren dieser kuft Federkraft, einmahl dadurch, daß sie einen Raum einnehmen, und so die kufttheilchen noch enger zusammenpresen, darnach, daß sie als eine todte kast das Gewicht der ganzen kuft vermehren, und so die untere noch enger zusammendrücken helsen, ohne daß sie selbst etwas hätten das sich ihm wiederskete.

370. Hr. L. bestätiget und erläutert diese Säse durch Untersuchung und Vergleichung vieler barometrischer Beobachtungen. Er sindet daraus, Mariottes Geset der Dichten tresse eigentlich nur in sehr großen Höhen zu . . zur Unbequembichkeit für uns, nur in solchen, wo der Barometerstand etwa 14 Zoll und geringer ist. Näher ben der Erdsäche machen besonders Dünste, und Wärme, Unordnungen darinnen.

Wie Hr. L. dieses zeigt und anwendet, das muß man, mit soviel andern tehrreichen, in seinem Aufsaße selbst nachlesen. Hie bringe ich nur ben, daß er zur Berechnung ansangs den Sah annimmt, die Dichte verhalte sich wie der Druck; nach nach solchem bie Höhe berechnet, und die alsbann verbessert.

Mun hat er f. 221. Berge genommen, beren Sohen geometrisch gemessen, auch bas Barometer auf ihnen beokachtet worden. Die geometrischen Messungen hatte er schon, in seinem Buche: Les proprietés de la route de la Lumière par les airs durch die Strahlenbrechung verbefsert. Wenn er nun die Barometerstände in Linien ausdruckte, und von jedes Logarithmen, den won 336, des mittlern Barometerstandes am Meere abzog, so fand er, daß ber jedesmahlige Unterschied der logarithmen mit 10000 multiplis cirt, und die dren niedrigsten Zifern weggelassen, ziemlich genau die Höhen in Toisen vorstellte, aber doch ben gröffern Höhen, merkliche Fehler gab, benm Canigou, wo der Barometerstand 20 Zokt ! Linie, die geometrische Höhe 1424, 5 Toisen ist, betrug ber Fehler 28 Toisen. Er suchte also bie kleine nothige Verbesserung, und giebt folgende Formel. S: 223.

371. Die Barometerstände, in Linien ausgedruckt, sepen 23; am Meere, y in einer Höhesvon x Toisen so ist

10000.
$$\log (a: y) - \frac{43. (336 - y)}{43 + (336 - y)} = x$$

Als ein Erempel giebt er y = 300 = 95Boll; da ist 10000. log (336: 300) = 492, 1813 Und die Verbesserung

$$= -\frac{43.36}{43+36} = 19,6; \text{ also } x = 472,6$$

Toisen.

Er findet daß diese Formel zwischen unterschies denen Beobachtungen das Mittel halt, schränkt sie aber doch auf die Berge ein, für welche sie eisgentlich gemacht ist.

Er giebt eine nach ihr berechnete Takel durch alle linien von 27 Zoll 11 linien bis 19 Zoll, und dann noch durch alle halbe Zoll bis 14. Sieskehtschon in route d. l. l. p. 114.

Diese Takel ist auf die mittlere Winterhöhe des Barometers gerichtet, nicht auf den mittlern Stand aus vielen Jahren. Er giebt davon Rechenschaft, und zeigt was alsdenn nothig ware.

Uebrigens erinnert Hr. E., daß noch vieles hieben zu untersuchen ist.

372. Die Verbesserung in Hrn. Lamberts Fors mel (371) ist ein Bruch dessen Zähler 43; der

Menner $\frac{43}{336-y}+1$. Dieser Nenner nimmt

ab, wenn y abnimmt, folglich nimmt die Verbesserung, zu wenn y abnimmt, und ist also allemahl für den geringsten Barometerstand am größten.

Werbesserung — 43. 168.

Werbesserung — 43. 168.

43. + 168.

34, 2; Aber

*: y = 2 daher x = 3010, 300 - 34, 2 = 2976, 1.

373. In den Nouveaux Memoires de l'Acad. Roy. de Prusse sür 1772; befindet sich 103 S. eine Abhandlung Hrn. sambert, über die Dichte der suft, die aber ihre Absicht vornähmlich auf die Refractionen hat. Indessen zeigt Hr. L. daselbst 13. h.: Es sehle gar viel, daß die Dichte der suft, so wie die Refractionen sie ersodern, sich wie die Barameterstände verhalte, giebt davon die bekannte Ursache, daß die Dichte mit auf die Währme ankomme, gesteht aber doch h. 15 zu, Mariottes und Hallens Geseh, daß sich die Logarithmen der Barometerstände wie die Höhen der Derter verhalten (ein abgekürzter Ausdruck, statt Unterschiede der Logarithmen), sen der Wahreheit sehr nabe.

Man kann, annehmen, die Zohe zwischen zween Baromererständen lasse sich ohngesähr nach Mayers Regel (227) berechnen.

- 374. I. Dieses scheint mir die wichtigste allgemeine Folge aus allen bisherigen Untersuchungen zu senn.
- 11. Hr. de kuc (311) und Hr. kambert, (370) rechnen zuerst nach dieser Regel, jeder verbessert nur alsdenn die Rechnung auf seine eigne Urt. Offenbahr

bahr ist jeder, durch eine andere Reihe von Erfahrungen und Schlüssen, auf diese Regel gekommen; Hr. de kuc durch Betrachtung seinen eignen Erfahe rungen, Hrn. Lambert durch Vergleichung ander ter bekanntgemachten.

III. Auch Celsius (257) Schober (272) Horr rebow (62) Hallen (69; VI) gehen nicht gar zu weit bavon ab. Scheuchzer (84) entsernt sich mehr, aber der Ausdruck seiner Erfahrung in patiser Maasse scheint wenigstens sehlerhaft (101), wenn man auch sonst nichts daran aussessen will. Mariottes Coefficient (56) kame 2111; aber sein Fehler ist schon (337) angezeigt worden.

Vouguer und andre, die Höhe nur mit Ungewisheit einiger Fuß, vielleicht Toisen, anzugeben.
Frenlich sind nun nach Hrn. de suc oder Hr. sambert beträchtliche Verbesserungen zu machen. Inbessen werden diese Verbesserungen selbst von ihren
Ersindern fernerer Untersuchung und Verichtigung
empfohlen, und es sind ben ihnen so viel Anstalten
und Vorsichtigkeiten nöthig, daß es ost nüblich
senn kann, in ihrer Ermangelung doch etwas von der
Wahrheit nicht allzuentserntes anzugeben zu wissen.

Nachrichten von einigen Vorrichtungen von Barometern.

a75. Die Werkzeuge, beren man sich ben Höhenmessungen mit dem Barometer bedienet, zu beschreiben, ben, verstattet hie der Raum nicht; und es ist auch destoweniger nothig, weil ich dieserwegen auf bekannte Schristen verweisen kann.

Die vollkommenste Einrichtung dieser Werkzeuge möchte frenlich wohl die senn, die Hr. de L.
in seinem vorhin angesührten Buche umständlich beschrieben hat.

Hr. Sulzer hat in der (180) angeführten Schrift auch von Verfertigung der hiezu brauchbaren Varometer und Thermometer gehandelt.

Schobers seins (259) ist im hamburgischen Magazine a. a. D. beschrieben und abgebildet.

Michael du Crest kleine Schristen von Thermometern und Barometern; a. d. franz. übersetzt und mit einigen Unmerkungen begleitet von M. Joh. Christoph Thenn, Augsp. 1770, enthalten unterschiedenes hieher gehöriges.

Rurze Beschreibung zweier besonderer und neuer Barometer, welche sich nicht nur verschliese sen und sicher von einem Orte zum andern bringen lassen, sondern auch zu Höhenbeobachtungen vorzüglich zu gebrauchen sind, als ein Zusaß zu des Herrn du Crest Sammlung kleiner Schriften . . . von Georg Friedrich Brander, Mechan, in Augsb. der Churs. Bair. Akad, der Wiss. Mitgliede. Augsb. 1773.

Wer das Drebbelische Thermometer kennt, wird davon gleich folgendes übersehn:

In einem solchen Thermometer, ist die eingeschlossene kuft im Gleichgewichte, mit einer Saule Wasser, Spiritus, ober Luecksilber im offenen Schenkel, und dem Drucke der Atmosphäre auf diese Saule. In dieser Bedeutung ist bekanntermassen das drebbelische Thermometer zugleich Baremeter.

Man stelle sich also ein solches Thermometer mit Wasser vor, und bemerke, wenn man es an einen gewissen Ort setzt, wo das Wasser im offenen Schenkel steht. Ich nehme an, dieser offene Schenkel gehe vertical auswärts, denn es giebt, wie man unter andern in Voerhavens Chymie de igne exp. III. sehen kann, allerlen Gestalten des drebbelischen Thermometers. Hieher schickt sich eine, die dort nicht abgebildet ist, ein paar versticale Schenkel, deren einer oben in einer Augel sich endigt, der andere offen ist. In der Augel ist zu oberst die eingeschlossene kuft.

Wenn man also das Thermometer an eine etwas höhere Stelle bringt, so druckt da in den offenen Schenkel keine solche lange Säule der Atmosphäre, sondern eine, die um soviel kürzer ist, so viel diese Stelle höher ist. So wird sich die eingeschlossene Luft ausbreiten, und das Wasser im offenen Schenkel höher hinauf treiben.

Und.

Und das wird schon ben einer geringen Aens derung der Höhe ziemlich merklich senn.

Auf diesen Begriffen beruht ein Werkzeug, das Desaguliers angegeben hat, Höhen damit zu Er hat nur noch ben diesem Thermometer Einrichtungen angebracht, die Abmessungen mit einiger Bequemlichkeit und Sicherheit anzustellen; besonders auch, was von der Wärme daben könnte geandert werden, in Betrachtung zu ziehen. Man findet die Beschreibung in den Philos. Trans. n. 385. p. 165; nach Hr. Prof. Böhms Berichte, ber sie in feiner grundlichen Unleitung zur Meßkunst auf dem Felde S. 125 mitgetheilt und erinnert hat, daß seine Quelle die philos. transactions abridged Vol. VI. sind, eine Gewissenhastigkeit, die manchem Schriftsteller zu empfehlen mare, ber Bucher allegirt, die er nie gesehn hat. Ben Hrn. Prof. B. ist sie eine natürliche Folge seiner philofophischen Denkungsart. Er bemerkt mit Rechte, daß dieses Werkzeug ben grossen Gefällen nicht brauchbar ist; und es scheint mir auch die nicht gar zu schwere Mühe einer vollkommenern Theorie Davon, nicht zu verdienen.

Ktwas von der Anwendung solcher Meßs
sungen auf die physische Geographie

376. Bekanntermassen urtheilt man so: Der Ort liege höher, wo der mittlere Barometerstand, aus vielen Jahren genommen, geringer ist.

Das ist überhaupt wohl richtig, ziemlich zweiselhaft aber möchte es senn, ob sich des Ortes eigentliche Höhe mit grosser Genauigkeit so besstimmen läßt:

Genug Barometerbeobachter gestehen, daß es ziemlich schwer ist, Barometer zu haben, die neben einander gehenkt übereinstimmen; Hr. de Luc sest in der Erreichung dieser Vollkommenheit einen Vorzug seiner Kunstgriffe.

Würden also, von den vielfältigen Barometern, deren mittlere Stände man an unterschiedes
nen Orten beobachtet, jedes am Meere zum mitttern Stande 28 Zoll haben? Ist dieses nicht, so fönnte eine Theorie von Höhenmessungen durchs Barometer geometrisch richtig senn, und würde voch in der Anwendung zutreffen, wie die Säße des Euklides ben einem Feldmesser der verbogene, oder sehlerhaft getheilte, Werkzeuge brauchte.

Hat ferner bie Wärme einen Einfluß in dies ste Messungen, so müßte man Verbesserungen, ohns gefähr wie Hr. de kuc thut, anbringen, weil die mittlern Varometerstände zweener Verter, immer nicht, mit einerlen Wärme, oder mit Wärme, daben nach Hrn. de kuc keine Verbesserungen nöthig wäsen, zusammentreffen werden.

Von den vielen Beobachtungen mittlerer Barometerstände, und den davon gemachten Unwens. dungen, will ich nur ein Benspiel benbringen.

DD 2

Mittlere.

Mittlerer Barometerstand zu Clausthal.

377. Hr. Prof. Hollmann, in den alten Comm. Soc. R. Sc. Gott. ad ann. 1754. p. 92. giebt ihn 26, 2 ped. Paris.

Wenn man dieses liest wie man sonst Angaben von Maassen zu lesen gewohnt ist, so heißt es: Sechs und zwanzig und zwen Zehntheile Pariset Fuß.

Es ist indessen leicht zu sehen, daß die 26 nicht Fuß sondern Zoll bedeuten.

Auch kann man sich durch Rechnung versischern, daß die 2 rechter Hand der 6, nicht 2 sondern 2 linien, Zwölftheile des Zolls bedeutet.

2 Uso heißt die Angabe 26 pariser Zoll und 2 kinien.

Gegentheils heißt eben daselbst p. 93; 26, 50 ped. Lond. soviel als 25 $\frac{50}{100}$ londner Zolle.

Man braucht kein Mathematicus zu senn, um einzusehen, daß: Grössen mit Zahlen auszudrucken, die eingeführte Bezeichnung muß beybes halten werden, wenn nicht Mißverstand entstehen soll, und daß es sich nicht schiekt, die Zisern nach einem Comma, ohne einige Erinnerung, einmahl Zwölstheile, darnach Zehntheile bedeuten zu lassen.

Das ist freylich eine Kleinigkeit, wie es eine Kleinigkeit ist, b oder d statt p oder t zu schrei-Da aber Hr. Prof. Hollmann bie Bemuhungen der Mathematikverständigen immer für sehr unnug erklart, so thut diese Kleinigkeit hie so eine Wirkung, als wenn jemand das lesen ber romischen Schriftsteller für unnug erklärte, und wieder die lateinische Orthographie schlägelte. Won einem solchen wurde man wohl urtheilen, er kenne die Sache nicht, die er für unnüß erklärt. Und daben mußte einem bas bekannte. Sprüchwort einfallen: Ars non habet osorem nist ignorantem. Daß sonst dieser Schriftsteller das Allergemeinste ber mathematischen Sprache nicht recht ober gar nicht kennt, zeigen viel Stellen seiner Physik, ob er gleich da einen Jargon immer getrost wegpar-lirt, den seine Schüler sur mathematische Sprache halten mögen.

378. Hr. Prof. H. schreibt die Höhe über das Meer, welche diesem Varometerstande gehört, aus zwo Taseln ab; Aus Hr. Sulzers seiner (180) und aus einer die ihm Mayer schon vor einigen Jahren mitgetheilt; Jener Tasel Zahl ist 1868 pariser Buß, dieser 2076; Hr. Pr. H. hat nahmslich die 346 Toisen, die in Mayers erster Tasel ben, 26 Zoll 2 Linien stehen, zu Fussen gemacht.

379. Da M. erste Tasel sür den Horizont gerechnet ist wo das Barometer ben 28 Zoll 4 linien = 340 linien steht, und 26 Z. 2 lin. = 314 lin. D d 3 so ist log (340: 314) = 0, 0345493 woraus die Höhe 345, 493 Toisen solgt, statt der M. in die Tasel 346 gesetzt hat.

- 380. Hr. S. Tasel ist nicht völlig für einerlen Horizont mit Mayers seiner berechnet, sondern für einen etwas niedrigern. (180) Weil eine Linie Quecksilber in dieser Gegend etwa 60 Fuß beträgt, so würde Hr. Sulzer side Höhe etwa 40 Fuß größer angehen, wenn bende völlig nach einer Regel gerechnet hätten, welches sie freylich nicht gethan haben.
- 381. Diese Bemerkung erinnere die, welche nur aus berechneten Tafeln abschreiben, was gewissen Barometerständen für Höhen zugehören, daß sie auch auf den Horizont der Tafeln acht geben.

Hie ware die Höhe aus Hr. Sulzers Tafekt über Mayers Horizont noch kleiner als über Sulzers seinen, folglich noch mehr von Mayers Höhe unterschieden als (378; 379) weil nähmlich bende Tafeln nach unterschiedenen Regeln berechnet sind.

382. Da Mayers Regel zuverlässiger scheint (374) so kann man, vorausgesetzt die mittlere Barometerhöhe am Meere sen wie M. erste Tasel sie annimmt, mit der (378) gegebenen Zahl noch sobgendes vornehmen:

Man setze (völlig wahr wird es frensich nicht fenn) die Stelle, sur welche der clausthalische mittlere sere Barometerstand angegeben ist, sep in einem Horizonte mit demjenigen, unter welchem die Teusse der Dorothee ist berechnet worden (2. Unmerk.. über die Markscheidek. 36.) So ist das dortige Tiesste der Dorothee, noch 1868 — 960 = 908 Fuß über dem Horizonte des Mecres.

383. Auffer der Unsicherheit der Regel, mocheten auch wohl die hieben gebrauchten Werkzeuge, nicht so beschaffen senn, daß sie die größte Schärse versprächen. Ich muß ben dieser Gelegenheit ein paar Worte davon sagen:

Das Barometer ist eine gerade Röhre, unten in eine hölzerne Buchse gesteckt. In Diese Büchse sinkt das Quecksilber aus der Röhre, und tritt wieder aus der Büchse in die Röhre. Ich lasse jeso unentschieden, ob der Druck der Lust völlig so fren durch die Zwischenräume des Holzes wirkt, als durch eine grössere, sichtbare Deffnung. Man durfte wenigstens beswegen etwas daran zweifeln, weil diesem gemaß, keine holzerne Pumpenröhren brauchbar senn sollten. Es mußte benn das Wasser in den Plumpen auch steigen, wie in dem Heber auf der hollmannischen Luftpumpe, durch die Cohasson. Aber das benseite gesetzt, so ist der Hauptumstand, daß man nicht seben kann, wo das Quecksilber in der Buchse stehe, also die Oberfläche nicht sieht, von der man den Baromer terstand D b 4

terstand rechnen muß; Das ist zumast ben Höhenmessungen mit dem Barometer doch wesentlich, destomehr, da ben diesen Barometern die Röhrennicht gar zu enge sind, und man gar nicht annehe men darf, die Oberstäche des Quecksilbers in der Büchse ändere sich benm Steigen und Fallen nicht merklich.

Das Thermometer hat wie billig die fahrenheitische Scale. Derselben a aber burch Solmiak zu bestimmen, ist wegen der Werschiedenheit des Salmiafs unsicher. Es sollte der Engpunkt unmittelbar bestimmt, und o darunter in gehöriger Entfernung gesetzt werben. Diese Erinnerung hat auch Hr. Prof. Titius gemacht, Wittenbergisches Wochenblatt 1772. 1. Stück, und berichtet daß manche Physiker den Cykpunkt für ungewiß halten, anstatt daß sie einsehen sollten ihr Salmiak. punkt sen ungewiß. Das sind nun frenlich solche Physiker, die haben wollen, die Matur soll sich nach ihrer Jgnoranz richten, weil sie sehn, daß Dumköpfe diese Jgnoranz für Weisheit halten. Quecksilberbehaltniß dieses Thermometers ist nicht ringsherum fren, sondern liegt hinten am Brete an, in einer Vertiefung des Bretes.

Diese Thermometer zeigt also nicht die Wärs me der umliegenden Luft an, sondern grössentheils mit die Wärme des anliegenden Bretes. Beyde sind nicht völlig einerlen, weil sich einmaht erlangte Wärme im Brete langsamer ändert als in der Luft. Gerade Gerade hinter dem Quecksiberbehaltnisse ist ein Petschaft aufgedruckt; Das soll versichern das Thermometer sen aus der gehörigen Fabrik. Weil man aber das Thermometer vom Brete nehmen, und ein anderes daran bringen, selbst die Scale and dern kann, ohne das Petschaft zu berühren, so versichert die Versiegelung nur; Es sen von hine tenzu dat egte opregte Berdeken.

Quacksalber brücken wohl ihr Petschaft auf ihre Büchsen, der Philosoph aber, der ihnen hier-innen nachahmt, hat nicht einmahl soviel Nach-denken, daß sich sein Nollrum nicht wohl ver-siegeln läßt.

Uebrigens erinnert mich dieses hinten bestegelte Bret an ein Stückchen aus der Chronika der Schildburger. Ben Gefahr eines seindlichen Einfalls versenkten sie ihre Glocke ins Wasser. Damit sie nun solche wieder zu sinden wüßten, schnitten sie an dem Orte, wo sie die Glocke hinabgelassen hatten, eine sehr kenntsiche Kerbe ins Schiff, und suhren mit dem Schiffe wieder davon.

Daß meine bisherigen Erinnerungen keine ungegründete Spißsündigkeiten sind, kann sich jeder leicht durch die Erfahrung versichern, der sonst gute Varometer und Thermometer, ansehen, oder die Vorschristen zu ihrer Verfertigung lesen will. Er wird sinden, daß sie gerade in den angesühreten Umständen anders sind, als die göttingischen.

20.5

Die Schuld hievon ist nicht dem Kunstler, Oliver, zuzuschreiben. Der besitzt alle ersoderlische Geschicklichkeit. Ein unglückliches Schickaal aber hat ihn genothiget, sich nach einem Manne zu richten, dem es nicht nur an mathematischen Kenntnissen, sondern auch an der natürlichen Mathematik, die ein beträchtlicher Theil des gesunden Menschenverstandes ist, und oft den Mangel gelernter Mathematik ersetz, fehlet, der also devon gar keinen Vegriff zu haben sähig ist, was zu richtigen Versuchen und Beobachtungen gehört, gleichwohl solche Dinge anordnen will, und den Eigensinn hat, bessere Kathschläge nicht anzusnehmen.

Wenn der Künstler sonst nicht weiß, wie er seine Werkzeuge richtig machen soll, so wird er es von einem solchen Manne nicht lexnen, der eher das Gute, das der Künstler aus eignem Nachdensfen anbringen wollte, hindert, als was taugliches anzugeben versteht.

Man kann denken was das für Köpfe senn müssen, die, wenn sie ein Thermometer kaufen wollen, erst einen solchen Physikus um Rath fragen und nicht eher glauben, daß ein Ding vorne was taugt, dis ein ganz ander Ding hinten zugessiegelt ist.

384. Weil ich geneigt bin, das Bose immer so gering als möglich zu denken, so will ich doch hose sen, der sich so dunkende Physikus werde durch seine Vorschriften des Künstlers Werk nicht so gar sehr

Semerfungen brauchbar waren.

Also glaube ich, ungeachtet der Unvollkommenheit der Werkzeuge, der Fehler der Beobacheter, und der Unsicherheit der Regel, kann man doch annehmen, das (382) angezeigte Tiefste sep noch über dem Horizonte des Meeres.

Das wird zugleich erläutern, in welcher Bebeutung man sagen kann: Bergwerke lehren uns
das Innere der Erde kennen. Die Erde, als Kugel betrachtet, hat einerlen Halbmesser mit der Rugelsläche die das Meer begränzt... und so mutatis mutandis, das Sphäroid das eigentlich die Erde ist. In das Innere dieses Körpers ist vielleicht noch kein Vergmann gekommen, wo nicht etwa in Polen. (274)

Mathesius, Sarepta II. Predigt sol. XXII b der Ausg. 1562 sührt als die damaligen tiessten Schächte die zum Kuttenberge an, wo man über 500 lachter gesunken; Daher der Bergschwank geskommen: Die von Hungern haben den von Kuttensberg Wassergeld geben müssen, welches nähmlich in Bergwerken ein Gebäude dem andern giebt, das ihm das der Grubenarbeit hinderliche Wasser absnimmt.

Also sett dieser Bergschwank zum voraus: das tiefste der Kuttenberger Gruben, sen näher benm Mittelpunkte der Erde als das Tiesste der unga-rischen.

Die

Die Voraussehung könnte boch unrichtig senn, wenn die dortigen Gebürge etwa viel höher wären als die ungarischen.

Aber wieviel Schwänke würden eine solche geometrische Prüfung aushalten?

Gr. Prof. Hollmanns Regel zu Vergleichung der Höhen, und Unterschiede der Barometerstände.

385. Der Gebrauch, den ich nur nächst zuvor von einigen Aussähen Hr. Prof. Hollmanns gemacht habe, veranlaßte-mich nachzusehen, ob er in seiner Physik was von diesem Gegenstande vortrasge (Philosophiae naturalis primae lineae auck. Sam. Christian. Hollmanna. Gotting. 1753)

Ich fand daseibst folgendes J. 251; Die respectiven Erhöhungen unterschiedener Oerter über einen und denselben Horizont zu bestimmen.

"Diese zöhen verhalten sich bennahe, wie die Unterschiede der Barometerstände, unter eie nerlen Umständen. So verhält sich z. E. der Une terschied des Varometerstandes auf dem Nainberge, zu dem auf dem Verge ben Dransseld, ohngefährwie 72 10 und zu der, welche ich den 10. Jul. 1741 auf dem höchsten Gipfel des Blocksbergs beobachtet habe, wie 7: 35. Uss verhalten sich die Höhen dieser Verge über den Horizont unserer Stadt Stadt ohngefähr wie 7: 10, wie 7: 35; wie 10: 35."

Die lateinischen Borte sind: Sunt . . altitudines fere inter se a data supersicie vt disserntiae altitudinum barometricar. sub iisdem circumstantiis. Ita v. c. disserentia altitudinis barometricae in summo, montis vrbi nostrae provaime adiacentis vertice, dem Haynberg ad eans,
quae in summo montis non procul Dransfelda,
oppido propinquo siti iugo observatur, ceteris
omnibus paribus est vt 7: 10 circiter, et ad eam
quae in summo apice montis Bruckerorum, dem
Brocks-voer Blocksberg, d. 10. Iul. 1741 a nobis observata est, vt 7: 35. Sunt ergo montium illorum altitudines supra horizontem
huius ciuitatis circiter inter se, vt 7: 10 item vt
7: 35, et vt 10: 35.

386. Diese Vorschrift nimmt offenbahr an, wenn das Barometer, gleichviel fallen soll, musse man allemahl gleichviel steigen, von welcher Stelle man auch zu steigen anfange.

Man theile den Unterschied zwischen den Barometerständen zu Göttingen und auf dem Blocksberge in 35 gleiche Theile ein. Wenn man so weit gestiegen ist, daß es um die ersten 7 gefallen ist, besindet man sich im Horizonte des Hanns berges; Das soll nach Hrn. Prof. H. den fünsten Theil der Höhe ausmachen, durch welche man von

von Göttingen steigen muß auf ben Blocksberg zu kommen.

387. Die Luftsäule von Göttingen bis an den Horizont des Gipfels vom Blocksberge, druckt fünfinahl so stark, als die von Göttingen bis an den Horizont durch den Gipfel des Hainberges; Das folgt aus Hrn, Prof. Hollmanns Zahlen 7:35.

Ist aber deswegen jene auch fünfmahl so lang als diese?

Wenn man von Göttingen auf den Hainberg steigt, so erhebt man sich, aus kuft so dicht
als die göttingische ist, in dünnere. Steigt
man vom Hainberge bis dahin, wo das Barometer
um die zweyten sieben Theile der genannten 35
fällt, so fängt man an aus kuft nur so dicht als
sie auf dem Zaynberge ist, zu steigen, wieder
durch immer dünnere kuft. Diese zweyte kufssäule aus dünnerer kuft ist alsalänger, als die erste
aus dichterer kuft, wenn sie eden so start druckt.
Und so kann man sich für jeden Fall um 7 Theile
der 35; eine kuftsäule vorstellen, da die solgende
immer länger als die vorhergehende, die letzte bis
an den Horizont des Gipfels vom Blocksberge am
längsten ist.

Wenn die zwente dieser fünf Säulen länger ist als die erste, die dritte länger als die zwente u. s. s. so sind alle sünf zusammen, mehr als fünfmahl wehl so lang als die erste; Oder die Höhe des Blocksbergs über Göttingen ist grösser als fünfemahl die Höhe des Hainbergs über Göttingen.

- 388. Eben so kann man sich für die 35 genannten Theile, soviel kuftsäulen vorstellen, immer die
 folgende länger als die vorhergehende, die Sums
 me der kängen aller 35 zusammen verhält sich also
 gewiß nicht zur Summe der kängen der ersten 20wie 35: 10, sondern wie was grösseres als 35;
 zu 10.
- 389. Solche Betrachtungen sind schon längst bekannt. Mariottens (59) und Horrebows (62) Schichten beruhen barauf, hollmannische Lustesschichten, gleich bick wenn sie gleich stark drucken, sind niemanden eingesallen, der gewußt hat daß die Lust elastisch ist.
- 390. Folglich ist Hrn. Prof. Hollmanns Vor-schrift (385) nur in dem Maasse circiter wahr, in dem es circiter wahr ist, daß die kuft nicht elassisch ist.
- 391. Ob der Ersinder dieses Saßes an die Elasticität der Luft nicht gedacht hat? ob Er geglaubt hat: Was wahr wäre wenn die Luft nicht elastisch wäre, könnte wohl sirciter wahr senn, wenn sie gleich elastisch ist, ob Er etwa gelesen hat, daß sich die Höhen über einen Horizont, wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände verhalten,

ten, und nun Unterschiede der Logarithmen mit Unterschieden der Jahlen verwechselt hat, vielleicht gar gewußt hat, daß man oft annimmt: Unterschiede der logarithmen verhalten sich wie Unterschiede ihrer Zahlen, nur nicht gewußt hat unter was für Umständen man das annimmt, diese Hypothesen, und andere die man zu Erklärung der Begebenheit erdenken könnte, untersuche jemand, der untersuchen will, wie sich Ignoranz und Dünkel begatten, und Irrthümer zeugen.

392. Die Barometerstände zu Göttingen und auf dem Blocksberge sind 331 und 297, 25 pariser Linien, nach Hrn. Pr. Hollmanns Angabe. Comm. Soc. Sc. Gott. Tom. IIII. p. 92; 93.

Ihr Unterschied ist 33, 75 Linien.

Der fünste Theil davon ist der Unterschied zwischen den Barometerständen auf dem Hainberge und zu Göttingen (385).

Also der Barometerstand auf dem Hainberge 324, 25 Linien.

393. Nach 276; IIII; verhalte sich als die Höhre bes Hainbergs und des Blocksbergs über Göttingen, wie log (331: 324, 25): log (331: 297, 25) = 0, 0089481: 0, 0467062 = 1: 5, 219.

Nach Hr. Prof. Hollmanns Saße, wäre die Verhältniß dieser Höhen circiter 1: 5; Schwer-

Commen soll, sich mit einem circiter bestiedigen lassen, statt derselben 50 zu nehmen.

394. Es ist indessen sonderbar daß am (392) angesührten Orte Zahlen stehen, ben denen Hrn, Prof. Hollmanns Vorschrift so ziemlich genau zustreffen würde. Er giebt nähmlich die Baromesterstände

zu Göttingen 331 Lin. Clausthal 314 auf dem Blocksb. 297, 25

Der ersten benden Unterschied ist 17; des erasten und des lesten 33,75 beynahe das Doppelte jenes Unterschiedes.

Auch ist log (331: 314) = 0, 6228944 und log (331: 297, 25) = 0, 0467062, beya

nahe das Doppelte des ersten logarithmen.

Das beruht auf einem besondern Verhalten dieser dren Barometerstände. Die dritte geometrische Proportionalzahl zu den ersten benden ist 297, 87; und die mittlere Arithmetische zwischen dem ersten und letten ist 314, 125. Also sind diese de dren Barometerstände bennahe zugleich in einer zusammenhängenden geometrischen, und in einer zusammenhängenden arithmetischen, Proportion, solglich ist der Unterschied benm ersten und dritten bennahe noch einmahl so groß als benm ersten und zwenten, man mag die Barometerstände selbst, oder ihre logarithmen, von einander abziehn.

Ich mußte dieses hie auseinander seßen, damit nicht etwa jemand, dem die falsche Regel in diesem Exempel zuträse, sich auf eine solche Erfahrung berufte. Es würde ihm alsdenn gehen wie manchem Natursorscher, der sich auch auf Erfahrung beruft, aber aus Unwissenheit der Mathemazik nicht versteht, daß seine Ersahrung nur unter besondern Umständen zutrifft und allgemeine Schlüsse nicht verstattet.

395. Daß sich die Höhen wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände verhalten, gründet sich auf die allgemeinen Eigenschaften der Luft; Wenn es also auch wegen Wärme und anderer Ursachen Verichtigungen bedürfte, so wäre es doch noch was ganz anders, als eine circiter Vor-

schrift die der Natur wiederspricht.

Der Markscheider vermahrt sich ben seinen Angaben mit der Clausel: Wenn der Gang sein Streichen und Fallen behält; Das sest ihn aber nicht zum Ruthengänger herab, auf dessen hände leichtgläubige Einfalt gafft.

Barometrische Beobachtungen auf dem Brocken, und in Gruben des Harzes von Irn. Prof. Zimmermann.

396. Ich hatte Alles, was zu gegenwärtiger Abe handlung bestimmt war, schon dem Drucker über. liefert, als ich noch Beobachtungen von Hrn. Pr. Zimmermann erhielt, die ich hie benzusügen für nothwendig achte.

397. Er hatzwen de Lucsche Thermometer wie et vorerzählter maassen zu Braunschweig auf bem Undreasthurme gebraucht, an die Derter, welche die Ueberschrift gegenwärtigen Absaßes nennt, gebracht. Jedes war mit einem Vernier oben und unten vers seben, so daß er Zwölftheile einer linie angeben konnte. Es versteht sich also wohl, ob er mir dieses gleich nicht ausdrücklich gemeldet hat, daß er eines dieser Barometer an einer Granze ber Höhe gelassen hat, mo es ist beobachtet worden, bas andere hat er mit sich genommen.

Det Erfolg der braunschweigischen Beobachtungen, hatte des Herzogs von Braunschweig Durchl. veranlaßt, gegenwärtige zu verpronen.

398. Auf bem Brocken sind von ihm acht Beobachtungen angestellt worden, jeder eine zugehorige zu Ilsenburg. Aus jedem Paare dieser Beobs achtungen hat er die Höhe des Brocken über Issenburg berechnet, wie er zuvor benm Undreasthurnre verfahren. Ich will zur Probe das erste Pagr hersetzen. Es war den 11. Jul.

. Therm. reaum. -Barom.

Issend. 27 Zoll 8 12 4. 17

Brocken 25

rocten 25 0 11,5 10000. log (332, 92: 300, 42) = 446,1.

Soviel Toisen ist die unverbesserte Höhe.

Also 2676, 6 pariser Fuß.

Die halbe Summe der Thermameterstände ift

14, 25.

Und 16, 75 - 14, 25 = 2, 5 E 2

Also die Verbessetung ber Höhe

= 2676, 6.2, 5 = 31, 12; abzuziehen.

Also die verbesserte Höhe 2647, 48 pariser Juß.

Diese mit 3 multiplicirt geben in Braunschweiger Maasse die Höhe 3023 Fuß 4 Zoll 10 Linien.

399. So berechnet Hr. Pr. Z. jedes Paar seiner Beobachtungen. Ich will von dem was er findet das größte und kleinste herseßen.

III. Beob. 3043 F. 8 3. 5 & Br.

V. 2973 9

Unterschied 69 11 5

Das Mittel aus allen achten ist 3011 F. 8 Z. 9 L. Br.

400. Des Brockens höchster Gipfel ist ohngefähr noch 10 bis 11 Fuß höher als der Plat wo

das Barometer hing.

401. Hr. Pr. Z. melbet, Ritter (Relatio hiflorico enriosa de iterato itinere in hercyniae montem famosiss. Bruckerum Helinst. 1740; 4°) gebe die Höhe des Brocken über 2933 Fuß an, habe aber nur mit einem Ustrolabio gemessen, das wahrscheinlicher Weise nicht die auf Minuten getheilt gewesen.

402. Barometerstände auf dem Brocken sind ohne Zweisel noch allgemeiner lehrreich, als des Brockens Höhe über Issenburg. Ich seße also Hrn. Hrn Prof. Z. acht Beobachtungen auf bem Brot-

•		Barometer, Reaum.	
1	rr Jul.	125 Zoll 5 Zwölsth. Lin.	11.5
II	12 9 Uhr	T	13,5
III	12 12 Uhr	6	13
11[[12 3 Nachm.	— 4	12
V	12 6 X b.	و :	12, 5
VI	13,9	 3	9, 5
VII	13 jis —	— 7	11, 75
VIII	13!3 Nachm.	4	12

403. Heinrichshöhe ist ein Torfwerk auf dem kleinen Brocken. Das Barometer stand da den 12. Jul. 25 Zoll 3½ lin. Thermometer 15¾; In Isenburg Bar. 27 Zoll 9 lin. Therm, 16¾. Wordaus Heinrichshöhe über Issenburg 2374, 66 parisfer Fuß folgt.

404. Zu Clausthal, auf der Unna Eleonora, d. 22. Jul. 1777, um $4\frac{1}{2}$ Uhr Machm. stand das Barometer im Einfahrtshause 27 Zoll; Das reaumurische Therm. 16 Gr. Um $6\frac{1}{2}$ Uhr kam Hr. Pr. Z. in das Gesenk. Da, Bar. 28 Zoll $4\frac{1}{2}$ Iin. Therm. 13 Gr.

Daraus berechnete Teufe unter dem ersten Stande 1258, 69 pariser Fuß = 1438, 5 Braunsschweigkscha

Der Hr. Markscheider Rausch gab diese Teufe 216 lachter an = 1440 braunschweiger Fuß. Eine nicht zu erwartende Uebereinstimmung! Die Verwandlung der kachter in Fuß sehe man 2. Unm. über die Marksch. 10.

405. Zu Zellerfeld, auf dem Haus Zelle, den 24. Jul Morgens zwischen 6 u. 7 Uhr,

Teufe 464, 09 P. F. = 530, 389 Br. F.

Der Abstand dieser Stellen, ward Hr. Pr. Zimmermann 80 kachter = 513 \frac{1}{3} Br. F. Donlege angegeben. Aber daben nicht das Fallen. Also läst sich aus der Donlege allein, nichts von der Seigerteuse bestimmen Wäre das Fallen 80 Grad, so gäbe diese Donlege etwa 525 Fuß.
Seigerteuse.

406. Auf der englischen Treue in Clausthal, den 23 Jul. 4½ Uhr Nachmitt.

Im Einf. H. B. 27 Zoll Th. 16 In der Grube 27 7½ 1. Th. 10.

Teufe 586 Par. F. = 6694 Br.

Die Markscheiber gaben sie 200 lachter 7
= 668 F. 4 Z. Br.

407. Rammelsberg ben Goslar; d. 26. Jul. Morgens um 9 Uhr.

Ben der Einfahrt B. 27 Z. 8 72 L. Th. 16%.

Im Gesenke 23. 28 3. 210 & 15 1 Thetin.

Teufe 489, 69 P. F. = 559, 646 Br. Man gab sie 90 lachter = 600 Fuß.

408. Im Breitlingen, im Rammelsberge; An einer Stelle, wo erst vor zween Tagen, das Gebirge durch Feuerschen losgebrannt war.

Ben der Einfahrt B. 27 Z. 812 l. Th. 1612 An erwähnter Stelle 27 11 29

Teufe 200, 44 P. F. = 229 F. 0 Z. 11 {. Braunschw.

Sie ward angegeben 38 lachter = 253 3 Br., Juß.

409. In (407; 408;) weicht also die Messung mit dem Barometer sehr von den Ungaben ab; Und verhältnismässig in (408) am meisten. Nämlich in (407) gab das B. ben 600 Fussen; 40 zu wenig, aber in (408), ben noch nicht der Hälfte, vom vorigen, 229 Fuß, mehr als die Hälfte vom. vorigen 40 zu wenig.

410. Hr. Prof. Z. erinnert, das B. habe in den kalten Gruben, wo kein Vitriol und Rupfer-rauch war (404...406), so vorzüglich richtig gemessen Es müßten also die besondern Dünste, ben den letzten Messungen, den Druck der lust gesändert haben; Hierüber wünscht er mit Rechte mehr Besbachtungen.

411. Me.

411. Uebrigens ist im Breitlingen die Hiße so groß, daß ein ganz nackender Mensch nur eine Stunde in einem sortarbeiten kann; die Beobachier hielten es in ihren Kleidern dem Barometer zu Gefallen doch eine halbe Stunde aus. Ueberhaupt kam ihm die Luft im Rammelsberge viel unangenehmer vor, als in allen vorhin befahrnen. Gruben, ob er gleich sonst leichter zu befahren ist.

4121 Noch hat Hr. Pr. Z. auf dem Rammelse berge beobachtet. Den 27. Jul.

In Goslar 9 Uhr B. 27 Z. 8 4 £. Th. 17½.

12 27 8½

Auf der Spisse des R. B. 26, 6½ . . . 20

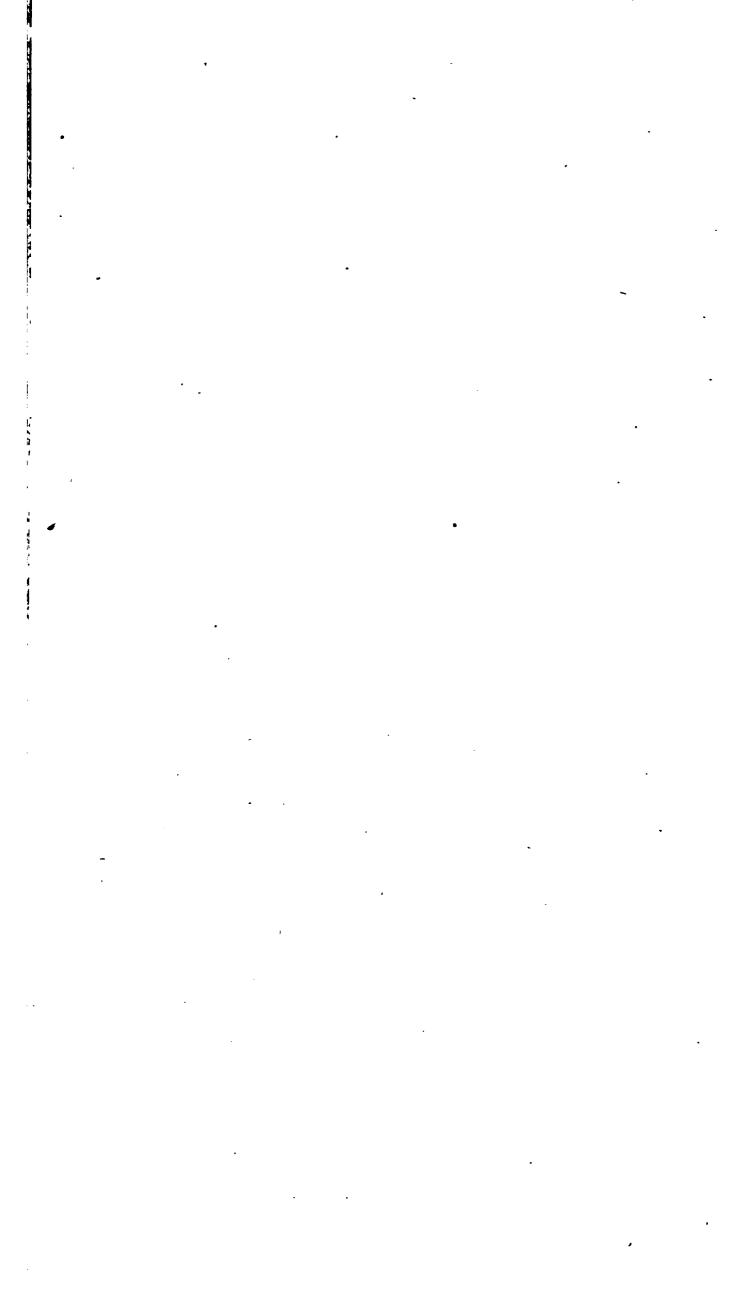
Von den benden Ständen zu Goelar, ist der eeste bewachtet worden, ehe man auf den Verg gestiegen, der letzte nach der Zurückkunst. Hr. Pr. Z. nimmt aus benden das Mittel 27 Zoll 8½ lin. und berechnet daraus die Höhe des Rammelsberges über Goslar 1122, 14 Pariser Fuß = 1282 F. 5 Zoll 4 & Braunschw.

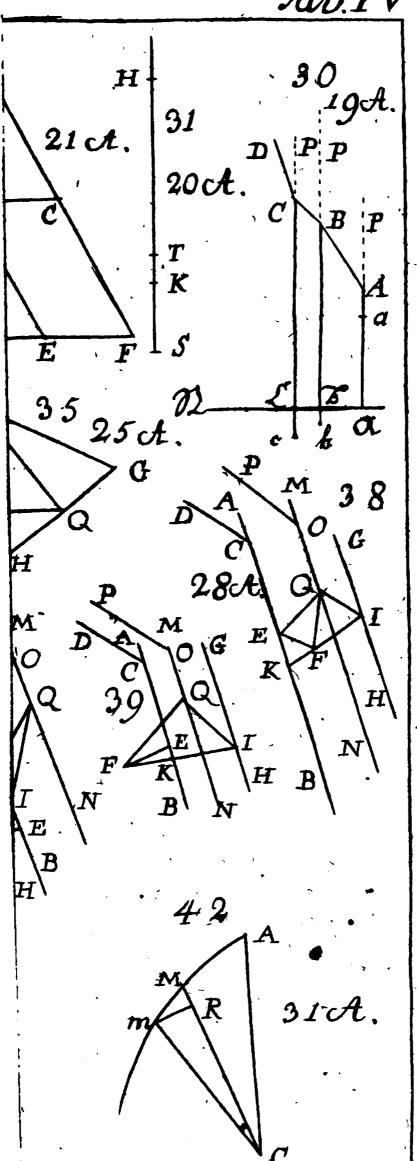


Tab. I Ans 2 f. \mathcal{C}' 6 A. M A.

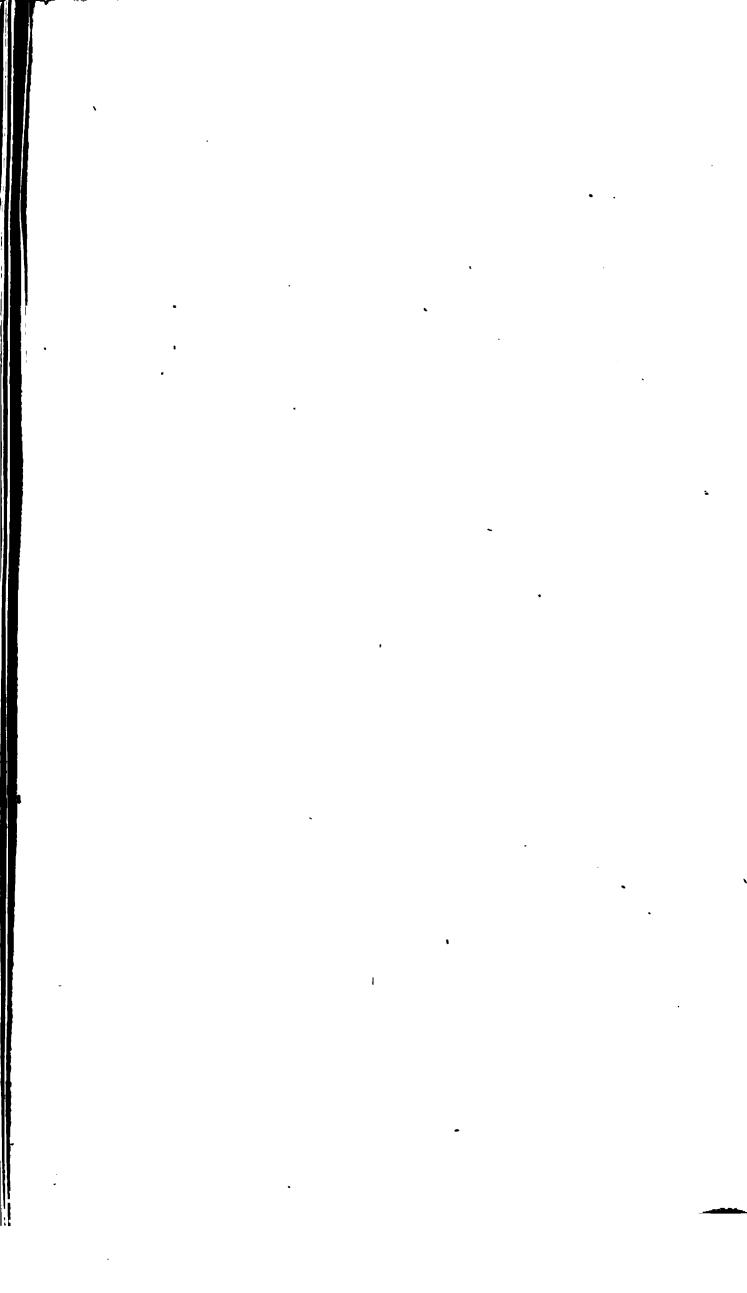


Tab III 10 19 11 A. 22 23 28 18A. B 1





• . •





A 520383

UNIVERSITY OF MICHIGAN

3 9015 08543 4451

